

### Postulati boolove algebre:

vsota & produkt	nedelavni element	komutativnost	distributivnost	komplement
$A + B$	$A + 0 = A$	$A + B = B + A$	$A + (B \cdot C) = (A + B)(A + C)$	$A + \bar{A} = 1$
$A \cdot B$	$A \cdot 1 = A$	$A \cdot B = B \cdot A$	$A(B + C) = A \cdot B + A \cdot C$	$A \cdot \bar{A} = 0$

### Teoremi boolove algebre:

$$A + AB = A \quad \text{absorpcija}$$

$$A + \bar{A}B = A + B$$

$$AB + A\bar{B} = A \quad \text{logična sosednost}$$

$$AC + \bar{A}BC = AC + BC$$

$$AB + AC + \bar{B}C = AB + BC$$

$$\overline{A \cdot B \cdot C \cdot \dots} = \bar{A} + \bar{B} + \bar{C} + \dots \quad 1. \text{ De Morganov zakon}$$

$$A + B + C + \dots = \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot \bar{C} \cdot \dots \quad 2. \text{ De Morganov zakon}$$

$$f_{PDNO} = \sum_{i=0}^{2^n-1} f_i m_i \quad f_{PKNO} = \prod_{i=0}^{2^n-1} (\bar{f}_i M_j), \quad j = 2^n - i - 1 \quad f_{MKNO} = \prod_{i=0}^{2^n-1} f_i + M_{2^n-i-1}$$

### Funkcije dveh spremenljivk:

$f_i$	simbol	ime	izraz
$f_0$	0		$f_0 = 0$
$f_1$	$\downarrow$	Pierce, NEALI	$f_1 = \overline{x_1 + x_2}$
$f_2$	$\overline{x_2 \rightarrow x_1}$	negacija implikacije	$f_2 = \overline{x_2 + x_1} = \bar{x}_1 \cdot x_2$
$f_3$	$\bar{x}_1$	negacija, NE	$f_3 = \bar{x}_1$
$f_4$	$\overline{x_1 \rightarrow x_2}$	negacija implikacije	$f_4 = \overline{x_1 + x_2} = x_1 \cdot \bar{x}_2$
$f_5$	$\bar{x}_2$	negacija, NE	$f_5 = \bar{x}_2$
$f_6$	$\oplus, \nabla$	izključno, vsota po modulu 2	$f_6 = \overline{x_1 x_2} + \overline{x_1 \bar{x}_2}$
$f_7$		Sheffer, NEIN	$f_7 = x_1   x_2 = \overline{x_1 \cdot x_2}$
$f_8$	$x_1 \cdot x_2$	konjunkcija, IN	$f_8 = x_1 \cdot x_2$
$f_9$	$\equiv$	ekvivalenca	$f_9 = x_1 \cdot x_2 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_2$
$f_{10}$	$x_2$		$f_{10} = x_2$
$f_{11}$	$x_1 \rightarrow x_2$	implikacija	$f_{11} = x_1 + \bar{x}_2$
$f_{12}$	$x_1$		$f_{12} = x_1$
$f_{13}$	$x_2 \rightarrow x_1$	implikacija	$f_{13} = x_2 + \bar{x}_1$
$f_{14}$	$x_1 + x_2$	disjunkcija, ALI	$f_{14} = x_1 + x_2$
$f_{15}$	1		$f_{15} = 1$

### Funkcijsko polni sistemi:

1. Razred funkcij, ki ohranja 0:  $f(0,0,0,\dots,0) = 0$

2. Razred funkcij, ki ohranja 1:  $f(1,1,1,\dots,1) = 1$

3. Razred sebidualnih funkcij:

-dualnost:  $f_d(x_1, x_2, x_3, \dots, x_n) = \overline{f(\overline{x_1}, \overline{x_2}, \overline{x_3}, \dots, \overline{x_n})}$

-sebidualnost:  $f_d(x_1, x_2, x_3, \dots, x_n) = f(x_1, x_2, x_3, \dots, x_n)$

4. Razred pozitivno monotonih funkcij:

-množici vhodnih spremenljivk:  $a = \{a_1, a_2, a_3, \dots, a_n\}$ ,  $b = \{b_1, b_2, b_3, \dots, b_n\}$

