

Univerza v Ljubljani
Fakulteta za računalništvo in informatiko

Igor Rožanc

**Osnove algoritmov in podatkovnih struktur I
(OAPS I)**

2. letnik, VSP Računalništvo in informatika, vse smeri

PROSOJNICE ZA 1. PREDAVANJA (5.10.2006)

Študijsko leto 2006/07

Kratka ponovitev Jave

1

Objektno usmerjeno programiranje

- A PIE:

- **Abstraction** – Abstrakcija
- **Polimorfism** – Polimorfizem
- **Inheritance** – Dedovanje
- **Encaptulation** – Enkapsulacija

- Ključni pojmi:

- razred : objekt
- metoda : atribut

Programski jezik Java

- Java 2 Platform, Standard Edition (J2SE), version (1.)5.0
- J2SE, version (1.)6 Beta 2 – še ne uporabljamo
- Sun Microsystems - [http:// java.sun.com](http://java.sun.com)

Značilnosti:

- objektna usmerjenost
- neodvisnost od platforme
- primernost za razvoj spletnih aplikacij
- varnost
- relativna enostavnost (v primerjavi s C++)

Vrste programov v Javi :

- izvršljivi programi
- applet

Primer: prvi program v Javi ...

Osnovni podatkovni tipi

- numerični tipi:

cela števila: **byte** (8) -128 -- 127
 short (16) -32768 do -- 32767
 int (32) -2147483 648 -- 2147483 647
 long (64) -9.22 * 10¹⁸ -- 9.22*10¹⁸

realna števila: **float** (32) -3.4*10³⁴ -- 3.4*10³⁴ (6–7 mest)
 double (64) -1.7*10³⁰⁸ -- 1.7*10³⁰⁸ (14-15 mest)

- za logične vrednosti: **boolean**

- za znake: **char** (16)

Kontrola toka:

- **zaporedje** (ang. sequence)
- **izbira** (ang. selection)
 - **if** stavek
 - **switch** stavek
 - pogojni operator **?:**
- **ponavljanje** (ang. iteration)
 - **do ... while** zanka
 - **while** zanka
 - **for** zanka

Deklaracija razreda

- glava razreda (ang. class header)
 - način dostopa: **public** / **final** / **abstract**
- deklaracije atributov
 - način dostopa: **public** / **private** / **protected**
- deklaracije metod
 - konstruktor (ang. constructor)
 - “setty” metode (ang. mutator)
 - “getty” metode (ang. accessor)
 - pomožne metode (ang. utility)
 - način dostopa: **public** / **private**

Primer: Razred Point ...

Kreiranje objektov

Dva koraka:

- deklaracija objekta: `Point p;`
- generiranje objekta: `p = new Point (3,6);`

Primer: razred `TestPoint ...`

Dopolnitev razreda `Point`:

- več konstruktorjev
- utility metode
- metoda `equals`

Primer: razred `Point(1), TestPoint(1) ...`

Dedovanje: razred podeduje attribute in metode drugega razreda

- osnovni razred (ang. base class) : izpeljan razred (ang. derived class)
ali
- nadrazred (ang. superclass) – podrazred (ang. subclass)
ali
- starš (ang. parent class) – otrok (ang. child class)

Pogoji:

- osnovni razred obstaja
- ključna beseda `extends`
- deklariramo samo dodatne attribute in metode
- lahko redefiniramo obstoječe metode
- konstruktor podrazreda mora klicati konstruktor nadrazreda - `super`

Primer: razredi `ColoredPoint, TestColoredPoint ...`

Abstraktni razred

Splošen nadrazred, ki je osnova za izpeljavo različnih podrazredov

- ena ali več abstraktnih metod
- ne moremo generirati objektov tega razreda, le objekte podrazredov

Smisel: izpeljava različnih podrazredov na tej osnovi

Primer: razred Element ...

Razširitev razreda Element

Primer: razred Student

Pojem sortiranja podatkov

Cilj: določiti splošno metodo za sortiranje kakršnekoli tabele objektov

Dogovor:

- algoritmi za sortiranje delujejo nad tabelo objektov tipa Element
- dejansko sortiramo tabelo objektov razširjenega tipa (recimo Student)
- (pripravljena) tabela Element[] a je metodi podana kot parameter
- podatke urejamo v naraščajoče urejenem vrstnem redu (če ni rečeno drugače)

Delitev metod glede na zapis podatkov:

- sortiranje tabel: notranje sortiranje
- sortiranje datotek: zunanje sortiranje*

Principi sortiranja podatkov tabel:

- vstavljanje
- izbiranje
- zamenjava

Princip sortiranja datotek:

- zlivanje podatkov s trakov*

* - ni predmet obravnave pri OAPS I

Delitev metod glede na izvedčiasovno zahtevnost:

- navadne metode: $O(n^2)$
- izboljšane metode: manj kot $O(n^2)$
 - najboljše $O(n \cdot \log n)$

Izvedba metod je lahko:

- iterativna
- rekurzivna

Grob opis algoritma:

```
for (int i=1; i<a.length;++i)
{
    x=a[i];
    vstavi x na pravo mesto med elemente od a[0] do a[i];
}
```

Prikaz delovanja algoritma ...

Realizacija metode v Javi: metoda StraightInsertion ...

Primer: razred SortiranjeObjektov (z metodo StraightInsertion)...

Prikaz rešitve:

- razred Element
- razred Student
- razred SortiranjeObjektov
- **razred GlavniProgram ...**

Nadgradnja razredov za lepši izpis:

- razred Element: nova abstraktna metoda,
- razred Student: metoda za izpis,
- SortiranjeObjektov: klic metode za izpis
- GlavniProgram ...

Analiza časovne kompleksnosti: $O(n^2)$

- število primerjav $C - O(n^2)$
- število premikov M (zamenjav) – $O(n^2)$

Izboljšava postopka navadnega vstavljanja:

- mesto za vstavljanje elementa poiščemo z bisekcijo

Prikaz delovanja algoritma ...

Realizacija metode v Javi: metoda BinaryInsertion ...

Primer:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodo BinaryInsertion),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Analiza časovne kompleksnosti: $O(n^2)$

- število primerjav C : $O(n \cdot \ln n)$
- število premikov M : $O(n^2)$

Grob opis algoritma:

```
for (int i=0; i<=a.length-2;++i)
{
    a[k] naj bo min objekt med a[i] do a[a.length-1];
    zamenjaj a[i] in a[k]
}
```

Prikaz delovanja algoritma ...

Realizacija metode v Javi: metoda StraightSelection ...

Primer:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodo StraightSelection),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Analiza časovne kompleksnosti: C = $O(n^2)$, M = $O(n \cdot \ln n)$

Grob opis algoritma:

```
for (int i=1; i<a.length;++i)
{
    primerjaj dva sosednja objekta in ju po potrebi zamenjaj;
}
```

Prikaz delovanja algoritma ...

