

Splošni in nekateri posebni liki v kristalnih razredih, ki nimajo ravnine, centra ali inverzne osi simetrije (1, 2, 222, 4, 422, 3, 32, 6, 622, 23, 432)

se pojavljajo v **dveh zrcalno enakih podobah**, ki ju s sukanjem kristala ne moremo prekriati ali postaviti v identično lego - sta **enantiomorfna**.

Na posameznih kristalih se nikoli ne pojavljata oba lika hkrati.

**Desni lik seka prvo in drugo kristalografsko os na pozitivnem delu,**

**levi lik seka prvo os na pozitivnem delu, drugo kristalografsko os pa na negativnem delu.**

D ( $2\bar{1}31$ )



L ( $3\bar{1}2\bar{1}$ )



Kadar so na kristalu prisotni le posebni liki ali kadar je splošni lik v določenem razredu podoben posebnemu liku v višjesimetrijskih razredih enoznačna določitev simetrijskega razreda nekega kristala na osnovi njegove morfologije ni vedno mogoča.

**Za določitev pravega simetrijskega razreda si pomagamo s sledečimi testi:**

### **Jedkanje**

se nadaljuje v različnih smereh različno hitro, v odvisnosti od simetrije v kristalu.

### **Test piroelektričnosti in piezoelektričnosti za ugotavljanje centra simetrije**

**Kadar je kristal segrevan in ohlajan ali izpostavljen neposrednemu pritisku, se lahko pozitivno nabiti ioni v kristalu rahlo premaknejo glede na negativne ione.**

Za nepolarno smer  $[uvw]$  je ta premik enak kot za njeno nasprotno

smer  $[\bar{u}\bar{v}\bar{w}]$ .

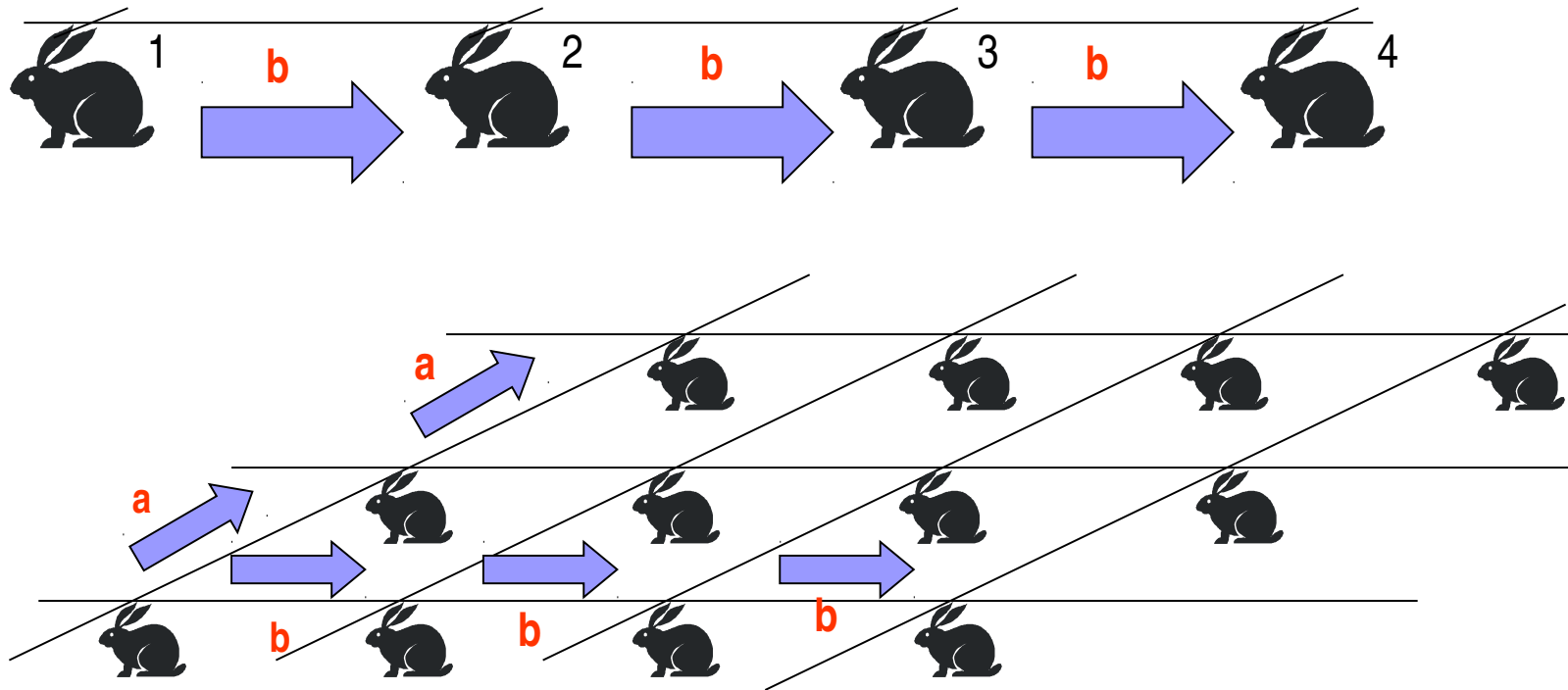
Za polarno smer  $[uvw]$  take izenačitve naboja v nasprotni smeri ni, zato lahko kristal razvije na nasprotnih koncih smeri statični električni naboj nasprotnega predznaka,

