

29.6.99

1. NAJ ZA LIN. NEODV. VEKT. a IN b VELJA ENAČBA $\|a\|^2 + a \cdot b = 0$. KAJ LAHKO POVESTE O KOTU IN O NJUNIH DOLŽINAH? SKICA! $a \cdot b = \|a\| \|b\| \cos \theta$; $\|ab\| \leq \|a\| \|b\|$; $\|a\| \|a\| \leq \|a\| \|a\| \leq /$ OSTER KOT

2. DEF. MEŠ. PR. 3 NAZORNIH VEKT. OPIŠITE NJEGOV GEOM. POMEN. OPIŠITE POT DO EN. RAVN., KI VSEBUJE 3 DANE NEKOL. TOČKE. MP VEKT. a, b, c JE SKALAR, KI JE ENAK PROST PARAL., KI GA NAPENJ. TI 3 VEKT. REZUTAT JE POZ., ČE VEKT. a, b, c TVORIJO DESNOSUČ. SISTEM, IN NEG. V NASPR. PRIM. PIŠEMO: $(a \times b) \cdot c = (a, b, c)$ V BAZI i, j, k IZR. Z DETERMINANTO TRETJEGA REDA. NEKOL. VEKTORJI $v = |a, b, c|$

SPLOŠNA E. $-AX + BY + CZ = D$; **NORMALNA E.** $-(r - r_0) \cdot n = 0 \Leftrightarrow (r - r_0) \perp n$;

$(X, Y, Z) \cdot D = AX_0 + BY_0 + CZ_0$; PR: $D = Ra \cdot n = (X, Y, Z) \cdot (a, b, c) =$

$Xa + Yb + Zc = D$ (ŠT). $OT = OA + s \cdot AB + t \cdot AC$; $OT = r$; $OA = rA$.. itd.

VEKT. EN.: $r = rA + s \cdot (rB - rA) + t \cdot (rC - rA)$ s, te R, **PARAM. E.:**

$T(X, Y, Z), A(a_1, a_2, a_3), B(b_1, b_2, b_3), C(c_1, c_2, c_3)$, Č IZLOČ. PARAM.

s IN t DOBIMO SPLOŠ. OBL. EN. RAV. ENAČBA SKOZI P_1, P_2, P_3

a) KOMPON. ZAPIS: $|X - X_1 \ Y - Y_1 \ Z - Z_1|$ VEKT. ZAPIS:

$$|X_2 - X_1 \ Y_2 - Y_1 \ Z_2 - Z_1| = 0 \quad ((r - r_1), (r - r_2), (r - r_3)) = 0$$

$$|X_3 - X_1 \ Y_3 - Y_1 \ Z_3 - Z_1| \quad (\text{MEŠANI PRODUKT}) \quad \mathbf{3. NATANČNO RAZLOŽ., KAJ JE}$$

PRINCIP PPI. PRIKAŽ. UPORABO PPI. (V. PEANOV AKSIOM- PPI JE PRAVILO SKLEP. PO KATEREM SKLEP., DA VELJA NEKA TRDITEV ZA VSA NARAVNA ŠT., ČE : 1)... ČE VELJA ZA n PRI $An \rightarrow$ ZAČ.

KORAK 2)... ČE DOKAŽ., DA VELJA TUDI ZA $An+1 \rightarrow$ INDUKTIVNI KORAK... ČE OBA KORAKA

USPETA, SMO DOKAZ. PRAVILNOST An ZA VSAK $n \in \mathbf{N}$, PRIMER: 1. KORAK: $n^3 - 7n$ (3k) DELJ. S 3?

$n = 1$.. V. DOKAZ. RESN. TRD. An PRI $n = 1$.. 2. KORAK : $n + 1$, PRED. RESN. PRI $An+1$: $(n+1)^3 -$

$7(n+1) = n^3 + 3n^2 + 3n + 1 - 7n - 7 = (n^3 - 7n) + 3(n^2 + n - 2) \forall n$

4. IZREK O POPREČNEM PRIR. GOVORI O.... LAGRANGEV IZREK (ČE JE $f(x)$ ZVEZNA NA ZAPRTM INT. $[a, b]$ IN ODV. NA ODPRTM IN (a, b) , POTEM OBSTAJA MED a IN b VSAJ ENO TAKO ŠT. c , DA VELJA $f(b) - f(a) = f'(c)$

$b = a + h$ OZN. $@$ NEKO ŠT. $\rightarrow (0 < @ < 1)$, POTEM SE IZREK $b - a$; $(a < c < b)$

, V 2. OBL. GLASI: $f(a + h) = f(a) + h \cdot f'(a + @h)$. GEOM. POMENI

DA ZA FUNK. $y = f(x)$, KI JE NA INT. $[a, b]$ ZVEZNA IN ZA

KATERO V VASKI NOTR. TOČ. INT. OBSTAJA MED TOČ.

A IN B VSAJ ENA TOČ. C NA KRIV. V KATERI JE TANG.

NA GF \parallel S PREMICO SKOZI A IN B.

5. POSKUSITE Z UPOR. IZREKA IZ VPR. 4. POKAZATI, DA JE FUNKC. S POZ. ODVODOM STROGO MON. NAR.

6. KAKO S POMOČJO DOL. INT. IZRAČ. LOČNO DOLŽINO KRIV, KI JE PODANA KOT GRAFNEKE ZVEZ. ODV. FUNK. NA ZAPRTM INT?

b CE JE $f(x)$ ZVEZNO ODV. FUNK. IMA USTREZNE KRIV. LOČNO

$S = \int_a^b (\sqrt{1 + y'^2}) dx$ DOLŽINO, KI JE DANA Z INT.

a