Univerza v Ljubljani

Fakulteta za gradbeništvo in geodezijo

Katedra za metalne konstrukcije

Izbočenje neojačenih in ojačenih pločevin

študijsko gradivo – Jeklene konstrukcije 2. stopnja – Konstrukcijska smer

Darko Beg



Vitki prerezi

- Metoda sodelujoče širine (lokalno izbočenje)
- $b_{eff} = \rho b$
- $\rho = \rho(\lambda)$



Lokalno izbočenje



Lokalno izbočenje



Kontrola stabilnosti ojačenih ali neojačenih pločevin po SIST EN 1993-1-5

- Metoda sodelujoče širine
- Metoda reduciranih napetosti?
- Stojine iz profilirane pločevine
- Napotki za MKE analizo (z lupinastimi elementi)

Možni načini porušitve pri polnostenskih nosilcih

Problemi:

- -izbočenje v strigu
- -bočna zvrnitev
- -izbočenje v tlaku
- -vertikalni uklon pasnic
- -vnos koncentriranih sil F
- -interakcija M-V
- -interakcija M-F
- -kontrola ojačitev
- -strižna podajnost



Millau viaduct

Launching Deck design

INSTABILITY

PLATE BLUCKING: during launching = SLS



Inclined lower flange of box girder





GLOBALNO IZBOČENJE PANELA



Končna obtežba, F=1245 kN, w=34,8mm



Razbremenjeno stanje

LOKALNO IZBOČENJE PANELA



Končna obtežba, F=1248 kN, w=66,9mm



Razbremenjeno stanje







STRIŽNA PODAJNOST ELEMENTOV

 $b_0 \leq L_e$ / 50 \longrightarrow Strižne podajnosti ne obravnavamo

 b_0 _____ širina previsnega dela pasnice oz. ½ pasnice

 L_{e} _____ razdalje med ničelnima točkama momenta





- l zunanja pasnica
- 2 notranja pasnica
- 3 debelina pločevine
- 4 ojačitve

STRIŽNA PODAJNOST ELEMENTOV



STRIŽNA PODAJNOST ELEMENTOV - MSU

 $\mathbf{b}_{\mathrm{eff}}=eta\!\cdot\!\mathbf{b}$ \longrightarrow efektivna širina

$$\kappa = \frac{\alpha_0 \cdot b_0}{L_e}$$
$$\alpha_0 = \sqrt{1 + \frac{A_{sl}}{b_0 \cdot t}}$$

| κ | pozicija | vrednost β |
|----------------|--------------------|---|
| κ≤0,02 | | $\beta = 1,0$ |
| 0,02 < κ ≤0,70 | v polju | $\beta = \beta_1 = \frac{1}{1 + 6, 4 * \kappa^2}$ |
| | nad vmesno podporo | $\beta = \beta_2 = \frac{1}{1+6,0 \times \left(\kappa - \frac{1}{2500 \times \kappa}\right) + 1,6 \times \kappa^2}$ |
| к > 0,70 | v polju | $\beta = \beta_1 = \frac{1}{5,9 \times \kappa}$ |
| | nad vmesno podporo | $\beta = \beta_2 = \frac{1}{8, 6 \times \kappa}$ |
| vsi K | končna podpora | $\beta_0 = (0,55+0,025/\kappa) \times \beta_1$, vendar $\beta_0 < \beta_1$ |
| vsi K | konzola | $eta=eta_2$ nad podporo in na koncu |



STRIŽNA PODAJNOST V MSN:

a) elastična, kot za MSU
$$\longrightarrow$$
 $\mathbf{b}_{\mathrm{eff}}=\beta\cdot\mathbf{b}$

b) kombinacija efektov strižne podajnosti in izbočitve pločevine

$$\mathbf{A}_{\text{eff}} = \mathbf{A}_{\text{c,eff}} \cdot \boldsymbol{\beta}_{\text{MSN}}$$
$$\boldsymbol{\alpha}_{0}^{*} = \sqrt{\frac{\mathbf{A}_{\text{c,eff}}}{\mathbf{b}_{0} \cdot \mathbf{t}}}$$

