

# Matematika 1: 4. kolokvij

2. 6. 2014

Čas pisanja je 90 minut. Možno je doseči 100 točk. Veliko uspeha!

Ime in priimek

---

										1	
										2	
										3	
										4	
										Σ	

Sedež (2.05)

Vpisna številka

## 1. naloga

Izračunaj nedoločeni integral

$$\int \frac{x^2 + 1}{x^4 - x^2} dx.$$

## 2. naloga

Izračunaj dolžino krivulje, podane v polarnih koordinatah s predpisom  $r(\varphi) = e^\varphi$ , med točkama  $(1, 0)$  in  $(e^{2\pi}, 0)$ .

### 3. naloga

Ugotovi, ali konvergira naslednji posplošeni integral.

$$\int_0^1 \frac{\ln(1 + \sqrt{x})}{\sqrt{x}} dx.$$

V primeru, da zgornji posplošeni integral konvergira, ga izračunaj.

#### 4. naloga

Izračunaj limito

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \ln(1 + x^3)}{e^{x^4} - 1}.$$

**Nasvet:** pomagaj si z razvojem funkcij v Taylorjevo vrsto okoli izhodišča.