

**FINANČNA MATEMATIKA, ANALIZA 3, PISNI IZPIT**  
**9.6.2010**

**1. NALOGA**

Izberimo  $b \in (0, 1)$ . Podano je ravninsko območje

$$D = \{(x, y) \mid x^2 + y^2 < 1, y \geq b\}.$$

- a. Skiciraj območje  $D$  ter določi njegovo notranjost, mejo in zaprtje.
- b. Za abstraktno funkcijo  $f(x, y)$  prevedi dvojni integral  $\iint_D f(x, y) dx dy$  na oba dvakratna integrala.
- c. Izračunaj integral  $\iint_D \frac{|x|}{y^2} dx dy$ .

**2. NALOGA**

Utemelji konvergenco integrala

$$\int_0^\infty \frac{x^{-5.5}}{1+x^{-6}} dx$$

in izračunaj njegovo vrednost.

**3. NALOGA**

Ploskev  $S$  je podana kot presek neskončnega kvadra  $[-1, 2] \times [0, 1] \times \mathbb{R}$  in ravnine  $z$  enačbo  $x - 2y + z = 2$ . Dalje je podano vektorsko polje  $\vec{F}(x, y, z) = (x^2 + y^2, y^2, x^2 - z^2)$ . S pomočjo Stokesovega izreka izračunaj krivuljni integral  $\oint_C \vec{F} \cdot d\vec{s}$ . Tu je  $C$  rob ploskve  $S$ . Izbrano orientacijo za  $C$  predstavi na skici.

**4. NALOGA**

Naj bo  $a > 0$ . Izračunaj vrednost izlimitiranega integrala

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{\sin(ax)}{x^2 - 2x + 2} dx.$$

Pomagaj si s kompleksno integracijo funkcije

$$f(z) = \frac{e^{iaz}}{z^2 - 2z + 2}$$

po primerni krivulji.