**po segrevanju in ohlajanju (piroelektričnost)**

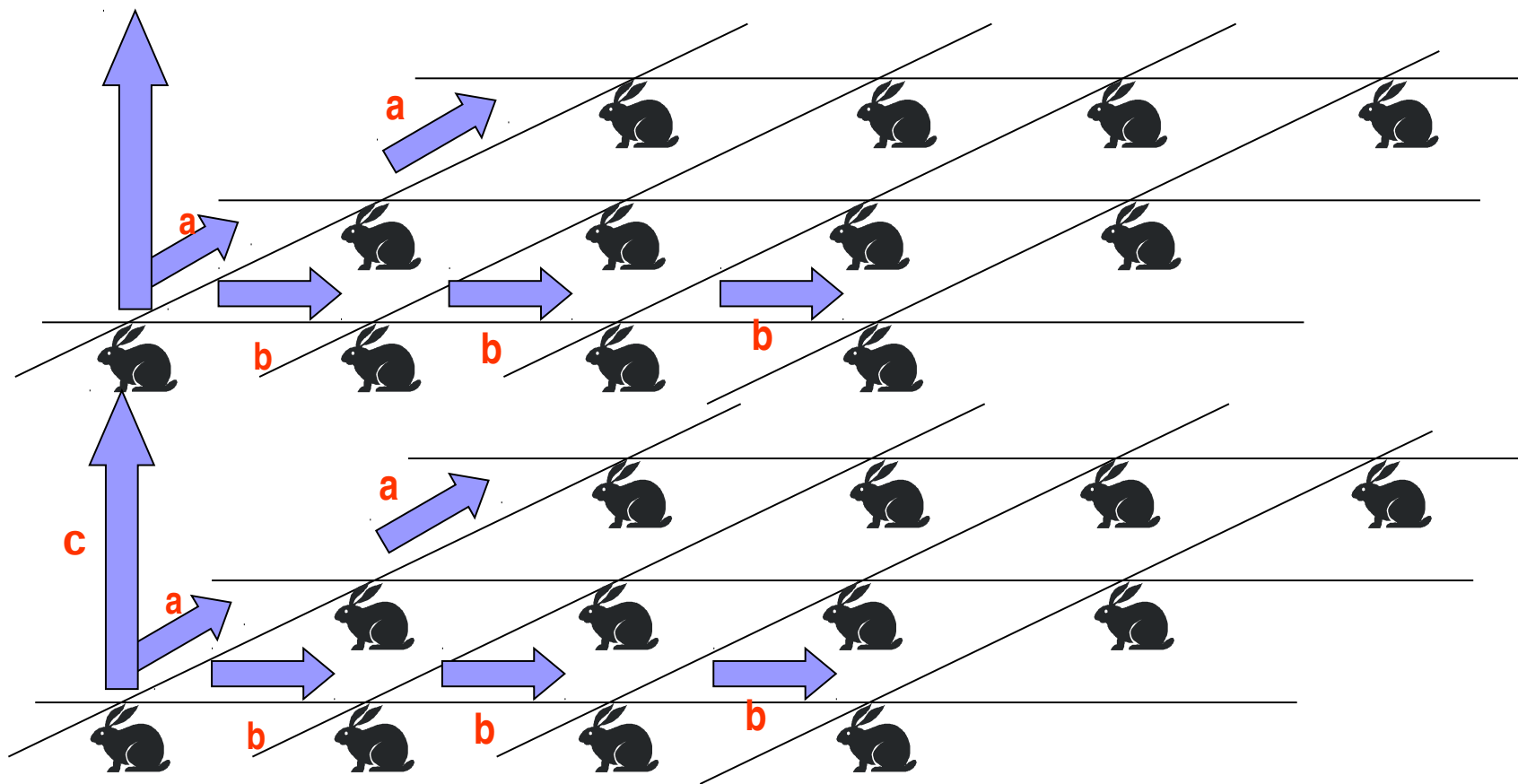
**ali naraščanju in popuščanju tlaka (piezoelektričnost).**

# TRANSLACIJSKA SIMetriJA – KRISTALNE MREŽE

Enakomerno razporejene, enako prostorsko usmerjene objekte lahko imenujemo – **vrsta**.  
Vrsta je lahko eno, dvo ali trodimenzionalna.



