

PREDIKATNI RAČUN

- Področje pogov. je neprazn. množic. iz katere izbiramo individual. konst.
- Predikat. so logič. funkc., ki za svoje argumen. dobijo individ. konst. iz PP;
- Če v predikat. vstav. konst. dobimo izjave
- Funkcija kvantif. je, da vežej. prost. spremenlj.
- Formula $\forall xW$ je resnič. v \forall interpret., če za \forall element pogovra obstaj. $d \in D$ resnič. formul. $W(x/d)$. Sicer je neresnična. Isto za $\exists xW$
- Pri zamenj. spremenlj. želim. doseč. to, da iste (z istim imen.) vezan. spremenlj. ne nastop. pri več kvantifikatorjih (niso hkrati vezane in proste)
- Interpret. izjav. formul./množice izj. form. podamo tako, da navedemo:
- neprazn. množic. D (PP), za \forall individ. konst. a naved. točn. določ. element D ,
- za $\forall n$ -mestni predik. P naved. točn. določ. n -mestn. relacijo v D ,
- za $\forall n$ -mest. funkc. simbol f podam. točn. določ. funkc. n -spremenlj. na množ. D
- Izjavn. form. W in V sta enakovred., če imat. isto logič. vrednost v vseh interpr.

MNOŽICE

-druž. množic $A = \{A_i; i \in I\}$ je **pokritje** množice B , če je $B = \bigcup_{i \in I} A_i$.

-družina množic $A = \{A_i; i \in I\}$ je **razbitje** množice B , če je

- A pokritje množice B , elem. A so neprazni in so paroma disjunktni
- potenč. množ. je množica vseh podmnožic množice A (2^n el.)
- načelo vklj. in. izklj. (moč množice.. $|A \cup B| = |A| + |B| - |A \cap B|$, ...)

RELACIJE

- Množ. R je relac. v množ. A , če je $R \subseteq A \times A$
- Refleksivna : $\forall x \in A: xRx$ ($\text{id}_A \subseteq R$) (v vsaki točki je zanka)
- Simetrična : $\forall x, y \in A: xRy \Rightarrow yRx$ ($R = R^{-1}$) (kadar so povezave obojestranske)
- Tranzitivna : $\forall x, y, z \in A: xRy \wedge yRz \Rightarrow xRz$ ($R * R \subseteq R$) (kadar iz ene točke v drugo pridemo v dveh korakih, lahko tudi v enem)
- če je R ekvival. relac. na A , potem je A/R razbitje množice A
- Inverzna: $R^{-1} := \{(y, x); (x, y) \in R\}$ oz. $yR^{-1}x \iff xRy$
- element. množ. A so predstav. kot točk. v ravnin., relac. med njim so usmerj. puščice

CELOŠTEVILSKA ARITMETIKA

- Za $m, n \in \mathbb{Z}, m > 0$ obstaj. enolič. določ. $k, r \in \mathbb{Z}$, da velja $m = kn + r, 0 \leq r < m$
- Pravilo, da n deli m oz. nm , če obstaja $k \in \mathbb{Z}$, da velja $m = kn$
- $\text{gcd}(a, b) = \max\{d \in \mathbb{N}; d|a \wedge d|b\}$
- Enačb. je. diofant. če ima celošt. podatke in iščemo celošt. rešitve (rešljiva je, če $\text{gcd}(a_1, a_2, a_3, \dots) | c$)
- tuji št. ($\text{gcd}(a, b) = 1$), obrnljiv: $a * mb = 1$ ($a, b \in \mathbb{Z}$),
- delitelj ničla, ko zadošča enačbi $a * mb = 0$ ($a, b \in \mathbb{Z}$)
- Eulerj. funkc. $\varphi(n)$ je moč množic. vseh N št. med $1-d$, ki so tuja n

GRAFI

- $V(G)$ -množic. vozlišč, $E(G)$ -množica povezav
- Zapored. je grafič., če \exists graf G z n vozlišč., ki imajo stopnj. $= d_1, d_2, d_3, \dots$
- $n * d = 2 * m$ (n -vozlišč., d -regularen, m -povezav)
- vpet podgraf: $V(H) = V(G)$, induc.: če za $\forall m^* e = uv \in E(G)$ velja: če sta u in v vozlišč. graf H , potem je e tudi povezava v grafu H
- graf je povezan, če za vsaki dve vozlišči u, v v G obstaja $u-v$ sprehod
- sprehod je enostaven, če vsako povezav. uporabi največ enkrat
- eulerjev obhod-enostaven, ki vsebuje vse povezave in vsa vozlišča
- izomorfen: \exists preslikava $V(G_1) \rightarrow V(G_2)$, ki je bijektivna in
- $u \sim_{G_1} v \iff f(u) \sim_{G_2} f(v)$ (ohraja št. vozlišč., povezav., stopnje vozlišč., ...)