-funkcija je pozitivno monotona, če velja:  $f(a) \geq f(b)$  za vse  $a \geq b$ , če je  $a_i \geq b_i$  pri  $1 \leq i \leq n$

5. Razred linearnih funkcij:

$$f(x_1, x_2, x_3, \dots, x_n) = a_0 \oplus a_1 x_1 \oplus a_2 x_2 \oplus a_3 x_3 \oplus \dots \oplus a_n x_n$$

-funkcija je v PDNO linearna, če pri določitvi koeficientov  $a_i$  ne naletimo na protislovje

Množica osnovnih funkcij  $F = \{f_0, f_1, \dots, f_n\}$  tvori funkcijsko poln sistem, če vsebuje vsaj eno funkcijo, ki ne pripada zgoraj naštetim razredom funkcij.

### Specialne funkcije:

Simetrične funkcije:

-simetričnost funkcije;  $x_i \sim x_j$ :

$$f(x_1, x_2, \dots, x_{i-1}, x_i, x_{i+1}, \dots, x_j, x_{j+1}, \dots, x_n) = f(x_1, x_2, \dots, x_{i-1}, x_j, x_{i+1}, \dots, x_i, x_{j+1}, \dots, x_n)$$

-simetričnost funkcije;  $x_i \sim \overline{x_j}$ :

$$f(x_1, x_2, \dots, x_i, \dots, x_j, \dots, x_n) = f(x_1, x_2, \dots, \overline{x_j}, \dots, \overline{x_i}, \dots, x_n)$$

Globalno simetrične:

-potreben pogoj: do recipročnosti konstantno število 1 in 0 v stolpcih

-zadosten pogoj: zajete vse kombinacije z določeno utežjo (utež = vsota enic v vrsticah)

Monotone funkcije:

-pozitivno monotone:  $a_i \geq a_j$ ,  $f(a_i) \geq f(a_j)$

-negativno monotone:  $a_i \leq a_j$ ,  $f(a_i) \leq f(a_j)$

Popolnoma monotone:

-funkcija je popolnoma monotona, če je monotona na vse možne kombinacije spremenljivk in na vse spremenljivke

Enotipen zapis:

-funkcija, ki je monotona na vsako posamezno spremenljivko v naboru ima enotipen zapis v MDNO (nobena izmed spremenljivk ne nastopa v negirani in nenegirani obliki hkrati).

Pragovne funkcije:

-funkcija  $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$  je pragovna, če obstaja množica uteži  $\{w_1, w_2, \dots, w_k\}$  in prag  $P$ , tako, da velja:  $f(x_1, x_2, \dots, x_n) = 1$ , če je  $\sum_{i=1}^n w_i x_i \geq P$ .

Negacija pragovne funkcije je vedno pragovna funkcija in popolnoma monotone funkcije so tudi pragovne.

Globalni prag  $P$ :

-je minimalna vrednost  $P_l$ , ko je  $f(x_{1l}, x_{2l}, x_{3l}) = 1$ . Če je ta vrednost  $P$  hkrati tudi večja od vseh lokalnih pragov, za katere je  $f(x_{1l}, x_{2l}, x_{3l}) = 0$ , je funkcija pragovna.

### Programabilna logična vezja:

PROM – programmable read only memory (programiramo matriko ali)

PAL – programmable array logic (programiramo matriko in)

PLA – programmable logic array (programiramo obe matriki)

### Sekvenčna vezja:

$x = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$  množica vhodnih spremenljivk

$y = \{y_1, y_2, \dots, y_m\}$  množica izhodnih spremenljivk

$S = \{S_1, S_2, \dots, S_l\}$  množica notranjih stanj avtomata

$$S(t + \Delta t) = [S(t), x(t)]$$

Mealyjev tip avtomata:

$$y(t) = f[S(t), x(t)]$$

Mooreov tip avtomata:

$$y(t) = f[S(t)]$$