a, b - vektorja, ki predstavljata enote translacije v različnih smereh



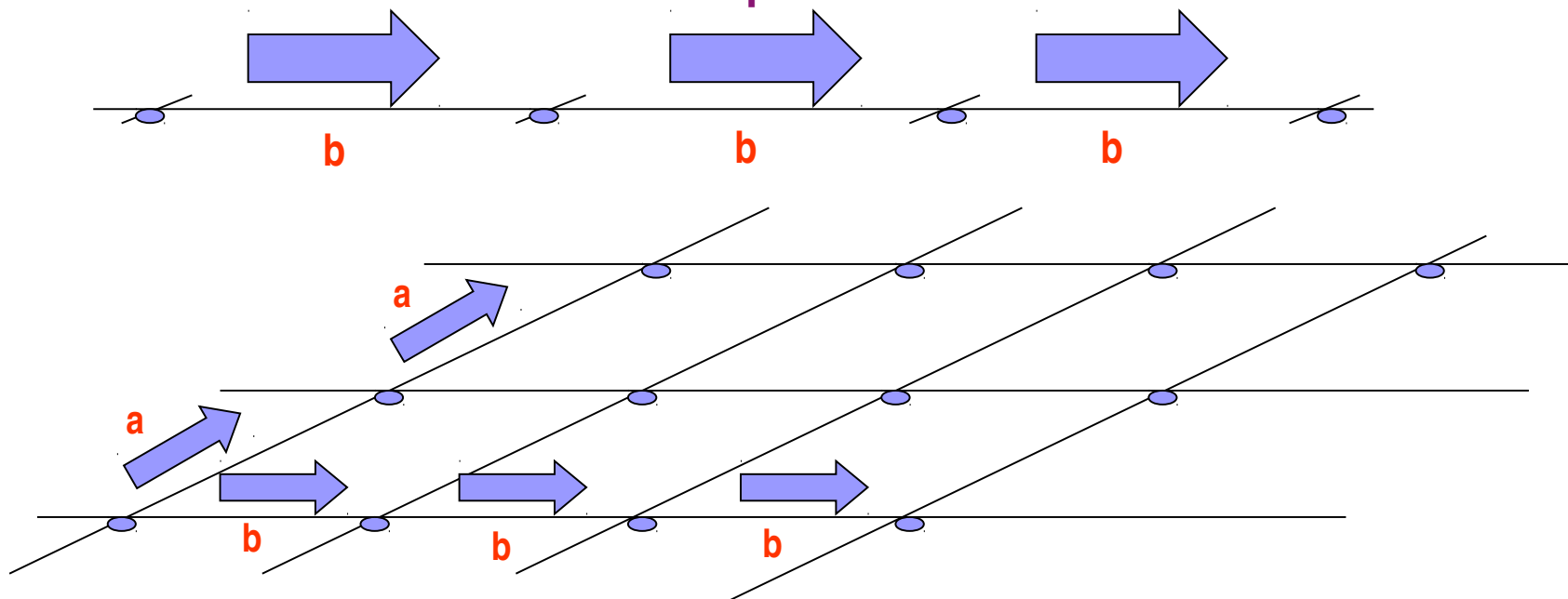
a, b, c - vektorji, ki predstavljajo enote translacije v različnih smereh

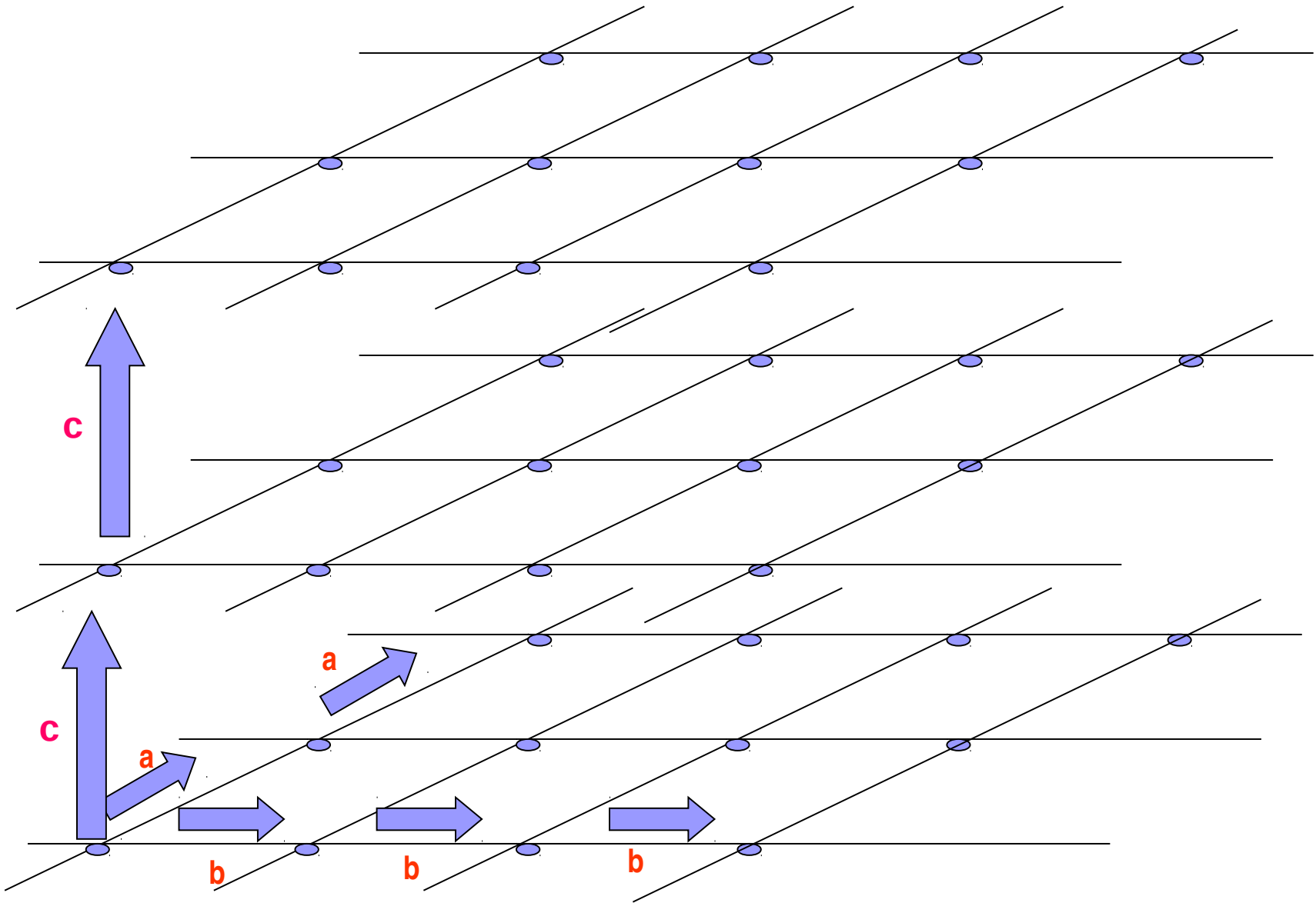
**Vrste** predstavljajo translacijsko simetrijo.