Ralizacija metode v Javi: metoda Bubblesort ...

Primer:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodo Bubblesort),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Analiza časovne kompleksnosti: $C = M = O(n^2)$

Sprememba postopka:

- preverimo, če je v prehodu prišlo do zamenjave
- če ni bilo zamenjave, postopek prekinemo

Prikaz delovanja algoritma ...

Ralizacija metode v Javi: metoda Bubblesort1 ...

Primer:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodo Bubblesort1),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Analiza časovne kompleksnosti: $C = M = O(n^2)$

Sprememba postopka:

- zapomnimo si mesto zadnje zamenjave v prehodu
- naslednji prehod ustavimo na tem mestu

Prikaz delovanja algoritma ...

Ralizacija metode v Javi: metoda Bubblesort2 ...

Primer:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodo Bubblesort2),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Analiza časovne kompleksnosti: $C = M = O(n^2)$

Sprememba postopka - Menjavamo smer prehodov:

- pregledovanje od leve proti desni prestavi na pravo mesto **min** element
- pregledovanje od desne proti levi pripelje na pravo mesto **max** element
- neurejen del na sredini tabele se oži z obeh strani

Prikaz delovanja algoritma ...

Ralizacija metode v Javi: metoda Shakersort ...

Primer:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodo Shakersort),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Analiza časovne kompleksnosti: $C = M = O(n^2)$

Izboljšava navadnega vstavljanja:

- sortiramo v več etapah z različnimi koraki
- korak se postopoma zmanjšuje do vrednosti 1

Grob opis algoritma:

```
for (int m=0; m<T;++m)
{
    določi korak k za to etapo;
    for (int i=k;i<a.length;++i)
    {
        x=a[i];
        upoštevajoč korak k vstavi x na pravo mesto;
    }
}
```

Prikaz delovanja algoritma ...

Ralizacija metode v Javi: metoda Shellsort ...

Primer:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodo Shellsort),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Analiza časovne kompleksnosti

$$T = O(n^{1.2}) - \text{Wirth} \quad T = O(n^{1.5}) - \text{Hubbard}$$

Obnašanje algoritma je odvisno od pravilne izbire korakov:

- koraki naj zagotavljajo prepletanje verig
- primer slabe izbire: 16, 8, 4, 2, 1
- dve priporočeni formuli za izbiro korakov ...

Koraki: $h_1, h_2, h_3, \dots, h_t$

$$h_t = 1$$

$$h_{i+1} > h_i$$

1. možnost:

$$t = \lceil \log_3 n \rceil - 1$$

$$h_t = 1$$

$$h_{i-1} = 3 * h_i + 1$$

Koraki: 1, 4, 13, 40, 121, 364, ...

2. možnost:

$$t = \lceil \log_2 n \rceil - 1$$

$$h_t = 1$$

$$h_{i-1} = 2 * h_i + 1$$

Koraki: 1, 3, 7, 15, 31, 63, 127, 255, ...

Lastnosti kopice:

- binarno drevo
- vozlišče drevesa ustreza objektu v tabeli
- za vsako vozlišče velja, da je objekt večji ali enak od vseh naslednikov
- dolžini dveh poljubnih vej v kopici se razlikujeta največ za eno, daljše veje so skrajno levo

Ponazoritev kopice v računalniku:

- še vedno sortiramo tabelo `Element[] a`
- koren je v `a[0]`
- levi sin vozlišča `a[i]` je v `a[2*i+1]`
- desni sin vozlišča `a[i]` je v `a[2*i+2]`

Opis algoritma: 4 koraki

1. vhodno zaporedje uredimo v kopico
2. zamenjamo prvi in zadnji element v kopici
3. popravimo kopico
4. Ponavljamo koraka 2 in 3, dokler ne zmanjka podatkov

Popravljanje kopice (del koraka 1 in 3)

- kopico z neustreznim korenem popravimo tako, da koren pogreznemo po veji z večjim naslednikom
- postopek ponavljamo, dokler ne popravimo kopice (ali pridemo do lista)
- **Podprogram za popravljanje kopice: `heapify`**

Gradnja kopice

- uporabimo postopek pogrezanja
- objekti v desni polovici tabele ($i \geq a.length/2$) nimajo naslednikov
- objekte pogrezamo v zanki od sredine tabele proti začetku
- **del metode za ta del ...**

Zanka, v kateri ponavljamo koraka 2 in 3

- **Del programa za ta del ...**

Celoten algoritem ...

Prikaz delovanja algoritma ...

Ralizacija metode v Javi: metoda Heapsort ...

Primer:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodo Heapsort),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Izboljšava navadnega izbiranja

Analiza časovne kompleksnosti:

- gradnja kopice na začetku: $O(\log_2 n)$
- popravljanje kopice: $O(\log_2 n)$
- zamenjava prvega in zadnjega objekta: $O(n)$
- **Skupaj: $T_w = O(n \cdot \log_2 n)$**

Osnova: porazdelitveni algoritem, ki tabelo razdeli na 2 dela:

1. izberemo poljubni element tabele x (npr. srednji)
2. pregledujemo tabelo od leve proti desni, dokler ne najdemo $a[i] > x$
3. pregledujemo tabelo od desne proti levi, dokler ne najdemo $a[j] < x$
4. zamenjamo $a[i]$ in $a[j]$
5. ponavljamo korake 2 – 4, dokler se pregledovanji ne srečata

Porazdelitveni algoritem ...

Prikaz delovanja algoritma ...

6. postopek **rekurzivno** ponavljamo na levem in desnem delu tabele

Ralizacija metode v Javi: metodi Quicksort in Sort ...

Primer:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodama Quicksort in Sort),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Izboljšava principa navadne zamenjave

Analiza časovne kompleksnosti:

- ena porazdelitev: $O(n)$
- število rekurzivnih klicev:
 - ugoden (povprečen) primer: $O(\log_2 n)$
 - najslabši primer: $O(n)$
- **Skupaj: $T_a = O(n \cdot \log_2 n)$, vendar $T_w = O(n^2)$**
- **Iskanje najslabše permutacije ...**

Iterativna rešitev:

- izdelamo seznam zahtev po porazdelitvah, ki še niso bile opravljene
- vsakič nastaneta 2 zahtevi:
 - eno (levo) obdelamo takoj,
 - drugo (desno) umestimo na seznam
- zahtevke obravnavamo v obratnem vrstnem redu: **utripajoč sklad**

Ponazoritev zahtevka: leva in desna meja dela tabele

Ponazoritev sklada: tabela objektov tipa `ElementSklada`

Razred ElementSklada ...

