

Linearni programi, dvofazna simpleksna metoda

1. Za poljuben $a \in [0, 1]$ definiramo linearni program $LP(a)$ s pogoji $x_2 - x_1 \leq 1$, $x_2 - ax_1 \leq 2 - a$, $x_2 - x_1 + x_3 \leq 4$, $x_1, x_2, x_3 \geq 0$ in funkcionalom $2x_2 - x_1$. Poišči vse vrednosti a , za katere je program $LP(a)$ omejen, in poišči vse pripadajoče rešitve programa.
2. S pomočjo dvofazne simpleksne metode poišči maksimum funkcionala $3x_1 + x_2$ pri pogojih $x_1 - x_2 \leq -1$, $-x_1 - x_2 \leq -3$, $2x_1 + x_2 \leq 4$, $x_1, x_2 \geq 0$.
3. Odločili smo se, da bomo napravili reklamno akcijo za nov izdelek. Na razpolago imamo 20000 evrov. Želimo, da reklamno sporočilo pride vsaj do 50000 potrošnikov. Največ $\frac{3}{4}$ sredstev bomo namenili za oglaševanje na televiziji. Hkrati želimo, da bo na televiziji predvajanih vsaj 10 oglasov. Marketinški oddelek je pripravil naslednje podatke (razen zadnjega stolpca veljajo za en oglas; zadnji stolpec je zgornja meja za število oglasov v izbranem mediju):

medij	doseg	cena	vpliv	največ
TV Slo	2000	1200	65	12
Pop TV	3000	1500	90	15
Val 202	2500	200	5	30
Dnevnik	1500	800	35	10
Večer	1200	750	30	5

Koliko oglasov naj objavimo v posameznem mediju, da bo skupni vpliv čim večji?

- (a) Zapiši gornjo nalogo v obliki linearnega programa.
- (b) Poišči rešitev naloge.
4. Petkotniku z oglišči $A(1, 0)$, $B(0, 1)$, $C(1, 3)$, $D(2, 3)$, $E(3, 2)$ včrtaj krog z največjim možnim polmerom. Prevedi ta problem na linearni program in ga reši.