Premik je translacijski le, kadar je pot vseh točk objekta pri premiku ravna črta.

Objekt lahko nadomestimo z identično točko in tako dobimo vrsto identičnih točk, ki jo imenujemo **točkovna mreža**.

Točkovna mreža je lahko  
**enodimenzionalna - linearna,**  
**dvodimenzionalna - planarna ali**  
**tridimenzionalna - prostorska mreža.**

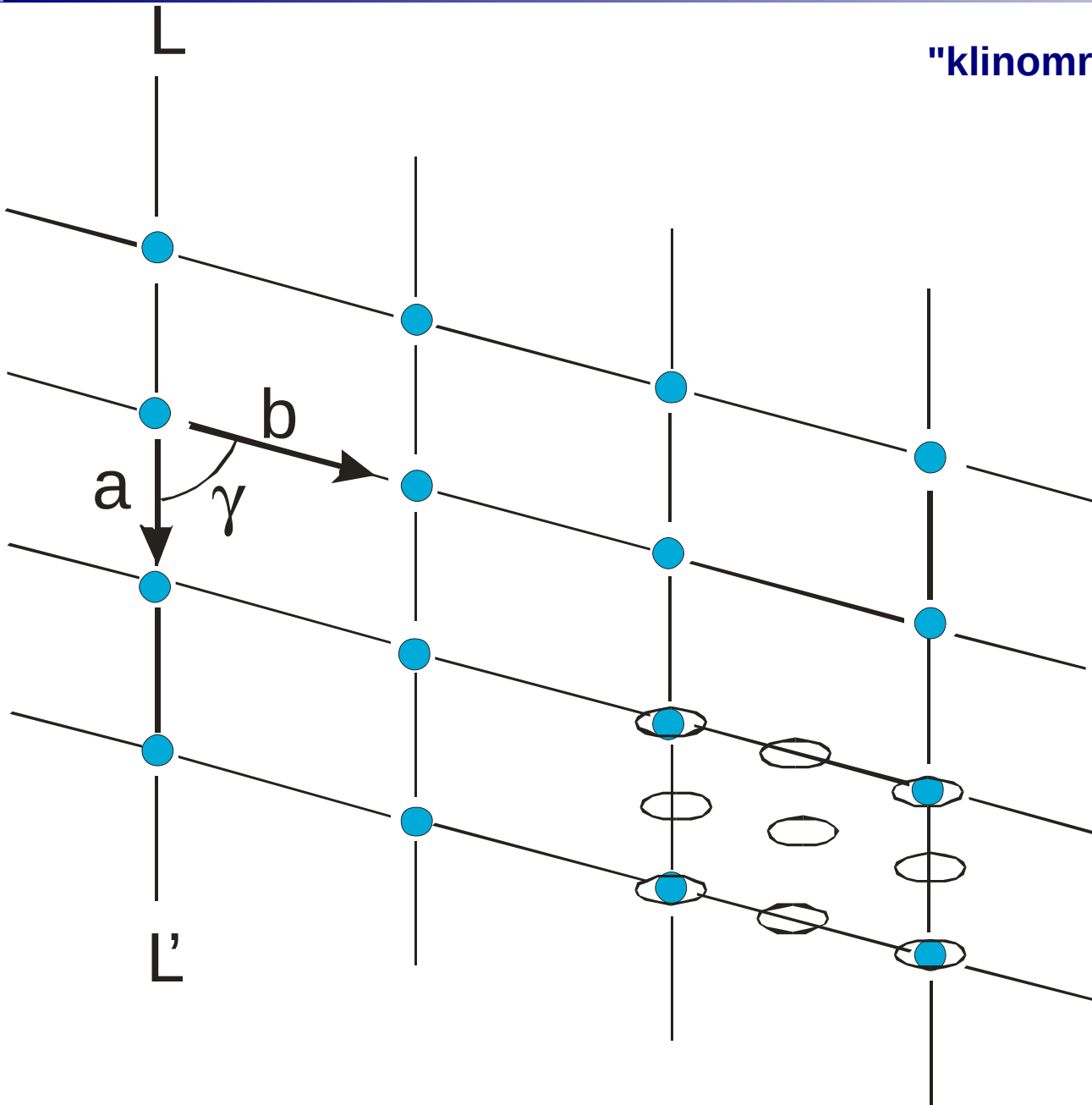