Prikaz delovanja algoritma ...

Ralizacija metode v Javi: metoda QuicksortI1 ...

Problem velikosti sklada

Ralizacija metode v Javi: metoda QuicksortI2 ...

Primer:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodo QuicksortI),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Primer alternativne rešitve:

- dopolnitev razreda Sortiranje objektov (z metodo QuicksortI1),
- sprememba razreda GlavniProgram ...

Dodatna optimizacija metode:

- izbira “pravega” srednjega elementa
- kombinacija z navadno metodo

Omejitev:

- deli atributa (ključa) za urejanje imajo pomen
- uporabno za sortiranje števil in nizov (znakov)

Postopek:

1. elemente tabele razvrstimo v več razredov glede na vrednost dela atributa (mesto v ključu)
2. postopek ponavljamo za vse dele (mesta) od najmanj do najbolj pomembnega
3. vsaka iteracija elemente najprej porazdeli in nato spet prepíše v tabelo **a**

Prikaz delovanja algoritma za sortiranje trimestnih števil ...

Ralizacija v Javi: razreda LeksiSort in TestLeksiSort ...

Primer za sortiranje števil:

- razreda `LeksiSort` in `TestLeksi Sort...`

Spremembe (dodatki) za sortiranje nizov...

Prikaz delovanja algoritma za sortiranje nizov ...

Ralizacija v Javi: razreda `LeksiSort1` in `TestLeksiSort1 ...`

Primer za sortiranje nizov:

- dopolnitev razreda `LeksiSort` in `TestLeksi Sort...`

Analiza časovne kompleksnosti:

- upoštevamo število premikov, primerjave niso primerljive
- navidez zelo dobro: $O(n)$
- dejansko le redko boljše od quicksorta, ker ne upoštevamo dodatnega dela

Nekateri programski jeziki omogočajo **večkratno dedovanje**: podrazred podeduje attribute in metode več kot enega nadrazreda

Problemi:

- atributi in metode v nadrazredih imajo enaka imena
- `super()` – klic konstruktorja iz katerega nadrazreda?

Java ne omogoča večkratnega dedovanja

Namesto tega ponuja koncept vmesnika

Razlika med vmesnikom in razredom:

- vse metode v vmesniku morajo biti **abstract**
- vsi atributi (če jih ima) morajo biti **static final**

Vmesnik predpiše metode, ki jih mora implementirati nek podrazred

=> predpiše obnašanje podrazreda

Podrazred lahko deduje samo od enega nadrazreda, implementira pa lahko več različnih vmesnikov.

```
public class Podrazred extends Nadrazred implements  
    Vmesnik1, Vmesnik2
```

S stališča dedovanja Podrazred:

- podeduje attribute in metode razreda **Nadrazred**
- dodatno deklarira nove attribute in metode
- če mu katera od podedovanih metod ne ustreza, jo lahko redefinira

S stališča implementacije vmesnika Podrazred:

- deklarira vse metode, ki so specificirane v vmesnikih **Vmesnik1**, **Vmesnik2**
- lahko uporablja attribute (statične spremenljivke), ki so definirani v vmesnikih

Podrazred je razširitev treh tipov: Nadrazred, Vmesnik1 in Vmesnik2

Primerjava: abstraktni razred - vmesnik

Enako:

- ne moremo generirati objektov abstraktnega tipa ali vmesnika

Različno:

- v abs.razredih so lahko samo nekatere metode abstraktne, v vmesniku so vse
- atributi abs.razreda se obnašajo kot spremenljivke objektov, atributi vmesnika pa so statične konstante.

Uporaba abstraktnega razreda:

- vnaprej deklariramo znane attribute in metode, ki jih podeduje podrazred: recimo pri igri s kartami metodo **mesaj()**

Uporaba vmesnika:

- vmesnik določa le del značilnosti, ki jih vsak podrazred implementira na svoj način: recimo pri glasbenih instrumentih metodo **zaigrayTon()**

Namen: zbirka objektov tipa `Object` ali drugega iz `Object` izpeljanega tipa.

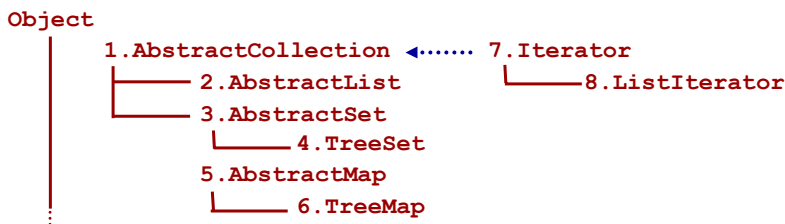
Primer: sklad (LIFO), seznam, vrsta (FIFO), množica, ...

Realizacija v javi: Collections Framework – zbirka vmesnikov in razredov

Vnaprej predpisani vmesniki (v `java.util`):

1. `Collection` osnovni vmesnik za neko splošno zbirko objektov
2. `List` zaporedje elementov (seznam)
3. `Set` zbirka elementov brez duplikatov (množica)
4. `SortedSet` urejena zbirka elementov brez duplikatov
5. `Map` zbirka parov (key, value); ključi morajo biti enolični
6. `SortedMap` urejena zbirka parov (key, value); ključi morajo biti enolični
7. `Iterator` objekt, s katerim se sprehajamo po zbirki
8. `ListIterator` objekt, s katerim se sprehajamo po zaporedno urejeni zbirki

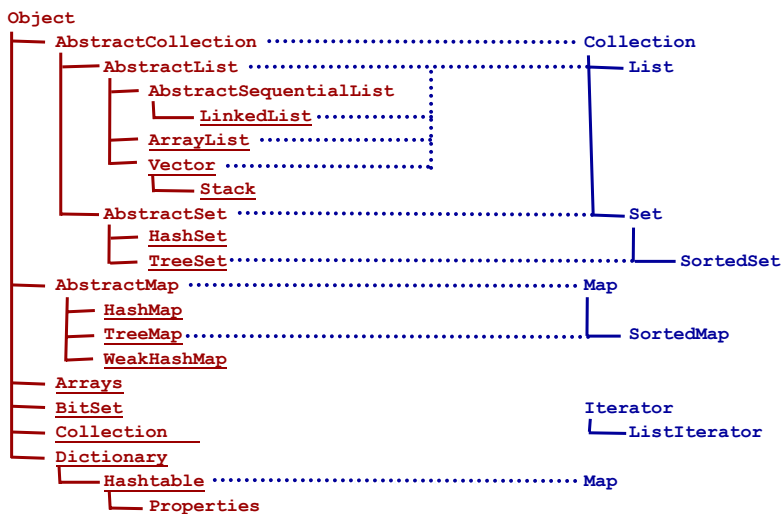
Obstajajo razredi, ki implementirajo te vmesnike:



Celoten diagram razmerij med vmesniki in razredi ...