c) elasto-plastična strižna podajnost

$$A_{eff} = A_{c,eff} \times \beta^{\kappa} \ge A_{c,eff} \times \beta$$

KOMPAKTNOST



KOMPAKTNOST



KOMPAKTNOST



NEOJAČENE PLOČEVINE

$$A_{c,eff} = \rho \times A_c$$

- notranji elementi prečnega prereza

$$\rho = 1,0 \quad \text{za} \quad \overline{\lambda_p} \le 0,673$$

$$\rho = \frac{\overline{\lambda_p} - 0,055 \times (3 + \psi)}{\overline{\lambda_p}^2} \le 1,0 \quad \text{za} \quad \overline{\lambda_p} > 0,673$$

$$\rho = 1,0$$
 za $\overline{\lambda_p} \le 0,748$

$$\rho = \frac{\overline{\lambda_p} - 0,188}{\overline{\lambda_p}^2} \le 1,0 \quad \text{za} \quad \overline{\lambda_p} > 0,748$$



$$\overline{\lambda_p} = \sqrt{\frac{f_y}{\sigma_{cr}}} = \frac{\overline{b}}{t \times 28, 4 \times \varepsilon \times \sqrt{k_\sigma}} \quad \longrightarrow \text{ relativna vitkost}$$

$$\sigma_{cr} = k_{\sigma} \times \sigma_{E} = k_{\sigma} \frac{\pi^{2} \times E}{12 \times (1 - \nu^{2})} \left(\frac{t}{b}\right)^{2} \longrightarrow \text{ el. kritična napetost}$$

$$\varepsilon = \sqrt{\frac{235}{f_y \left[N / mm^2 \right]}} \longrightarrow \text{materialni faktor}$$

NOTRANJI TLAČENI ELEMENTI

| Stress distribution (compression positive) | Effective ^p width b _{eff} | | | | |
|---|---|--|------------|---|--|
| $\sigma_1 \qquad \qquad \sigma_2 \\ \downarrow \qquad b_{e1} \downarrow \qquad b_{e2} \downarrow \\ \downarrow \qquad b \qquad$ | $ \underline{\psi = 1}: $ $ b_{eff} = \rho \ \overline{b} $ $ b_{e1} = 0.5 \ b_{eff} $ $ b_{e2} = 0.5 \ b_{eff} $ | | | | |
| $\sigma_1 \qquad \qquad$ | $\frac{1 > \psi \ge 0}{b_{eff}} = \rho \ \overline{b}$ $b_{e1} = \frac{2}{5 - \psi} b_{eff} b_{e2} = b_{eff} - b_{e1}$ | | | | |
| $\sigma_1 \xrightarrow{b_c} \sigma_2$ | $\frac{\psi < 0}{b_{eff}} = \rho \ b_c = \rho \ \overline{b} / (1 - \psi)$ $b_{e1} = 0.4 \ b_{eff} \qquad b_{e2} = 0.6 \ b_{eff}$ | | | | |
| $\frac{\psi = \sigma_2/\sigma_1}{\text{Buckling factor } k_{\tau}} = \frac{1}{4.0} = \frac{1 > \psi > 0}{8.2 / (1.05 + \psi)} = 7$ | 0 | $\frac{0 > \psi > -1}{7.81 - 6.29\psi + 9.78\psi^2}$ | -1 23.9 | $-1 > \psi > -3$ 5.98 $(1 - \psi)^2$ | |

ZUNANJI TLAČENI ELEMENTI

| Stress distribution (compression positive) | | | | Effective ^p width b _{eff} | | | | | |
|--|------|-----------------------|------------|--|------------------------------|-------|--------------------------------|------|--|
| | | | | $\underline{1 > \psi \ge 0}:$ | | | | | |
| | | | | $b_{eff} = \rho c$ | | | | | |
| | | | | $\underline{\psi} < 0$: | | | | | |
| G2 | | | | b _{ei} | $_{\rm ff} = \rho b_{\rm c}$ | = ρ c | / (1- ψ) | | |
| $\psi = \sigma_2 / \sigma_1$ | | 1 | 0 | | -1 | | $1 \ge \psi \ge -3$ | 3 | |
| Buckling factor k | σ | 0,43 | 0,57 | | 0,85 | | $0,57 - 0,21\psi + 0,07\psi^2$ | | |
| | * | _ | | 12 | $\geq \psi \geq 0$: | | | | |
| σ_1 σ_2 | | | | $b_{eff} = \rho c$ | | | | | |
| ¢ | | | | | | | | | |
| | | | | <u>ψ < 0</u> : | | | | | |
| b_c b_t | | | | $b_{eff} = \rho \ b_c = \rho \ c \ / \ (1-\psi)$ | | | | | |
| $\psi = \sigma_2 / \sigma_1$ | 1 | 1 > 1 | $\psi > 0$ | | 0 | | $0 > \psi > -1$ | -1 | |
| Buckling factor k_{σ} | 0,43 | $0,578/(\psi + 0,34)$ | |] | 1,70 | 1 | $,7 - 5\psi + 17,1\psi^2$ | 23,8 | |