## Razvijemo lahko pet različnih tipov planarnih mrež:

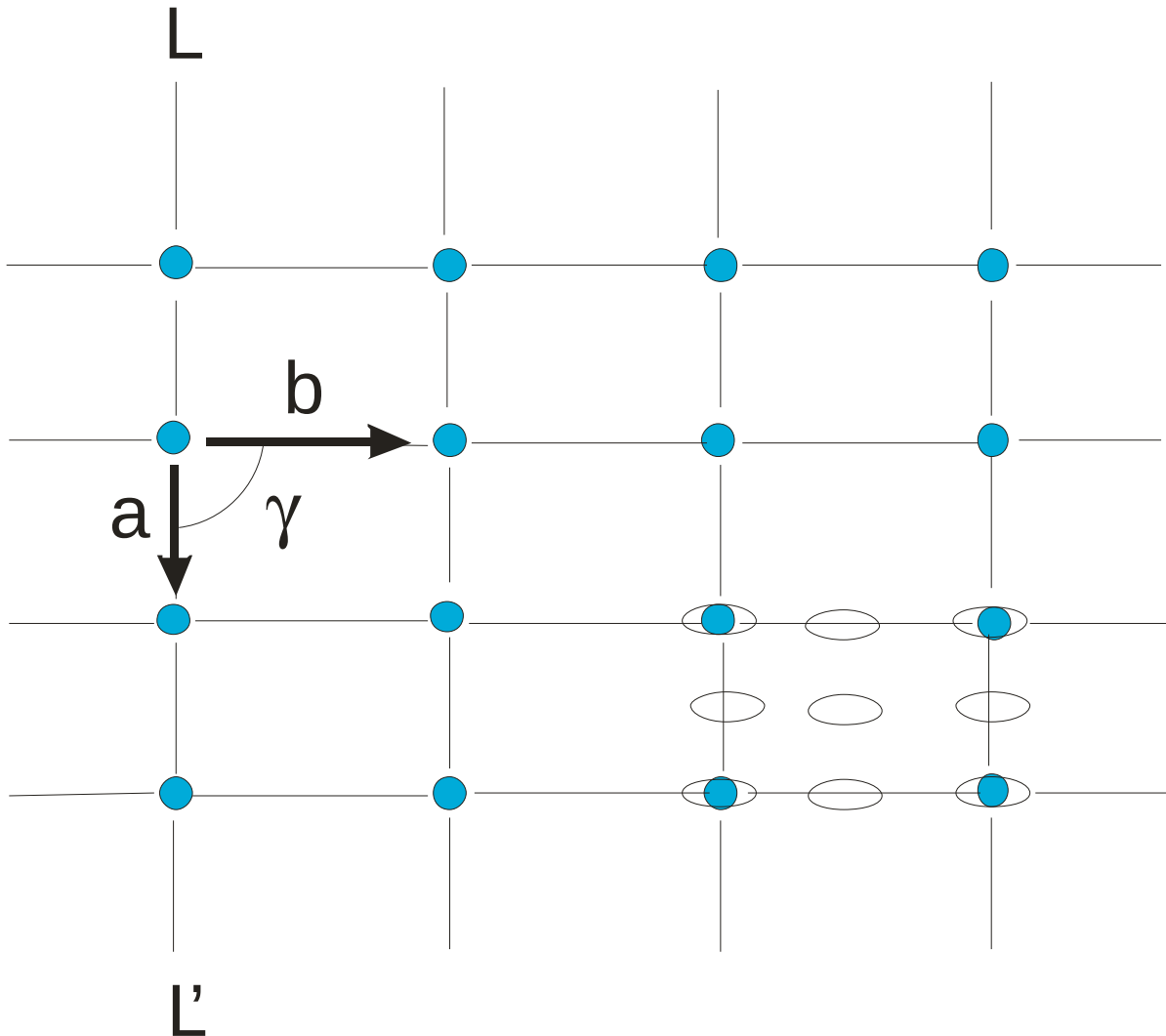
1. "klinomreža":  $a \neq b; \gamma \neq 90^\circ$
2. "ortomreža":  $a \neq b; \gamma = 90^\circ$
3. "centrirana ortomreža":  $\cos \gamma' = a/2b'$
4. "heksamreža":  $a = b; \gamma = 60^\circ$
5. "tetramreža":  $a = b; \gamma = 90^\circ$