V nadaljevanju:

- pregled posameznih podatkovnih struktur in njihove izvedbe v javi
- poudarek na naboru operacij (metod) in njihovi uporabi



Statična podatkovna struktura ...

Lastnosti:

- Tabele so objekti.
- Tabele se tvorijo (kreirajo) dinamično.
- Tabele so lahko prirejene objektom tipa `Object`.
- Vsaka metoda na objektom tipa `Object` se lahko uporabi nad tabelo.
- Tabela vsebuje zaporedje spremenljivk določene vrste.
- Spremenljivke imenujemo elementi tabele.
- Če je tip elementa `Type`, potem je tip tabele `Type []`.
- Vsebina spremenljivke tipa tabela je naslov (referenca) na tabelo.
- Element tabele je lahko tudi tabela.

- Element tabele je lahko osnovnega tipa ali objekt (naslov).
- Dolžina tabele je enaka številu elementov tabele.
- Dolžina tabele je določena ob kreiranju in je nespremenljiva.
- Dolžino tabele lahko preberemo s pomočjo spremenljivke `length`.
- Indeksi tabele tečejo med 0 in `length-1`.
- Prekoračitev sproži izjemo `ArrayIndexOutOfBoundsException`.
- Indeks je lahko tipa `int`, `short`, `byte` ali `char`.
- Za (popolno) kopiranje tabel uporabljamo metodo `Object.clone()`.
- Za preverjanje enakosti uporabljamo metodo `Arrays.equals()`.
- Tabele implementirajo lastnosti (vmesnik) `Cloneable` in `Serializable`.

Razred `Arrays` (`java.util.Arrays`)

Metode:

- `public static List asList (Object[])`
- `public static int binarySearch (...)`
- `public static boolean equals (...)`
- `public static void fill (...)`
- `public static void sort (...)`

... – tabela kateregakoli osnovnega tipa (razen `boolean`) ali `Object`

- Vse metode so statične
- Konstruktor je `private`

Primer: Tabele.java

Definira zbirko elementov tipa `Object`, ki se obnaša podobno kot tabela.

Razlike v primerjavi s tabelo:

- velikost vektorja se po potrebi avtomatsko povečuje
- vektor lahko hrani objekte različnih tipov

Definiran v paketu `java.util...`

Spremenljivka tipa `Vector` vsebuje naslov lokacije v pomnilniku

Kreiranje vektorjev - 4 konstruktorji:

- `Vector v=new Vector();`
- `Vector v=new Vector(int);`
- `Vector v=new Vector(int, int);`
- `Vector v=new Vector(Collection)`

Kapaciteta in velikost vektorja:

- **capacity**: število objektov, ki jih lahko spravimo v vektor
- **size**: dejansko število shranjenih objektov
- pozicije v vektorju: od 0 do **size-1**

V razredu `Vector` obstaja več metod:

- `int capacity();`
- `int size();`
- `ensureCapacity(int);`
- `setSize(int);`
- `trimToSize();`

Shranjevanje objektov v vektor:

- `boolean add(Object);`
- `add(int, Object);`
- `addElement(Object);`
- `Object set (int, Object);`
- `setElementAt(Object, int);`
- `boolean addAll(Collection);`
- `boolean addAll(int, Collection);`

Branje podatkov iz vektorja:

- `Object get(int);`
- `Object elementAt(int);`
- `Object firstElement();`
- `Object lastElement();`

Potrebna je konverzija tipa

Primer branja, če vektor hrani objekte tipa Delavec:

```
Delavec d=(Delavec) v.get(4);  
...  
Delavec d=(Delavec) v.firstElement();
```

Primer obdelave vseh elementov vektorja objektov tipa Delavec:

```
Delavec d;  
for (int poz=0; poz< v.size(); ++poz)  
{  
    d=(Delavec) v.get(poz);  
    // nadaljna obdelava objekta d  
}
```

Prepis elementov iz vektorja v tabelo

- uporaba vektorja zahteva dodatno režijo, zato včasih smiselno

Metodi:

- `Object[] toArray();`
- `Object[] toArray(Object[]);` // pozor – eksplicitna pretvorba tipa

Odstranjevanje elementov iz vektorja:

Pri odstranjevanju se kapaciteta ne zmanjšuje, zmanjšuje se samo velikost.

- `Object remove(int);`
- `boolean remove(Object);`
- `removeElementAt(int);`
- `clear();`
- `boolean removeAll(Collection);`

Iskanje elementov v vektorju:

- `int indexOf(Object);`
- `int indexOf(Object, int);`
- `int lastIndexOf(Object);`
- `int lastIndexOf(Object, int);`

Primer: vsa nastopanja objekta d v vektorju:

```
...
int poz=0;
while (poz<v.size() && poz>=0)
{
    poz = v.indexOf(d,poz);
        if (poz != -1)
        {
            // obdelava objekta na poziciji poz
            ++poz;
        }
}
}
```


Iterator

V vseh razredih, ki implementirajo vmesnik `Collection`, obstaja objekt `Iterator`, ki omogoča sprehajanje po elementih zbirke.

Razred `Vector` implementira vmesnik `Collection`.

`Iterator` ima konstruktor in 3 metode:

- `Iterator()` ;
- `Object next()` ;
- `boolean hasNext()` ;
- `remove()` ;

Primer: Obhod s pomočjo iteratorja:

```
Delavec d;  
Iterator it=v.iterator();  
while(it.hasNext())  
{  
    d=(Delavec)it.next();  
    //se naprej stavki za obdelavo tega elementa  
}
```

Primer: Vektor.java

Podatkovna struktura, ki deluje po principu LIFO

Primer: zlaganje kovancev ...

Razred `Stack` (razširitev razreda `Vector`)

Operacije za delo s sklado:

- `empty()`
- `peek()`
- `pop()`
- `push (Object)`
- `search (Object)`

Deklaracija razreda `Stack` ...