DOLOČITEV PRIPADAJOČIH ŠIRIN PLOČEVINE

| | width for gross area | width for effective area according to EN 1993-1-5, Table 4.1 | condition for ψ_i |
|--------------------|--------------------------------|--|---|
| $b_{1, inf}$ | $\frac{3-\psi_1}{5-\psi_1}b_1$ | $\frac{3-\psi_1}{5-\psi_1}b_{1,\text{eff}}$ | $\psi_1 = \frac{\sigma_{cr,sl,1}}{\sigma_{cr,p}} > 0$ |
| b _{2,sup} | $\frac{2}{5-\psi_2}b_2$ | $\frac{2}{5-\psi_2}b_{2,\text{eff}}$ | $\psi_2 = \frac{\sigma_2}{\sigma_{cr,sl,1}} > 0$ |
| $b_{2,inf}$ | $\frac{3-\psi_2}{5-\psi_2}b_2$ | $\frac{3-\psi_2}{5-\psi_2}b_{2,\text{eff}}$ | $\psi_2 > 0$ |
| b _{3,sup} | 0,4 b _{c3} | 0,4 b _{c3,eff} | $\psi_3 = \frac{\sigma_3}{\sigma_2} < 0$ |

INTERAKCIJA IZBOČITVE MED UPOGIBNIM UKLONOM IN OJAČENO PLOČEVINO



UKLON OJAČITVE $\chi_c = \chi_c(\overline{\lambda}_c, \alpha_e)$













Upogibni uklon

 $\sigma_{cr,p} = k_{\sigma,p} \cdot \sigma_{E}$



Izbočenje



KRITIČNA NAPETOST IZBOČITVE PANELA



KRITIČNA NAPETOST IZBOČITVE PANELA

Tri ali več enakomerno razporejenih vzdolžnih ojačitev (ortotropna plošča)

$$k_{\sigma,p} = \frac{2\left(\left(1+\alpha^{2}\right)^{2}+\gamma-1\right)}{\alpha^{2}\left(\psi+1\right)\left(1+\delta\right)} \quad \check{c}e \quad \alpha \leq \sqrt[4]{\gamma} \qquad \longrightarrow \qquad \sigma_{cr,p} = k_{\sigma,p}\sigma_{E} = k_{\sigma,p}\frac{\pi^{2}Et^{2}}{12(1-v^{2})b^{2}}$$

$$k_{\sigma,p} = \frac{4\left(1+\sqrt{\gamma}\right)}{(\psi+1)(1+\delta)} \quad \check{c}e \quad \alpha > \sqrt[4]{\gamma} \qquad \longrightarrow \qquad \sigma_{cr,p} = k_{\sigma,p}\sigma_{E} = k_{\sigma,p}\frac{\pi^{2}Et^{2}}{12(1-v^{2})b^{2}}$$

$$\alpha = \frac{a}{b} \geq 0.5 \quad ; \quad \gamma = \frac{I_{sl}}{I_{p}} \quad ; \quad I_{p} = \frac{b \cdot t^{3}}{12 \cdot (1-v^{2})} \qquad I_{sl} - \text{vztrajnostni moment bruto prereza celotne pločevine}$$







IZBOČENJE PLOČEVIN ZARADI STRIŽNIH NAPETOSTI

$$V_{b,Rd} = V_{bw,Rd} + V_{bf,Rd} \leq \frac{\eta \cdot f_{yw} \cdot h_w \cdot t_w}{\sqrt{3} \cdot \gamma_{M1}}$$

PRISPEVEK STOJINE

$$V_{bw,Rd} = \frac{\chi_w \cdot f_{yw} \cdot b \cdot t}{\sqrt{3} \cdot \gamma_{M1}}$$



