

ELEMENTARNE FUNKCIJE

1. Določi presečišči premice z enačbo $y = -4x + 7$ in kvadratne parabole z enačbo $y = 9x^2 - 12x + 6$.
2. Podana je kvadratna funkcija $f(x) = 2x^2 + bx + c$. Določi taki števili b in c , da bo graf funkcije f potekal skozi točki $(-2, 5)$ in $(3, 25)$.
3. Določi tisto število p , za katero graf funkcije $f(x) = 2^p - 8x$ poteka skozi presečišče premic z enačbama $y = 3x + 10$ in $y = -5x + 26$.
4. Reši sistem enačb
$$\begin{aligned} x^2 + y^2 &= 4 \\ x^2 + 16y^2 &= 64 \end{aligned}.$$
5. Reši naslednje enačbe.
 - (a) $\cos x - \operatorname{tg}^2 x = 1$,
 - (b) $7 + \cos(10x) = 8 \cos(5x)$,
 - (c) $64^x - 3 \cdot 16^x + 4 + 3^x = 0$,
 - (d) $\ln x \ln\left(\frac{x}{e^5}\right) = -6$.
6. Skiciraj grafe naslednjih funkcij.
 - (a) $f(x) = x^3 + x^2 - x - 1$,
 - (b) $f(x) = x^4 - 5x^2 + 4$,
 - (c) $f(x) = x^3 - 3x^2 + 3x - 2$,
 - (d) $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^3 + 8}$,
 - (e) $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 15}{x^2 - 3x + 2}$,
 - (f) $f(x) = \frac{x^3 - 1}{x^2 + 4}$,
 - (g) $f(x) = \frac{x^3 - 3x^2 + 4}{x^2 + 1}$,
 - (h) $f(x) = -\sin^2 x$ (Nasvet: izraz preoblikuj tako, da bodo v njem nastopali dvojni koti),
 - (i) $f(x) = -2 \cos(3x) + 1$,
 - (j) $f(x) = 2 \sin(2x + \pi) - 3$,
 - (k) $f(x) = 2 \sin x - 2 \cos x + 1$ (Nasvet: izraz $\sin x - \cos x$ zapiši v obliki $b \sin(x + a)$ za primerena a in b),
 - (l) $f(x) = -2 \cdot 5^{-x+2} + 1$,
 - (m) $f(x) = \ln(x - 1) + 1$,
 - (n) $f(x) = \ln(1 - x) + 1$,
 - (o) $f(x) = 8 \ln(\sqrt[4]{x+1}) - 1$,
 - (p) $f(x) = -4\left(\frac{1}{2^{2x+1}} - 1\right)$,
 - (q) $f(x) = 2 \operatorname{tg}\left(\frac{x-\pi}{2}\right) + 1$,
 - (r) $f(x) = \frac{1}{2} \operatorname{ctg}(2x) - 1$,

$$(s) \quad f(x) = -\arcsin\left(\left(\frac{x+2}{3}\right)\right) + 2.$$

7. Izračunaj

$$\sin(\operatorname{arctg}3 + \operatorname{arctg}6).$$