

Izraz za Fourierjev integral razčlenimo v Fourierjevo transformacijo $\mathcal{F}[f(t)]$ in inverzno Fourierjevo transformacijo $\mathcal{F}^{-1}[F(\omega)]$

$$F(\omega) = \mathcal{F}[f(t)] = \int_{-\infty}^{\infty} f(t)e^{-j\omega t} dt, \quad (3.1)$$

$$f(t) = \mathcal{F}^{-1}[F(\omega)] = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} F(\omega)e^{j\omega t} d\omega. \quad (3.2)$$

Signal $f(t)$ in njegovo Fourierjevo transformacijo $F(\omega)$ imenujemo *Fourierjev par*, $F(\omega)$ pa tudi *kompleksni spekter* aperiodičnega signala $f(t)$. Kompleksni spekter ponazarja signal $f(t)$ v frekvenčnem prostoru.

Ponazoritev kompleksnega spektra

$$F(\omega) = P(\omega) + jQ(\omega), \quad \begin{aligned} P(\omega) &= \operatorname{Re} F(\omega) \\ Q(\omega) &= \operatorname{Im} F(\omega), \end{aligned}$$

$$F(\omega) = |F(\omega)|e^{j\Theta(\omega)},$$

kjer je $|F(\omega)|$ *amplitudni spekter*, $\Theta(\omega)$ pa *fazni spekter*.

Amplitudni spekter

$$|F(\omega)| = \sqrt{P(\omega)^2 + Q(\omega)^2} = \sqrt{F(\omega)\overline{F(\omega)}}. \quad (3.3)$$

Fazni spekter

$$\Theta(\omega) = \begin{cases} \arctg \frac{Q(\omega)}{P(\omega)} & P(\omega) > 0 \\ \pm\pi + \arctg \frac{Q(\omega)}{P(\omega)} & P(\omega) < 0. \end{cases} \quad (3.4)$$

Če je signal $f(t)$ je realen, potem veljajo naslednje lastnosti:

1. $P(\omega) = P(-\omega)$,
2. $Q(\omega) = -Q(-\omega)$,
3. $|F(\omega)| = |F(-\omega)|$,
4. $\Theta(\omega) = -\Theta(-\omega)$,
5. $F(\omega) = \overline{F(-\omega)}$.

Sodi realni signali

$$F(\omega) = P(\omega) = 2 \int_0^{\infty} f(t) \cos \omega t dt.$$

Lihi realni signali

$$F(\omega) = jQ(\omega) = -2j \int_0^{\infty} f(t) \sin \omega t dt.$$