IZBOČENJE PLOČEVIN ZARADI STRIŽNIH NAPETOSTI



Funkcija strižne nosilnosti stojine

$$\begin{split} \overline{\lambda}_{w} &< 0,83/\eta \rightarrow \chi_{w} = \eta \\ 0,83/\eta \leq \overline{\lambda}_{w} < 1,08 \rightarrow \chi_{w} = 0,83/\overline{\lambda}_{w} \\ \overline{\lambda}_{w} \geq 1,08 \rightarrow \begin{cases} \chi_{w} = 1,37/\left(0,7 + \overline{\lambda}_{w}\right) & \text{toga robna ojačitev} \\ \chi_{w} = 0,83/\overline{\lambda}_{w} & \text{podajna robna ojačitev} \end{cases} \end{split}$$

IZBOČENJE PLOČEVIN ZARADI STRIŽNIH NAPETOSTI

$$\overline{\lambda}_{w} = \sqrt{\frac{f_{y}}{\tau_{cr}\sqrt{3}}} = \frac{h_{w}}{37, 4\varepsilon\sqrt{k_{\tau}}} \Longrightarrow \chi_{w} \Longrightarrow V_{bw,Rd} = \frac{\chi_{w}f_{yw}h_{w}t}{\gamma_{M1}\sqrt{3}}$$

PRISPEVEK STOJINE

Pločevina z ali brez vzdolžnih ojačitev

$$k_{\tau} = 5,34 + 4,00 \left(\frac{h_{w}}{a}\right)^{2} + k_{\tau st} \quad \check{c}e \quad a / h_{w} \ge 1$$

$$k_{\tau st} = \max\left(9 \left(\frac{h_{w}}{a}\right)^{2} \sqrt[4]{\left(\frac{I_{sl}}{t^{3}h_{w}}\right)^{3}}; \quad \frac{2,1}{t} \sqrt[3]{\frac{I_{sl}}{h_{w}}}\right)$$

$$k_{\tau} = 4,00 + 5,34 \left(\frac{h_{w}}{a}\right)^{2} + k_{\tau st} \quad \check{c}e \quad a / h_{w} < 1$$

Pločevina z eno ali dvema vzdolžnima ojačitvama, pri pogoju $\alpha < 3$

$$k_{\tau} = 4, 1 + \frac{6, 3 + 0, 18 \frac{I_{sl}}{t^3 h_w}}{\alpha^2} + 2, 2\sqrt[3]{\frac{I_{sl}}{t^3 h_w}}$$
PRISPEVEK PASNIC

$$V_{bf,Rd} = \frac{b_f \cdot t_f \cdot f_{yf}}{c \cdot \gamma_{M1}} \left(1 - \left(\frac{M_{Ed}}{M_{f,Rd}}\right)^2 \right) \qquad c = a \left(0, 25 + 1, 6\frac{M_{pl,f}}{M_{pl,w}}\right)$$



- ustrezna redukcija v primeru dodatnih osnih sil, ki jih prevzamejo pasnice

KONTROLA

$$V_{b,Rd} = V_{bw,Rd} + V_{bf,Rd} \leq \frac{\eta \cdot f_{yw} \cdot h_{w} \cdot t_{w}}{\sqrt{3} \cdot \gamma_{M1}}$$

$$\eta_3 = \frac{V_{Ed}}{V_{b,Rd}} \le 1,0$$



Primerjava eksperimentalnih in teoretičnih vrednosti strižne nosilnosti pločevin



Delni varnostni faktor γ_{M1} za strižno nosilnost pločevin



VNOS KONCENTRIRANE SILE



Mehanski model plastične nosilnosti pri vnosu koncentrirane sile v stojino

Vnos obtežbe:

(a) preko pasnice in prevzem s strižnimi silami v stojini

(b)preko ene pasnice in prenos preko stojine direktno do druge pasnice

(c) preko ene pasnice ob neojačenem robu



Figure 6.1: Buckling coefficients for different types of load application

Dolžina vnosa sile s_s :

- raznos sile v razmerju 1:1
- $s_s < h_w$
- v primeru več koncentriranih sil je potrebna kontrola individualnih sil in skupne obtežbe, kjer je s_s razdalja med krajnima silama