"klinomreža":  $a \neq b$ ;  $\gamma \neq 90^\circ$

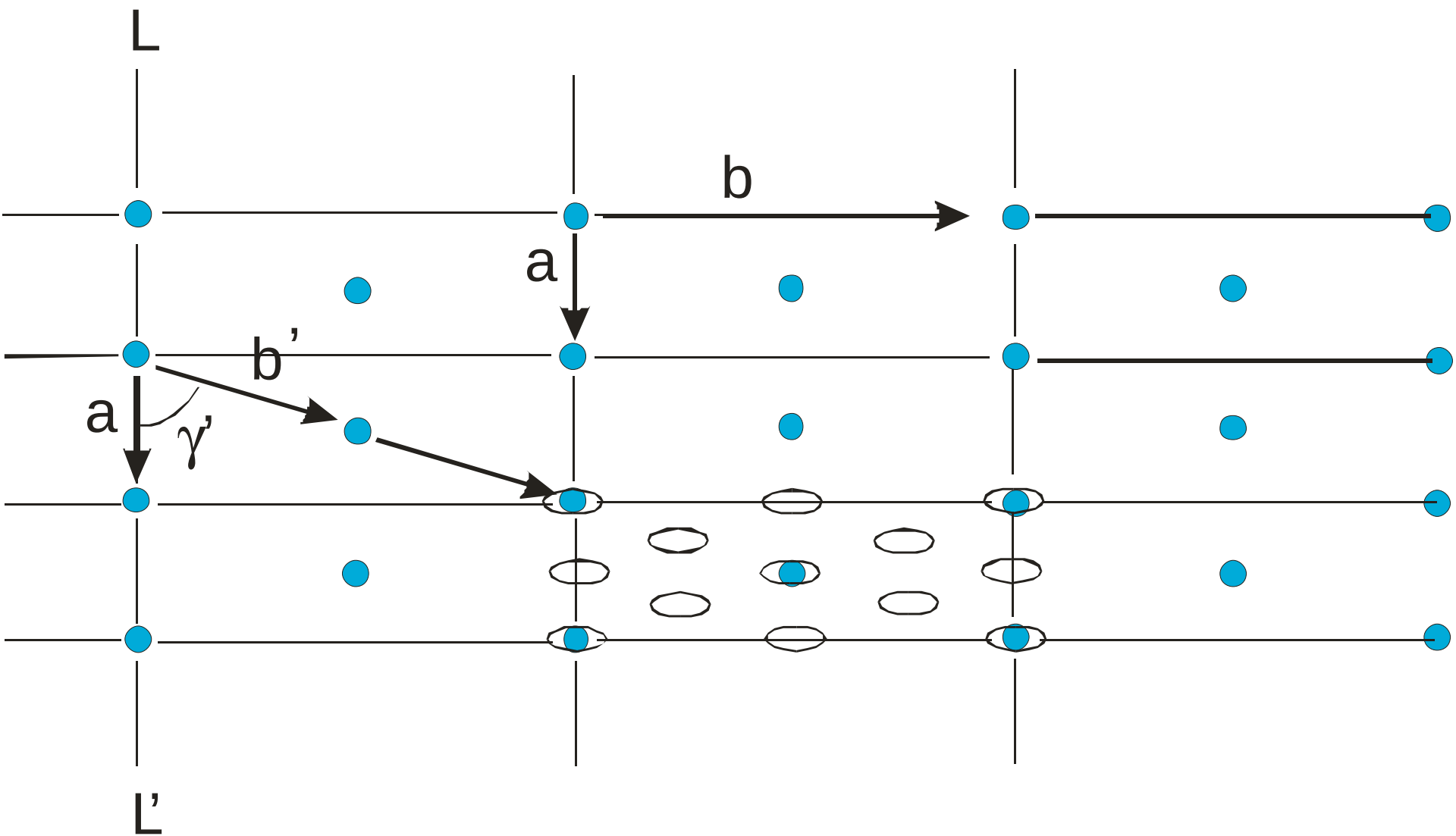




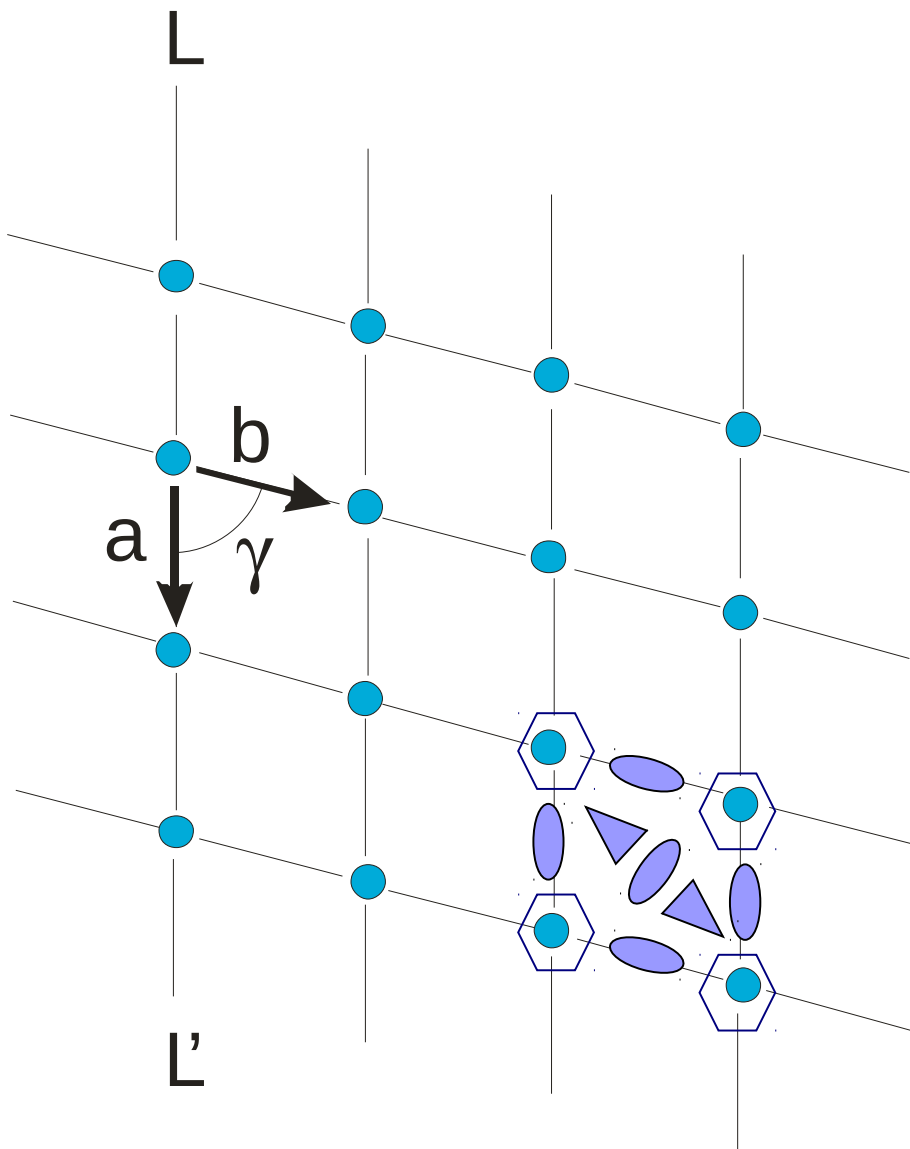
"ortomreža":  $a \neq b$ ;  $\gamma = 90^\circ$