Dva primera:

a) Računanje aritmetičnih izrazov v postfiksni obliki (brez oklepajev)

- najprej zapišemo operanda, nato operator: `3 4 +` pomeni `3 + 4`
- **Postopek:**
 - beremo od leve proti desni
 - če naletimo na operand, ga postavimo na sklad
 - če naletimo na operator, vzamemo dva operanda s sklada, izvedemo operacijo in rezultat zapišemo na sklad
- **Prikaz izračuna ...**
- **Realizacija metode v Javi: razred `Kalkulator`**
- **Primer: `Kalkulator.java`**

b) Odprava rekurzije s pomočjo sklada (hanojski stolpiči)

- **Opis problema:** n obročev različnih velikosti in 3 palice (A, B, C)
 - **Začetek:** - vsi obroči so na palici A
 - zloženi so od največjega do najmanjšega
 - **Cilj:** prestaviti obroče na palico C s pomočjo pomožne palice B
 - **Omejitev:** - naenkrat lahko prestavimo en obroč
 - nikoli ne smemo prestaviti večji obroč na manjšega
- **Narava problema je rekurzivna:**
 - prestavi (n-1) obročev s palice A na palico B
 - prestavi en obroč s palice A na palico C
 - prestavi (n-1) obročev s palice B na palico C

Rekurzivna rešitev:

- **Prikaz postopka ...**
- **Rekurzivna rešitev v Javi: razred HanoiRek**
- **Primer: HanoiRek.java**

Iterativna rešitev s skladom:

- **Postopek:**
 - na sklad postavimo začetni zahtevek
 - s sklada jemljemo zahtevke in jih obdelujemo (pri tem se na sklad dodajajo novi zahtevki)
 - postopek ponavljamo, dokler sklad ni prazen

- **Grob opis postopka:**
postavi začetni zahtevke na sklad;
dokler sklad ni prazen
{ odzemi zahtevek s sklada;
obdelaj zahtevek; }
- **Prikaz postopka ...**
- **Predstavitev zahtevka: razred zahtevke**

Štiri atributi:

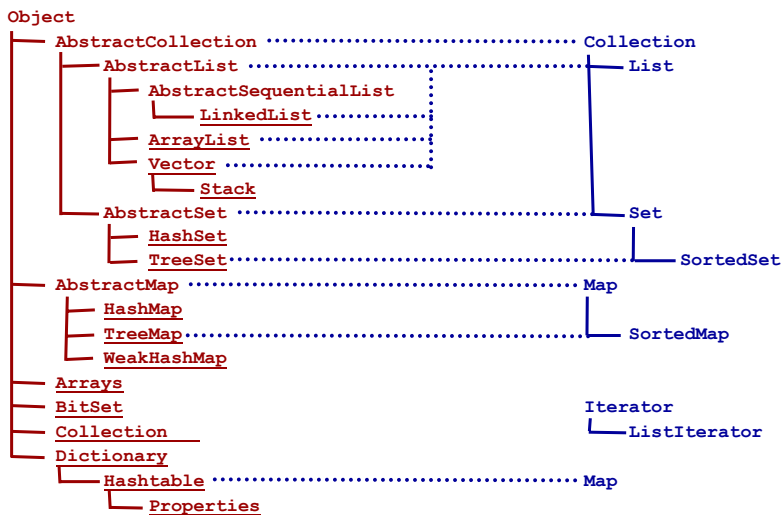
n – število obročev, ki jih je treba prestaviti

a – izvor

b – pomožna palica

c - ponor

- **Iterativna rešitev v Javi: razred HanoiIte**
- **Primer: HanoiIte.java**



Definiran v paketu `java.util`

Zahteva implementacijo naslednjih metod:

- `public boolean add(Object);`
- `public boolean addAll(Collection);`
- `public void clear();`
- `public boolean contains(Object);`
- `public boolean containsAll(Collection);`
- `public boolean equals(Object);`
- `public int hashCode();`
- `public boolean isEmpty();`

- `public Iterator iterator();`
- `public boolean remove(Object);`
- `public boolean removeAll(Collection);`
- `public boolean retainAll(Collection);`
- `public int size();`
- `public Object[] toArray();`
- `public Object[] toArray(Object[]);`

Delna implementacija vmesnika `Collection`

- Implementira vse, kar se da implementirati, ne da bi poznali pomnilniško strukturo za predstavitev zbirke
- Manjka implementacija metod `equals()` in `hashCode()`
 - metode se podedujejo iz razreda `Object`
 - zanašamo se, da te metode redefinirajo podrazredi
- Po drugi strani razred redefinira metodo `toString()`
- Nekatere metode uporabljajo metodi `iterator()` in `size()`, ki sta še vedno abstraktni

Primer 1: metoda `toString()`

Primer 2: metoda `isEmpty()`

Poljubna zbirka objektov, ki lahko vsebuje duplikate

`bag` = "torba" = multiset = množica z duplikati

Prikaz razširitve razreda `AbstractCollection`

Postopen prikaz vsebine razreda `Bag`

Za predstavitev objektov bomo uporabili tabelo:

```
import java.util.*;
public class Bag extends AbstractCollection
{
    private Object[] objects;
    private int size = 0;
    private static final int CAPACITY = 16;
```

Metode:

- `private void resize()`
- `public Bag()`
- `public Bag(int)`
- `public Bag(Object[])`
- `public Bag(Collection)`
- `public boolean add(Object)`
- `public boolean addAll(Collection)`
- `public void clear()`
- `public boolean contains(Object)`
- `public boolean containsAll(Collection)`

- `private static int frequency(Collection, Object)`
- `public boolean equals(Object)`
- `public int hashCode()`
- `public boolean isEmpty()`

Realizacija iteratorja za razred Bag:

- potrebujemo metodo `public Iterator iterator()` ;
- vmesnik predpisuje 3 metode: `hasNext()`, `next()`, `remove()`

1. možnost:

- deklariramo razred, ki implementira vmesnik `Iterator`
- na podlagi tega lahko generiramo objekt tipa `Iterator`

```
private class BagIterator implements Iterator
{   public boolean hasNext()
    public Object next()
    public void remove()
}
public Iterator iterator()
{   return new BagIterator(); }
```

2. možnost:

- anonimni notranji razred (anonymous inner class)

```
public Iterator iterator()
{   return new Iterator()
    {   public boolean hasNext()
        public Object next()
        public void remove()
    }
}
```

Preostale metode:

- `public boolean remove(Object)`
- `public boolean removeAll(Object)`
- `public boolean removeAll(Collection)`
- `public boolean retainAll(Collection)`
- `public int size()`
- `public Object[] toArray()`
- `public Object[] toArray(Object[])`
- `public String toString()`

Primer:

- `razred Bag.java`
- `razred TestBag.java`

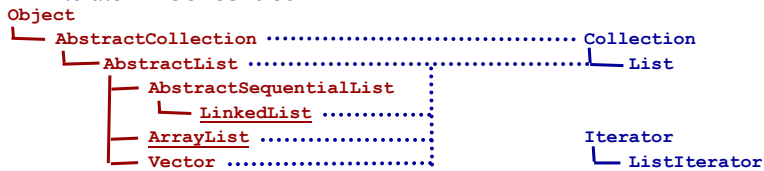
Podatkovna struktura predstavlja splošno zaporedje objektov:

- pojem pozicije
- dodajanje in izločanje objektov v predvidenem času

Primer: kompozicija vagonov ...