• Redukcijski faktor \mathcal{X}_F

$$\chi_F = \frac{0.5}{\overline{\lambda}_F} \le 1.0$$
 $\overline{\lambda}_F = \sqrt{\frac{F_y}{F_{cr}}}$

Stojine brez vzdolžnih ojačitev: $k_F \rightarrow slika 6.1$ Stojine z vzdolžnimi ojačitvami:

$$k_{F} = 6 + 2\left[\frac{h_{w}}{a}\right]^{2} + \left[5,44\frac{b_{1}}{a} - 0,21\right]\sqrt{\gamma_{s}} \quad za \quad 0,05 \le \frac{b_{1}}{a} \le 0,3 \text{ in } \frac{b_{1}}{h_{w}} \le 0,3 \text{ in tip obtežbe (a)}$$

$$\gamma_{s} = 10,9\frac{l_{st,1}}{h_{w}}\frac{1}{t_{w}^{3}} \le 13\left[\frac{a}{h_{w}}\right]^{3} + 210\left[0,3 - \frac{b_{1}}{a}\right]$$

b₁ širina obremenjenega podpanela, vzeta kot čista razdalja med obremenjeno pasnico in ojačitvijo

• Efektivno obremenjena dolžina l_y

$$\begin{split} I_{y} &= s_{s} + 2 t_{f} \left(1 + \sqrt{m_{1} + m_{2}} \right) \leq a \qquad \text{za tip obtežba} \left(a \right) \text{ in } \left(b \right) \\ I_{y} &= \min \begin{cases} I_{e} + t_{f} \sqrt{\frac{m_{1}}{2} + \left(\frac{I_{e}}{t_{f}}\right)^{2} + m_{2}} \\ I_{e} + t_{f} \sqrt{m_{1} + m_{2}} \end{cases} \qquad \text{za tip obtežba} \left(c \right) \end{split}$$

$$m_{1} = \frac{f_{yf} \ b_{f}}{f_{yw} \ t_{w}}$$

$$m_{2} = 0,02 \left(\frac{h_{w}}{t_{f}}\right)^{2} \qquad za \qquad \overline{\lambda}_{F} \ge 0,5$$

$$m_{2} = 0 \qquad za \qquad \overline{\lambda}_{F} \le 0,5$$

Škatlasti nosilci: $b_f = 15 e t_f$

Kontrola:







I profil v 1. ali 2. razredu kompaktnosti, podvržen upogibu in strigu in dve možni razporeditvi napetosti, kompatibilni z von Misesovim kriterijem tečenja

$$\frac{M_{Ed}}{M_{pl,Rd}} + \left(1 - \frac{M_{f,Rd}}{M_{pl,Rd}}\right) \cdot \left(\frac{V_{Ed}}{V_{pl,Rd}}\right)^2 = 1$$
(b)

$$\frac{M_{Ed}}{M_{pl,Rd}} + \left(1 - \frac{M_{f,Ed}}{M_{pl,Rd}}\right) \cdot \left(1 - \sqrt{1 - \left(\frac{V_{Ed}}{V_{pl,Rd}}\right)^2}\right) = 1$$

*EC*3:

 $\left(\alpha \right)$

$$\frac{M_{Ed}}{M_{pl,Rd}} + \left(1 - \frac{M_{f,Rd}}{M_{pl,Rd}}\right) \cdot \left(\frac{2 \cdot V_{Ed}}{V_{pl,Rd}} - 1\right)^2 = 1 \qquad \quad \check{c}e \quad V > 0, 5 \cdot V_{pl}$$



EC 3:

$$\frac{M_{Ed}}{M_{pl,Rd}} + \left(1 - \frac{M_{f,Rd}}{M_{pl,Rd}}\right) \cdot \left(\frac{2 \cdot V_{Ed}}{V_{pl,Rd}} - 1\right)^2 = 1 \quad \check{c}e \quad V_{Ed} > 0, 5 \cdot V_{pl,Rd}$$



$$M_{Ed} \le M_{v,Rd} = M_{f,Rd} + (M_{pl,Rd} - M_{f,Rd}) \cdot (1 - \rho) \le M_{u,Rd}$$



 η_1

VERTIKALNI UKLON PASNICE



Prečni pritiski v upognjenem nosilcu pri čistem upogibu

$$\frac{h_w}{t_w} \le k \cdot \frac{E}{f_{yf}} \sqrt{\frac{A_w}{A_{fc}}}$$

- k = 0, 3 1. razred kompaktnosti
- k = 0, 4 2. razred kompaktnosti
- k = 0,55 3. in 4. razred kompaktnosti



