

1. Dokaži sledeče trditve.
  - (a)  $\lfloor x \rfloor \neq \lfloor x - 1 \rfloor \Rightarrow x = \lfloor x \rfloor = \lceil x \rceil$
  - (b)  $x, y \geq 0 \Rightarrow \lfloor x \rfloor \cdot \lfloor y \rfloor \leq \lfloor xy \rfloor \leq xy$
  - (c)  $x, y > 0 \wedge \lfloor x \rfloor \cdot \lfloor y \rfloor = \lfloor xy \rfloor \Rightarrow x, y \in \mathbb{N}$
  
2. Z Evklidovim algoritmom izračunaj največji skupni delitelj števil 190 in 968. Kolikšen je njun najmanjši skupni večkratnik?
  
3. Z razširjenim Evklidovim algoritmom izračunaj največji skupni delitelj števil 709 in 655.
  
4. Izračunaj najmanjše tako naravno število  $x$ , da velja  $204 \cdot x \equiv 1 \pmod{785}$ .
  
5. Izračunaj  $5^{2014} \pmod{11}$ .
  
6. Tabeliraj vrednosti Eulerjeve funkcije  $\phi$  za števila od 1 do 20.
  
7. Za kriptosistem RSA izberemo praštevili  $p = 67$  in  $q = 89$ . Izračunaj javni modul  $n$  ter izberi javni eksponent  $e$  in tajni eksponent  $d$ , da bo  $e$  čimmanjši. Z dobljenimi parametri zašifriraj sporočilo  $m = 75$  ter preveri, da se pravilno odšifrira.