



# Telekomunikacijski inženiring

dr. Iztok Humar



## Vsebina

- **Značilnosti TK prometa, preprosti modeli, uporaba**
  - Uvod
  - Značilnosti telekomunikacijskega prometa
  - Modeliranje vodovno komutiranih zvez
    - Erlang B
    - Erlang C
  - Modeliranje v paketnih omrežjih
    - M/M/1
  - Značilnosti internetnega prometa



## Telekomunikacijski inženiring



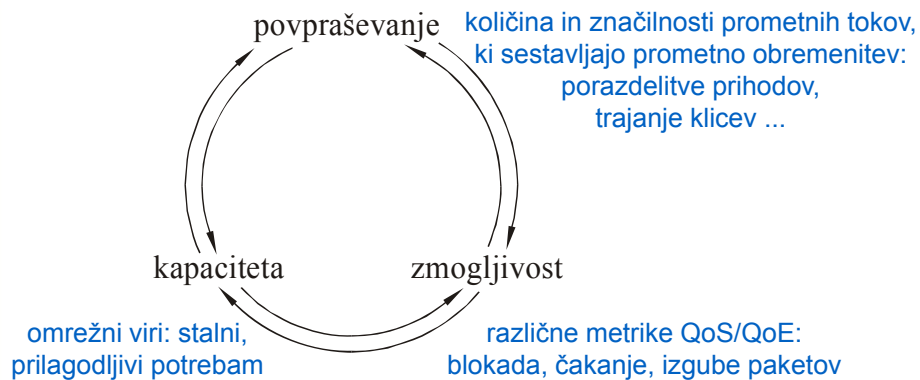
## Možni načrtovalski pristopi

- **“Od začetka”:**
  - težaven pristop
  - zahteva načrtovalca z izkušnjami, pristopa se ni mogoče “priučiti”
  - uporaba tujih izkušenj (drugi operaterji, podobni sistemi)
  - postavitve pilotskih sistemov – ustrezno skaliranje
  - uporaba tehnik modeliranja/simulacij
- **Nadgradnja/dopolnjevanje obstoječih sistemov**
  - enostavnejši pristop
  - dobro poznano izhodišče
  - običajno poznani vplivi parametrov/odzivi na spremembe v sistemu
  - mogoči poizkusi (omejenega obsega)
  - iterativni postopki
  - modeliranje in simulacije lahko služi kot dodatna podpora odločitvam



## povpraševanje-kapaciteta-zmogljivost

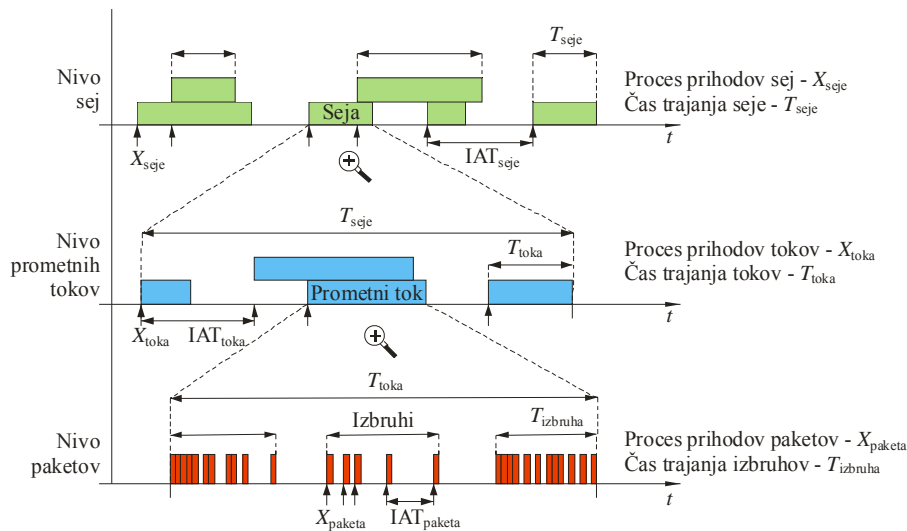
- Tradicionalna vloga TK inženiringa:
  - zagotavljati tolikšne kapacitete, kot so potrebne za prenašanje zelenih podatkov v skladu z zahtevano kakovostjo storitev
- Medsebojna zveza treh značilnosti TK omrežij