SILE V OJAČITVAH



Kontrola prečnih ojačitev

- Prečne ojačitve naj bodo vedno toge (preprečujejo izbočitev pločevine v liniji ojačitve)
- Vzdolžne ojačitve so lahko podajne (ortotropna plošča)
- Prečne ojačitve nad podporami prenašajo velike sile (reakcije)
- Na zunanjih podporah prečne ojačitve pomagajo sidrati natezni pas, ki se razvije v stojini

Računski prečni prerez prečnih ojačitev



b) prekrivanje sodelujočih delov pločevin

Slika 9.1: Sodelujoči prerezi ojačitev

Prečna ojačitev



Slika 9.2: Računski model za prečno ojačitev

Prečna ojačitev



TRANSVERSE STIFFENERS – DEVIATION FORCE q_{dev}

$$q_{dev}(x) = \left(\overline{w}_0(x) + \overline{w}(x)\right)\sigma_m = \overline{f}_0(x)\left(\frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2}\right)\frac{N_{Ed}}{b}\frac{\sigma_{cr,c}}{\sigma_{cr,p}}$$
$$\sigma_m = \frac{\sigma_{cr,c}}{\sigma_{cr,p}}\frac{N_{Ed}}{b}\left(\frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2}\right)$$



PREČNA OJAČITEV – SILA V NATEZNEM POLJU N_{st.ten}



Prečna ojačitev



Obremenitev prečne ojačitve – splošni primer N_{st, ten} N_{st, Ed} N_{st} ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ $-\overline{W}_0(X)$ -w(x) $\overline{f_0}(x) = \overline{w}_0(x) + \overline{w}(x)$ b $\overline{f_0}(x)$ $f_0 = w_0 + w$ Х q_{Ed} q dev $q_{_{dev,Ed}} = \frac{\pi}{4} \sigma_{_m} \left(\mathbf{w}_{_0} + \mathbf{w} \right)$ W₀ W Ť0

Slika 9.3: Splošna obremenitev prečnih ojačitev



TORZIJSKA NOSILNOST OJAČITVE ODPRTEGA PREČNEGA PREREZA



Različne možnosti za izračun elastične kritične napetosti

- Samo Saint-Venantova torzija

 $\sigma_{cr} = \frac{1}{I_p} [G \cdot I_t] \qquad \begin{array}{l} \text{Formula je podana v EN} \\ 1993-1-5 \text{ in velja samo za} \\ \text{ploščate ojačitve} \end{array}$

Upoštevanje ovirane torzije

$$\sigma_{cr} = \frac{1}{I_p} \left[\frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_w}{l^2} + G \cdot I_t \right]$$



Upoštevanje podpiranja pločevine v obliki elastične podpore s togostjo C_α

$$\begin{split} \sigma_{cr} &= \frac{1}{I_p} \Bigg[E \cdot I_w \, \frac{m^2 \cdot \pi^2}{l^2} + \frac{c_{\varphi} \cdot l^2}{m^2 \cdot \pi^2} + G \cdot I_t \Bigg] \qquad m = 1 \\ \sigma_{\sigma} &= \frac{1}{I_p} \Big[2 \sqrt{c_{\varphi} \cdot E \cdot I_w} + G \cdot I_t \Big] \qquad m \ge 2 \end{split}$$

m = število uklonskih valov

DETAJLI OJAČITEV

Nekontinuirnost vzdolžnih ojačitev



DETAJLI OJAČITEV



Izrezi v vzdolžnih ojačitvah



Izrezi v prečnih ojačitvah



Bruto stojina prečne ojačitve ob izrezu mora prenesti strižno silo:

$$V_{Ed} = \frac{I_{net}}{e} \frac{f_{yk}}{\gamma_{M0}} \frac{\pi}{b_{G}},$$

I_{net} vztrajnostni moment neto prereza prečne ojačitve

e maksimalna razdalja med spodnjim robom pasnice ojačitve in težiščem izrezanega dela

b_G dolžina prečne ojačitve

DETAJLI OJAČITEV

MOST WEST-GATE (MELBOURNE, 1970)