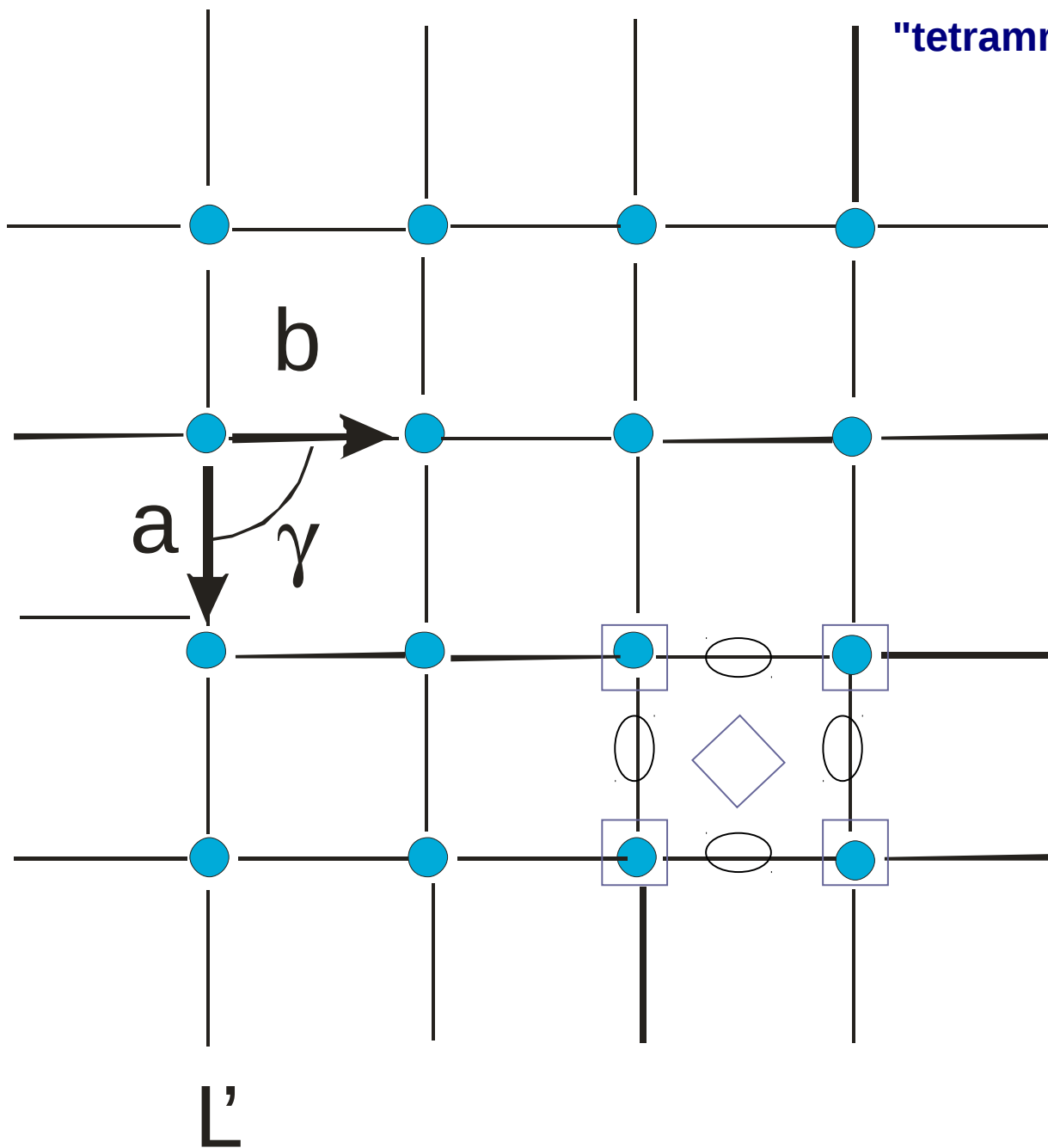
"centrirana ortomreža":  $\cos\gamma' = a/2b'$