Collection Framework vsebuje:

- vmesnik `List`
- dva abstraktna razreda: `AbstractList` in `AbstractSequentialList`
- več realiziranih razredov: `LinkedList`, `ArrayList`, `Vector`
- iterator `ListIterator`



```

public interface List extends Collection
{
    boolean add(Object);
    add (int, Object);
    boolean addAll(Collection);
    boolean addAll(int, Collection);
    clear();
    boolean contains(Object);
    boolean containsAll(Collection);
    boolean equals(Object);
    Object get(int);
    int hashCode();
    int indexOf(Object);
    boolean isEmpty();
}
  
```

```

Iterator iterator();
int lastIndexOf(Object);
ListIterator listIterator();
ListIterator listIterator(int);
boolean remove(Object);
Object remove(int);
boolean removeAll(Collection);
boolean retainAll(Collection);
Object set(int, Object);
int size();
List subList(int, int);
Object[] toArray();
Object[] toArray(Object[]);
}

```

Dve realizaciji:

			get()	add()
AbstractList	ArrayList	Tabela objektov	0(1)	0(n)
AbstractSequentialList	LinkedList	Povezan seznam objektov	0(n)	0(1)

```

public abstract class AbstractList extends AbstractCollection
    implements List
{
    (protected) AbstractList()
    boolean add(Object); //opcijsko
    add (int, Object); // opcijsko
    boolean addAll(Collection);
    boolean addAll(int, Collection);
    clear();
    //boolean contains(Object);
    //boolean containsAll(Collection);
    boolean equals(Object);
    (abstract) Object get(int);
}

```

```
int hashCode();
int indexOf(Object);
//boolean isEmpty();
Iterator iterator();
int lastIndexOf(Object);
ListIterator listIterator();
ListIterator listIterator(int);
//boolean remove(Object);
Object remove(int); // opcijsko
removeRange(int, int);
//boolean removeAll(Collection);
//boolean retainAll(Collection);
Object set(int, Object); // opcijsko
//int size();
List subList(int, int);
//Object[] toArray();
//Object[] toArray(Object[]);
}
```

```
public abstract class AbstractSequentialList extends
    AbstractList
{ (protected) AbstractSequentialList()
    boolean add(Object);
    boolean addAll(Collection);
    boolean addAll(int, Collection);
    Object get(int);
    Iterator iterator();
    int lastIndexOf(Object);
    (abstract) ListIterator listIterator();
    Object remove(int);
    Object set(int, Object);
    (abstract) int size();
}
```

Dvosmerni iterator

```
public interface ListIterator extends Iterator
{
    boolean hasNext();
    Object next();
    remove();
    boolean hasPrevious();
    Object previous();
    int nextIndex();
    int previousIndex();
    add(Object);
    set(Object);
}
```

```
public class ArrayList extends AbstractList
    implements List
{
    //vse metode iz vmesnika List ter dodatno:
    ArrayList();
    ArrayList(int);
    ArrayList(Collection);

    ensureCapacity(int);
    trimToSize();
}
```

```

public class LinkedList extends AbstractSequentialList
    implements List
{ //vse metode iz vmesnika List ter dodatno:
    addFirst(Object);
    addLast(Object);
    Object getFirst();
    Object getLast();
    // manjka metoda get()
    LinkedList();
    LinkedList(Collection);
    boolean remove(Object);
    Object removeFirst();
    Object removeLast();
}

```

Primer: Seznam.java

Podatkovna struktura, ki deluje po principu FIFO

Primer: vrsta pred blagajno v kinu ...

Collection Framework ne vsebuje posebnega vmesnika ali razreda za vrsto

Zastavimo svojo hierarhijo:

- izhajamo iz vmesnika **Collection**
- **3 deli:**
 - vmesnik **Queue**
 - abstraktni razred **AbstractQueue**
 - dve izvedbi: razreda **ArrayQueue** in **LinkedList**



Vrsta (vmesnik Queue in razred AbstractQueue) 74

- od vmesnika `Collection` podeduje 15 metod
- doda 4 operacije za delo z vrsto:
 - `Object dequeue()`
 - `Object enqueue(Object)`
 - `Object getBack()`
 - `Object getFront()`

Prikaz delovanja vrste ...

Deklaracija vmesnika `Queue` ...

Abstraktni razred `AbstractQueue`

- razširitev razreda `AbstractCollection`
- implementira vmesnik `Queue`

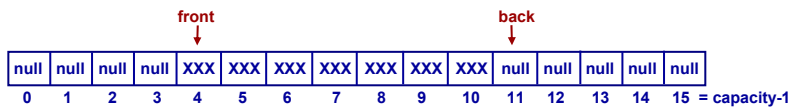
Deklaracija razreda `AbstractCollection`

Vrsta (razreda `ArrayQueue`) 75

Realizacija s tabelo objektov

Razširitev razreda `AbstractQueue`

Predstavitev vrste:



Deklaracija razreda `ArrayQueue`

Primer:

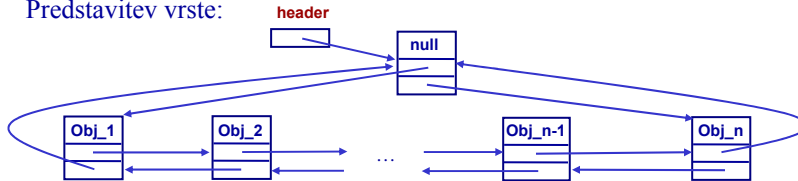
- vmesnik `Queue.java`
- abstraktni razred `AbstractQueue.java`
- razred `ArrayQueue.java`
- razred `TestArrayQueue.java`

Razširitev razreda `AbstractQueue`

Realizacija z **dvosmernimi seznammi**: zaporedje elementov, ki so med seboj povezani v obeh smereh

Pojem slepega elementa ...

Predstavitev vrste:



Deklaracija razreda `LinkedList`

Primer:

- `razred LinkedList.java`
- `razred TestLinkedList.java`

Generični razred (vmesnik) predstavlja podatkovno strukturo, kateri je mogoče predpisati tip objektov, ki jih vsebuje

Velja v Javi od verzije (1.)5.0 dalje

Vsi vmesniki in razredi Collection Framework-a so generični

Primer: `List<String> s = new LinkedList<String>();`

- Tak pristop omogoča nadzor tipa objektov, ki jih vnašamo v strukturo - ni treba podrazredov, redefinicije metod in **instanceof** preverjanj
- V praksi se izognemo prilagajanju (casting), ker vse metode razreda vračajo predpisan tip `<T>`
- Dejansko se tip določi med samim izvajanjem, zato poskus kršenja pravil povzroči napako med izvajanjem
- Tip mora biti obvezno tip objektov, ne katerega izmed primitivnih tipov

`List<int> s = new LinkedList<int>();` **NAROBE!!!**

Uporaba generičnega razreda brez določanja tipa:

```
List seznam = new ArrayList();
```

Note: C:\Seznam.java uses unchecked or unsafe operations.