MOST KOBLENZ (1971)







Metoda reduciranih napetosti

- Določitev mejnih napetosti pri ojačenih in neojačenih pločevinah
- Alternativna metoda metodi sodelujočih širin
- Predpostavimo, da $\sigma_{x,Ed}$, $\sigma_{z,Ed}$, τ_{Ed} delujejo sočasno
- Pri neojačenih ali ojačenih pločevinah lahko predpostavimo lastnosti prereza, ki veljajo za 3. razred kompaktnosti, če velja $\frac{\rho \, \alpha_{\text{ult,k}}}{\gamma_{\text{MI}}} \ge 1$

Metoda sodelujočih širin

Metoda reduciranih napetosti



Metoda reduciranih napetosti


Metoda reduciranih napetosti

• Kontrola nosilnosti - Metoda 1 (zelo konzervativna)

$$\left(\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{y} / \gamma_{M1}}\right)^{2} + \left(\frac{\sigma_{z,Ed}}{f_{y} / \gamma_{M1}}\right)^{2} - \left(\frac{\sigma_{x,Ed}}{f_{y} / \gamma_{M1}}\right) \left(\frac{\sigma_{z,Ed}}{f_{y} / \gamma_{M1}}\right) + 3\left(\frac{\tau_{Ed}}{f_{y} / \gamma_{M1}}\right)^{2} \le \rho^{2}$$

$$\rho = \min(\rho_{x}, \rho_{z}, \chi_{w})$$

Kontrola nosilnosti - Metoda 2

$$\left(\frac{\sigma_{x,Ed}}{\rho_{x} f_{y} / \gamma_{M1}}\right)^{2} + \left(\frac{\sigma_{z,Ed}}{\rho_{z} f_{y} / \gamma_{M1}}\right)^{2} - \left(\frac{\sigma_{x,Ed}}{\rho_{x} f_{y} / \gamma_{M1}}\right) \left(\frac{\sigma_{z,Ed}}{\rho_{z} f_{y} / \gamma_{M1}}\right) + 3\left(\frac{\tau_{Ed}}{\chi_{w} f_{y} / \gamma_{M1}}\right)^{2} \le 1$$

Metoda reduciranih napetosti – Primer

Obravnavamo neojačen panel dimenzij 1000mm×1000mm, debelina pločevine je 10 mm. Napetosti v panelu so $\sigma_{x,Ed} = \sigma_{z,Ed} = 70$ MPa in $\tau_{Ed} = 70$ MPa.

Direktne in strižne kritične napetosti:



Metoda reduciranih napetosti – Primer

Faktor za dosego karakteristične nosilnosti

$$\frac{1}{\alpha_{\text{ult,k}}^{2}} = \left(\frac{\sigma_{\text{x,Ed}}}{f_{\text{y}}}\right)^{2} + \left(\frac{\sigma_{\text{z,Ed}}}{f_{\text{y}}}\right)^{2} - \left(\frac{\sigma_{\text{x,Ed}}}{f_{\text{y}}}\right) \left(\frac{\sigma_{\text{z,Ed}}}{f_{\text{y}}}\right) + 3\left(\frac{\tau_{\text{Ed}}}{f_{\text{y}}}\right)^{2} = \\ = \left(\frac{70}{355}\right)^{2} + \left(\frac{70}{355}\right)^{2} - \left(\frac{70}{355}\right) \left(\frac{70}{355}\right) + 3\left(\frac{70}{355}\right)^{2} = 0.156 \rightarrow \alpha_{\text{ult,k}} = 2.536$$

Ločeno in vzajemno obravnavane napetosti:

$$\begin{aligned} \alpha_{\rm cr,x} &= \alpha_{\rm cr,z} = \frac{\sigma_{\rm cr,x}}{\sigma_{\rm x,Ed}} = \frac{75.9}{70} = 1,084 , \ \alpha_{\rm cr,\tau} = \frac{\tau_{\rm cr}}{\tau_{\rm Ed}} = \frac{179}{70} = 2,531 \\ \frac{1}{\alpha_{\rm cr}} &= \frac{1 + \psi_{\rm x}}{4 \,\alpha_{\rm cr,x}} + \frac{1 + \psi_{\rm z}}{4 \,\alpha_{\rm cr,x}} + \left[\left(\frac{1 + \psi_{\rm x}}{4 \,\alpha_{\rm cr,x}} + \frac{1 + \psi_{\rm z}}{4 \,\alpha_{\rm cr,z}} \right)^2 + \frac{1 - \psi_{\rm x}}{2 \,\alpha_{\rm cr,x}^2} + \frac{1 - \psi_{\rm z}}{2 \,\alpha_{\rm cr,z}^2} + \frac{1}{2 \,\alpha_{\rm cr,\tau}^2} \right]^{1/2} = \\ &= \frac{1 + 1}{4 \cdot 1,084} + \frac{1 + 1}{4 \cdot 1,084} + \left[\left(\frac{1 + 1}{4 \cdot 1,084} + \frac{1 + 1}{4 \cdot 1,084} \right)^2 + 0 + 0 + \frac{1}{2,531^2} \right]^{1/2} = 1,926 \quad \rightarrow \quad \alpha_{\rm cr} = 0,519 \end{aligned}$$

Metoda reduciranih napetosti – Primer

Vitkost podpanela:

$$\overline{\lambda}_{\rm p} = \sqrt{\frac{\alpha_{\rm ult,k}}{\alpha_{\rm cr}}} = \sqrt{\frac{2,536}{0,519}} = 2,210$$

Redukcijski faktor:

$$\rho_{x} = \rho_{z} = \frac{\overline{\lambda}_{p} - 0.055(3 + \psi)}{\overline{\lambda}_{p}^{2}} = \frac{2.210 - 0.055 \cdot (3 + 1)}{2.210^{2}} = 0.407$$

Redukcijski faktor za strižne napetosti (predpostavimo tog robni panel):

$$\chi_{\rm w} = \frac{1,37}{\left(0,7+\bar{\lambda}_{\rm w}\right)} = \frac{1,37}{\left(0,7+2,210\right)} = 0,471$$

Kontrola:

$$\left(\frac{\sigma_{x,Ed}}{\rho_x f_y / \gamma_{M1}}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{z,Ed}}{\rho_z f_y / \gamma_{M1}}\right)^2 - \left(\frac{\sigma_{x,Ed}}{\rho_x f_y / \gamma_{M1}}\right) \left(\frac{\sigma_{z,Ed}}{\rho_z f_y / \gamma_{M1}}\right) + 3\left(\frac{\tau_{Ed}}{\gamma_w f_y / \gamma_{M1}}\right)^2 \le 1$$

$$\left(\frac{70}{0,407 \cdot 355 / 1,1}\right)^2 + \left(\frac{70}{0,407 \cdot 355 / 1,1}\right)^2 - \left(\frac{70}{0,407 \cdot 355 / 1,1}\right) \left(\frac{70}{0,407 \cdot 355 / 1,1}\right) + 3\left(\frac{70}{0,471 \cdot 355 / 1,1}\right)^2 = 0,92 < 1$$

MKE analiza ojačenih pločevin







MKE analiza ojačenih pločevin



MKE analiza ojačenih pločevin

Material, mreža končnih elementov, geometrijske nepopolnosti, zaostale napetosti, robni pogoji, kalibracija s testi ...







Tankostenski nosilci z valovitimi stojinami



Tankostenski nosilci z valovitimi stojinami

Upogibna nosilnost



Figure D.2: Transverse actions due to shear flow introduction into the flange

Tankostenski nosilci z valovitimi stojinami

•Strižna nosilnost

$$V_{Rd} = \chi_{c} \frac{f_{yw}}{\gamma_{M1} \sqrt{3}} h_{w} t_{w}$$
$$\chi_{w} = \min(\chi_{c,l}, \chi_{c,g})$$

 $\chi_{c,l}$ redukcijski faktor za lokalni uklon $\chi_{c,g}$ redukcijski faktor za globalni uklon

$$\chi_{c,1} = \frac{1,15}{0,9 + \bar{\lambda}_{c,1}} \le 1,0 \qquad \chi_{c,g} = \frac{1,5}{0,5 + \bar{\lambda}_{c,g}^2} \le 1,0$$
$$\bar{\lambda}_{c,1} = \sqrt{\frac{f_y}{\tau_{cr,1}\sqrt{3}}} \qquad \bar{\lambda}_{c,g} = \sqrt{\frac{f_y}{\tau_{cr,1}\sqrt{3}}}$$