## Značilnosti TK prometa (porazdelitvene funkcije)



## Katere parametre želimo opisati?



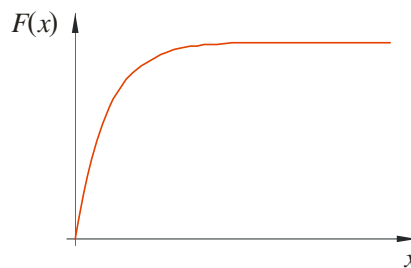
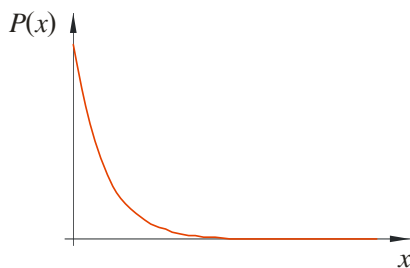
## Eksponentna porazdelitev

Porazdelitev:

$$P(x) = \lambda e^{-\lambda x}$$

Kumulativna porazdelitvena funkcija:

$$F(x) = P(X \leq x) = 1 - e^{-\lambda x}$$



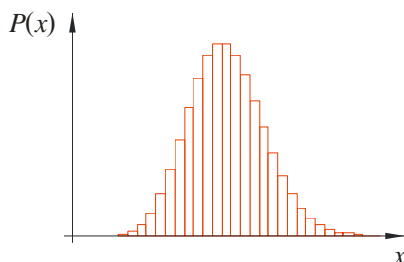
- **Značilnost:** funkcija s kratkim repom  $F^c(x) \sim e^{-x}$ ,  $x \rightarrow \infty$
- **Uporaba:** eksponentna porazdelitev časov med prihodi zahtevkov se je uporabljala pri modelih klasične telefonije (porazdelitev časov med prihodi klicev) in zgodnjih teorijah čakalnih vrst (prihodi paketov) – v modelih Kleinrocka.



## Poissonova porazdelitev

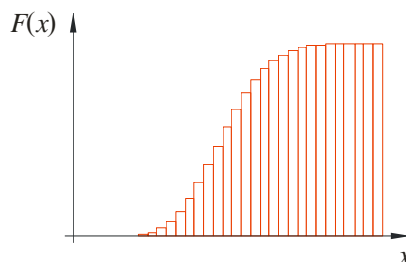
Porazdelitev:

$$P(x) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x!}, \quad x = 0, 1, 2, \dots$$



Kumulativna porazdelitvena funkcija:

$$F(x) = \sum_{i=0}^x \frac{e^{-\lambda} \lambda^i}{i!}$$



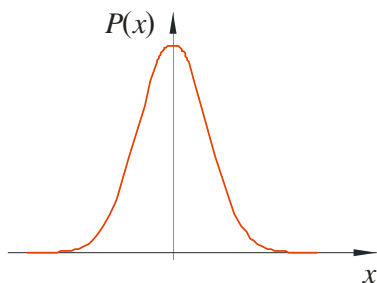
- (1) časi so eksponentno porazdeljeni in (2) časi so med seboj neodvisni.
- Uporaba: Poissonova porazdelitev je najpogosteje uporabljena v modelih s področja klasične telefonije. Erlangovi modeli verjetnosti blokade in čakanja slonijo na Poissonovi porazdelitvi števila prihodov klicev v časovnih intervalih določene dolžine.



## Normalna porazdelitev

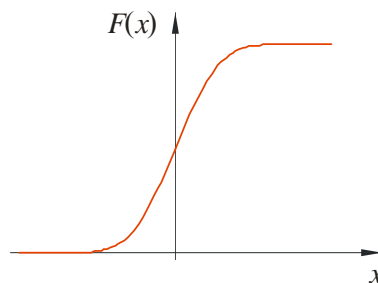
Porazdelitev:

$$P(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$



Kumulativna porazdelitvena funkcija:

$$F(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^x e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} dx = \frac{1}{2} \left[ 1 + \operatorname{erf} \left( \frac{x-\mu}{\sigma\sqrt{2}} \right) \right]$$



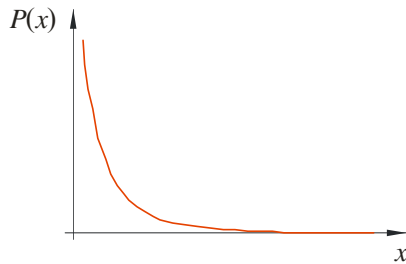
- Matematiki tovrstno porazdelitev imenujejo normalna porazdelitev, fiziki jo nazivajo Gaussova porazdelitev, v družboslovju pa jo imenujejo zvonasta krivulja.