Note: Recompile with -Xlint:unchecked for details.

Process completed.

Izogibanje opozorilom:

```
List<?> seznam = new ArrayList<?>();
```

Uporaba pri argumentih metod:

```
public static List<String> zlij (List<String> n1, List<String> n2)
{ ... }
```

Uporaba pri iteratorju:

```
for(Iterator<String> it=n.iterator(); it.hasNext(); )
{ ... }
```

Pozor pri avtomatski pretvorbi tipov:

```
LinkedList<Short> lls = new LinkedList<Short>();
```

```
List<Short> l = lls; // V REDU !!
```

```
LinkedList<Number> lli = lls; // NAPAKA !!
```

Pisanje generičnih razredov:

```
public class Box<T>
{
    protected List<T> seznam;

    public Box()
    {
        seznam = new ArrayList<T>();
    }
    public T vrni() { ... };
    public void sprejmi(T element) { ... };
}
```


Uporaba pri dedovanju:

```
public class NumberBox<T extends Number> extends Box<T>
{
    public NumberBox()
    {
        super();
    }
    ...
}
```

Primer: **QueueG.java**
 AbstractQueueG.java
 ArrayQueueG.java
 TestArrayQueueG.java

Avtomatska pretvorba ovojnih tipov - “autoboxing” in “unboxing”:

```
Integer I1 = new Integer(5); // pred Java 5.0
Integer I2 = 5;           // autoboxing
Number N = 2.2f;
int i1 = I1;             // unboxing
Integer I3 = null;
int i2 = I3;            // NAPAKA!!
```

Krajši zapis zanke for (za tabele in zbirke):

```
int[] t = {1,2,3,4,5,6,7,8,9,10};
for (int i : t) {           // zadaj se skriva iterator!!
    System.out.println(i);
}
List sez = Arrays.asList(t);
for (Object i : sez) {...}
```

V svojem razredu moramo definirati ustrezen generični iterator ...

Naštevni tipi:

```
public enum Ocena = {5,6,7,8,9,10,BREZ};
class Student
{
    ...
    Ocena oc1=Ocena.BREZ;
    Ocena oc2=Ocena.8;
    ... }

```

Nedoločeno število argumentov - "varargs":

```
public void izpis(String s1, String...ostali);
{
    System.out.println(s1);
    for (String i:ostali)
        System.out.println(i);
    ... }

```

Oblikovanje izpisa – printf (format, args) :

```
System.out.printf("%4d %5.3f %-6s",15,3.14159,"Haha");
```

Statični import stavke:

```
import static java.lang.System.out;
public class Test {
    public static void main(String[] args) {
        println("Dober dan!");
    }
}

```

Dopolnjen razred Arrays :

```
int[][] t1={{1,2,3},{4,5,6},{7,8,9}};
int[][] t2={{1,2,3},{4,5,6},{7,8,9}};
System.out.println(Arrays.deepToString(t1));
if(Arrays.deepEquals(t1,t2))
    {...}
System.out.println(Arrays.deepHashCode(t1));
```

Queue, PriorityQueue in Comparator:

- Metode vmesnika Queue in razreda PriorityQueue:

`element(), offer(E), peek(), poll(), remove()`

- **PriorityQueue** upošteva naravni red ali redefinirani **Comparator**

```
PriorityQueue<Integer> pv1 = new PriorityQueue<Integer>(10);
PriorityQueue<Integer> pv2 = new PriorityQueue<Integer>(10,
    new Comparator<Integer>(){
        public int compare(Integer i, Integer j)
        { int rez = i%2-j%2;
          if (rez==0) rez=i-j;
          return rez;
        }
    });
for (int i=0; i<10; i++) {
    pv1.offer(10-i);
    pv2.offer(10-i);
}
```

Drevo sestavlja množica elementov – *vozlišč*. Vozlišča so povezana na podlagi relacije, ki določa hierarhično strukturo.

Primer: kazalo v knjigi (relacija: vsebovanost) ...

Formalna definicija:

Drevesna struktura z osnovnim tipom T je:

- prazna struktura ali
- vozlišče tipa T, kateremu je prirejeno končno število tujih drevesnih struktur z osnovnim tipom T (*poddreves*)

Ponazoritev dreves: graf

Primer grafa za odločitveno drevo:

- pet zlatnikov, eden je ponaredek (je lažji)
- iščemo ga s tehtanjem

Pojmi, ki so povezani z drevesi:

- koren, vozlišče
- poddrevo, naddrevo
- naslednik, prednik
- neposredni naslednik (sin), neposredni predhodnik (oče)
- list (končni element), notranji element
- nivo, globina vozlišča
- višina drevesa
- stopnja vozlišča, stopnja drevesa (dvojiška, trojiška drevesa)
- pot do vozlišča (od korena)
- dolžina poti vozlišča, dolžina poti drevesa
- **Lastnosti (vrste) dreves:**
 - polnost
 - uravnoveženost
 - urejenost

Lastnosti dreves - POLNOST:

- Za **izpolnjeno (complete) drevo** velja, da so stopnje vseh njegovih notranjih vozlišč enake (stopnji drevesa)
 - ugodno za prepis v tabelo, ker ni praznih delov tabele
- **Polno (full) drevo PD** je izpolnjeno drevo, ki ima vse liste na istem nivoju
 - PD (stopnja d , višina h) ima število vozlišč n : $(d^{h+1}-1)/(d-1)$
 - PD (stopnja d , število vozlišč n) ima višino h : $\log_d(n*d-n+1)-1$

Zgled: polno dvojiško drevo ($d=2$) in polno trojiško drevo ($d=3$):

- | | |
|---------------------------------------|---------------------------------------|
| • $h=1: n=(2^{1+1}-1)/(2-1)=3$ | • $h=1: n=(3^{1+1}-1)/(3-1)=4$ |
| • $h=2: n=7$ | • $h=2: n=13$ |
| • $h=10: n=2047$ | • $h=10: n=88573$ |
| • $n=1000: h=\log_2(1001)-1=9.97-1=9$ | • $n=1000: h=\log_3(2001)-1=6.92-1=6$ |
| • $10^6: h=19.93-1=19$ | • $h=10^6: h=13.21-1=13$ |

Vrste dreves - URAVNOTEŽENOST:

- Za **uravnoreženo drevo** velja, da se pri vsakem vozlišču višina vseh njegovih poddreves čimbolj enaka.
 - posredno zagotavlja majhno višino drevesa (približna polnost)
 - uravnoreženost zagotovimo z ustreznimi operacijami za vstavljanje in izločanje elementov
- **Popolnoma izravnan drevo** je dvojiško uravnoreženo drevo - pri vsakem vozlišču se število vozlišč njegovega levega in desnega poddrevesa razlikuje največ za 1
 - **Rekurzivna gradnja:** prvi element postane koren
 - iz prve polovice elementov (od drugega do srednjega elementa) rekurzivno zgradimo levo poddrevo
 - preostanek (od srednjega elementa do konca) rekurzivno zgradimo desno poddrevo

Zgled: dvojiško popolnoma izravnan drevo z 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, ..., 15 vozlišči

- **AVL drevo** je primer uravnoreženega dvojiškega iskalnega drevesa

Vrste dreves - UREJENOST:

- Dodajanje in izločanje pri iskalnih drevesih upošteva urejenost in zagotavlja tako sestavo dreves, ki omogočajo učinkovito iskanje elementov
 - vloga vozlišč – usmerjanje pri iskanju
- Tipičen primer: **Dvojiško iskalno drevo (Binary Search Tree - BST)**
 - Za vsako vozlišče **iskalnega drevesa** velja:
 - (če je x vrednost trenutnega vozlišča)
 - vrednost vsakega vozlišča v levem poddrevesu je manjša od x
 - vrednost vsakega vozlišča v desnem poddrevesu je večja od x
 - (vsaka vrednost se v drevesu nahaja samo v enem vozlišču)
 - Najboljši, najslabši, povprečen primer

Zgled: postopna izgradnja BST za vozlišča: { 5, 2, 7, 1, 3, 4, 10, 8, 6, 5 }
postopno brisanje vozlišč z vrednostmi: { 9, 5, 8, 3, 5, 4 }

- Drugi primeri: **Iskalna drevesa višjih stopenj (B drevesa)**

AVL drevesa

Obhodi dreves:

- postopek, ki sistematično obišče vsa vozlišča drevesa (oziroma izvede določeno operacijo na vseh vozliščih – tipično izpis)
- **Poznamo naslednje obhode:**
 - Obhod po nivojih (ang. level order)
 - Premi vrsti red (ang. preorder)
 - Vmesni vrstni red (ang. inorder)
 - Obratni vrstni red (ang. postorder)

Zgled: vsi obhodi dvojiškega drevesa za aritmetični izraz

Postopki za vse vrste obhodov ...

Tipična ponazoritev dreves v računalniku:

- s pomočjo tabele, kjer vsak element tabele predstavlja eno vozlišče (kot pri sortiranju s kopico)
- z (ustrezno) povezanimi objekti, ki predstavljajo posamezna vozlišča

Prikaz: ponazoritev drevesa s tabelo:

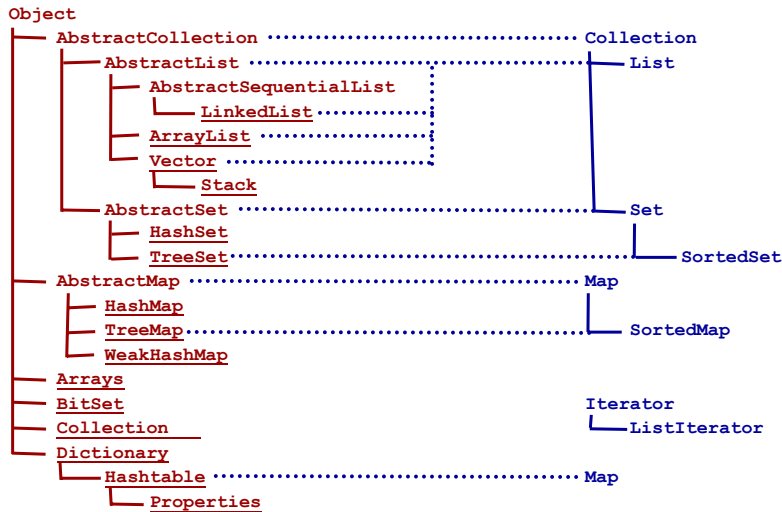
- primer: neizpolnjeno dvojiško drevo
- vrednosti v vozliščih so znaki
- preslikovalna funkcija: levi sin $i = 2*i+1$, desni sin $i = 2*i+2$

Prikaz: ponazoritev s povezanimi objekti

- primer: isto drevo
- vsako vozlišče ima povezavo na (prednika,) levega in desnega sina

Izvedba: razreda `BinaryTree ()` in `TestBinaryTree ()`

Primer: `BinaryTree.java`, `TestBinaryTree.java`



Iskalna tabela (Map)

Predstavlja zaporedje parov <ključ,vrednost>, ki omogoča učinkovito iskanje vrednosti po ključih

- angleški izrazi: map, lookup table, associative array, dictionary

Ključni: enolični, lahko so poljubnega tipa - ne nujno celoštevilski,

Vrednosti: vsebujejo podatke

Primer: slovar, legenda, kazalo, seznam lokacij ...

Collection Framework vsebuje:

- generični vmesnik **Map** in **SortedMap**
- generični abstraktni razred **AbstractMap**
- več realiziranih generičnih razredov: **HashMap**, **TreeMap**, **WeakHashMap**

```
public interface Map
{
    int size();
    boolean isEmpty();
    boolean containsKey(Object k);
    boolean containsValue(Object v);
    Object get(Object k);
    Object put (Object k, Object v);
    Object remove(Object k);
    putAll (Map);
    clear();
    Set keySet();
    Set entrySet();
}
```

```
...
Collection values();
public interface Entry
{
    Object getKey();
    Object getvalue();
    Object setValue(Object v);
    boolean equals(Object o);
    int hashCode();
}
boolean equals(Object o);
int hashCode();
}
```


Razred HashMap

- realizacija z (zaprto) razpršeno tabelo (hash table)
- v ozadju tabela določene kapacitete
- razporejanje s pomočjo razpršilne funkcije:
 - zagotavlja hitro vstavljanje in iskanje
 - problem kolizij:
 - linerno ponovno razprševanje
 - kvadratično ponovno razprševanje
 - odprte razpršene tabele
 - zagotavljanje primerne kapacitete in zasedenosti

Prikaz razprševanja: slovensko – angleški slovar

Primer: Slovar.java

Razred TreeMap

- realizacija z dvojiškim iskalnim drevesom
- v ozadju ustrezno povezano drevo objektov
- upošteva urejenost po ključih – izpis

Primer uporabe: kazalo

Razred WeakHashMap

- realizacija s šibkimi razpršenimi tabelami
- ko ključ (ali vrednost) ni več dosegljiv, se element odstani iz tabele

Primer uporabe: seznam datotek na disku ...