

2. kolokvij iz ANALIZE 2

fizika

10.januar 2005

Vpisna številka:

Ime in priimek:

Vrsta:

Stolpec:

1. [25] Poišči težišče homogenega telesa, omejenega s paraboloidom $x^2 + y^2 = 2z$ in z ravnino $z = 1$.

2. [25] Naj bo funkcija f na intervalu $[0, \pi]$ podana s predpisom $f(x) = \pi - 2x$.

(a) [13] Dopolni f do sode funkcije na $[-\pi, \pi]$ in jo razvij v Fourierjevo vrsto.

(b) [12] Dopolni f do lihe funkcije na $[-\pi, \pi]$ in jo razvij v Fourierjevo vrsto.

3. [25] Dana je diferencialna enačba

$$y'' - \frac{x}{x-1}y' + \frac{1}{x-1}y = 0$$

(a) [14] Poišči bazo prostora rešitev zgornje diferencialne enačbe.

Namig: ena izmed rešitev je polinom stopnje 1.

(b) [11] Reši diferencialno enačbo

$$y'' - \frac{x}{x-1}y' + \frac{1}{x-1}y = x - 1$$

4. [25] Reši enačbo:

$$\int_0^x (x-t)y(t) dt = 2x + \int_0^x y(t) dt.$$

Če ne gre drugače: S pomočjo odvajanja in menjave spremenljivk prevedi zgornjo integralsko enačbo v diferencialno enačbo in jo reši!