## Pareto porazdelitev

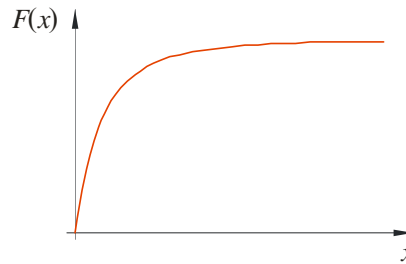
Porazdelitev:

$$P(x) = \alpha b^\alpha x^{-\alpha-1}$$



Kumulativna porazdelitvena funkcija:

$$F(x) = 1 - (b/x)^\alpha, \quad \alpha, b \geq 0, \quad x \geq b.$$



- Uporaba: modeliranje deležev procesorskega časa posameznih računalniških procesov ( $1,05 \leq \alpha \leq 1,25$ ); v telekomunikacijah za modeliranje časov držanja klicev, velikosti oken pri VBR videu, opis časov med prihodi sej pri prometu protokola *telnet*, za opis velikosti FTPDATA izbruhov in za opis porazdelitve velikosti datotek.

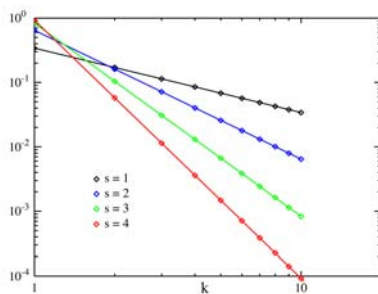


## Zipfova in njej podobna porazdelitev

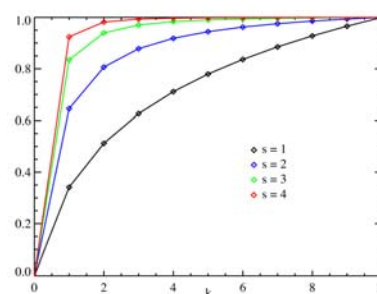
Porazdelitev:

$$P(k) = \Omega/k$$

$$P(k) = \Omega/k^\alpha$$



Kumulativna porazdelitvena funkcija:



- Zipfova porazdelitev se je prvič identificirala v knjižničarstvu (pogostnost besed). Uporaba v telekomunikacijah; modeliranje popularnosti virov – verjetnosti (pogostnosti) dostopa do npr. spletnih strani.

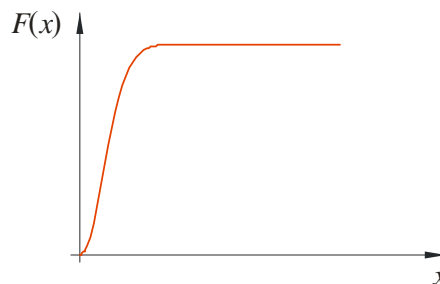
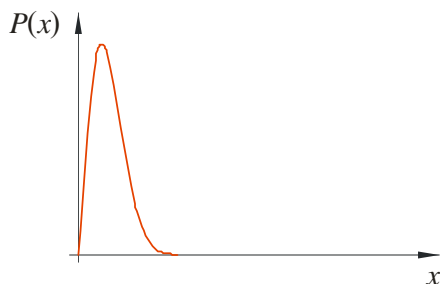


## Weibullova porazdelitev

Porazdelitev:

Kumulativna porazdelitvena funkcija:

$$P(x) = (a/b)(x/b)^{(a-1)} e^{-(x/b)^a}, \quad F(x) = 1 - e^{-(x/b)^a}, \quad a, b \geq 0,$$



- Uporaba: analiza čakalnih vrst v primeru uporabe samopodobnega prometa – porazdelitve v čakalnih vrstah se podrejajo Weibullovim porazdelitvam. Weibullova porazdelitev se uporablja tudi za modeliranje časov neaktivnosti uporabnikov med zaporednimi zahtevki HTTP.



## Praktična uporaba

- Izkaže se, da za opis sej, ki so vezane na obnašanje uporabnikov (ljudi), ponavadi zelo dobro ustrezajo:
  - eksponentne porazdelitve časov med prihodi sej (oz. posledično)
  - Poissonove porazdelitve števila prihodov v časovnih intervalih
- Za opis entitet, vezanih na prenos datotek, pa se ponavadi uporabljajo:
  - porazdelitve z dolgim repom, npr. Pareto porazdelitev
- Bolj nadrobne značilnosti telekomunikacijskega prometa (prenos paketov) so precej bolj kompleksne. Zaenkrat ne obstajajo relativno preprosti modeli za njihov opis, ki bi omogočili široko uporabo.
- Nasvet: načrtovanje izvajamo na makroskopski ravni, določene nadrobne značilnosti znotraj sej aproksimiramo z ustreznimi približki, pogosto kar CBR.