

DRUGI KOLOKVIJ IZ MATEMATIKE IV
30.5.2002

1. (4 točke) Na območju $0 < x < \pi$, $t > 0$ reši parcialno diferencialno enačbo

$$\begin{aligned} u_t &= u_{xx} \\ u_x(0, t) &= 0 \\ u_x(\pi, t) &= 0 \\ u(x, 0) &= \cos^2 x \end{aligned}$$

2. (2 točki) Kocko mečemo toliko časa, dokler ne pade 6. Kolikšna je verjetnost, da so za to potrebni vsaj trije meti?

3. Funkcija

$$p(x) = \begin{cases} \frac{1}{\pi} \frac{1}{\sqrt{4x - x^2}}, & 0 < x < 4 \\ 0, & \text{ostali } x \end{cases}$$

je gostota verjetnosti slučajne spremenljivke X .

- (a) (2 točki) Koliko je $E(X)$?
(b) (2 točki) Koliko je $P(X > 3)$?