"heksamreža":  $a = b$ ;  $\gamma = 60^\circ$



"tetramreža":  $a = b$ ;  $\gamma = 90^\circ$

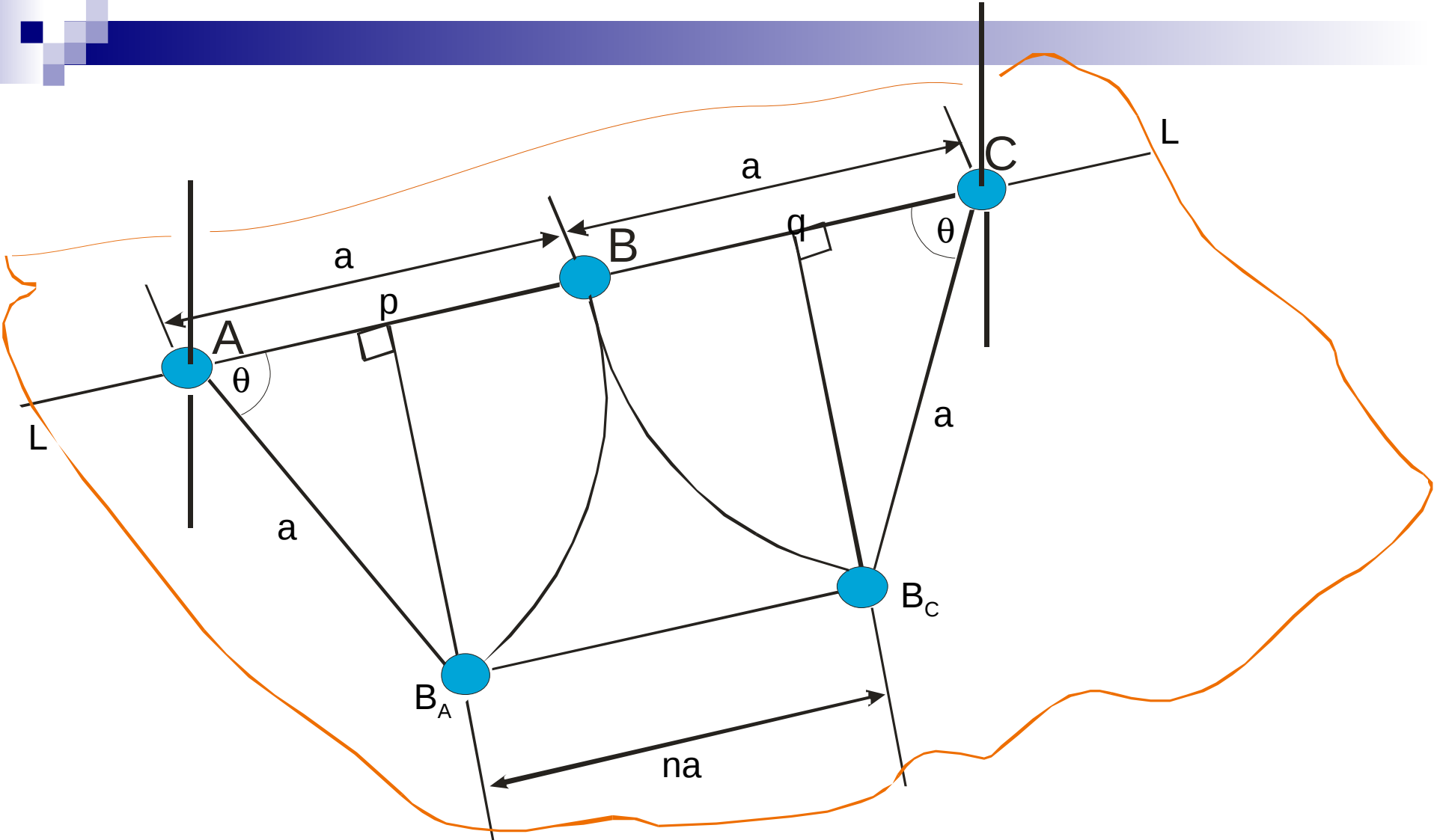


## Omejitve osi simetrije

Osi simetrije, pravokotne na planarno mrežo so 1, 2, 3, 4 ali 6 števnne, ne pa tudi 5, 7, 9 ali več števnne.

A, B, C - točke mreže, ločene s translacijsko enoto  $a$  vzdolž  $LL'$

Vsaka os simetrije (rotacija za kot  $\theta$ ), ki gre skozi eno od točk mreže, mora biti tudi v vseh ostalih točkah mreže.



$$2a = 2a \cos \theta + na$$

$$\cos \theta = 1 - n/2$$

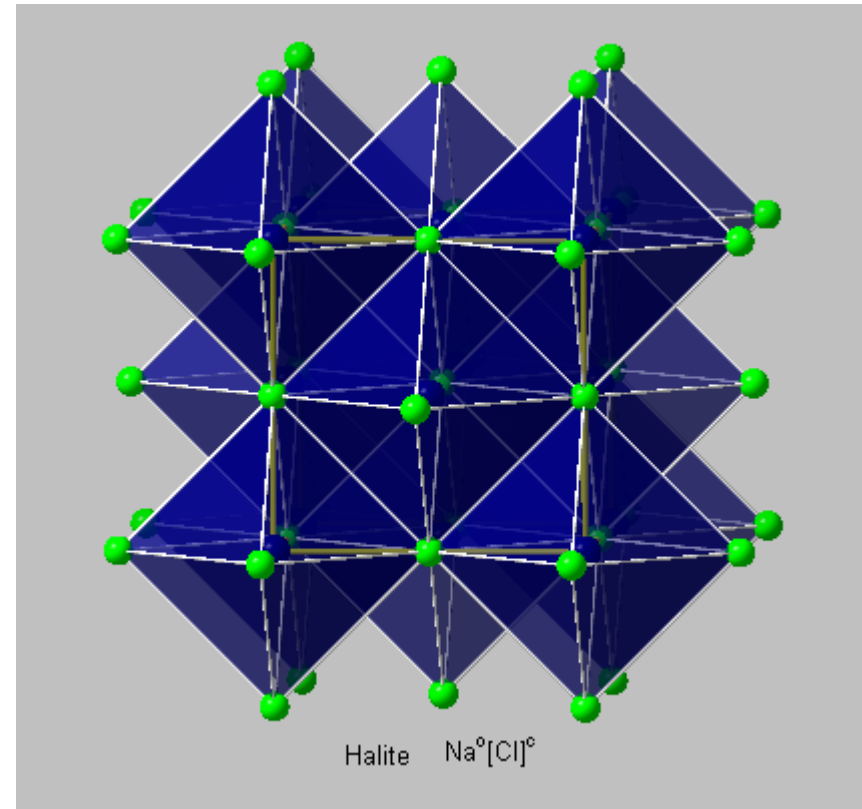
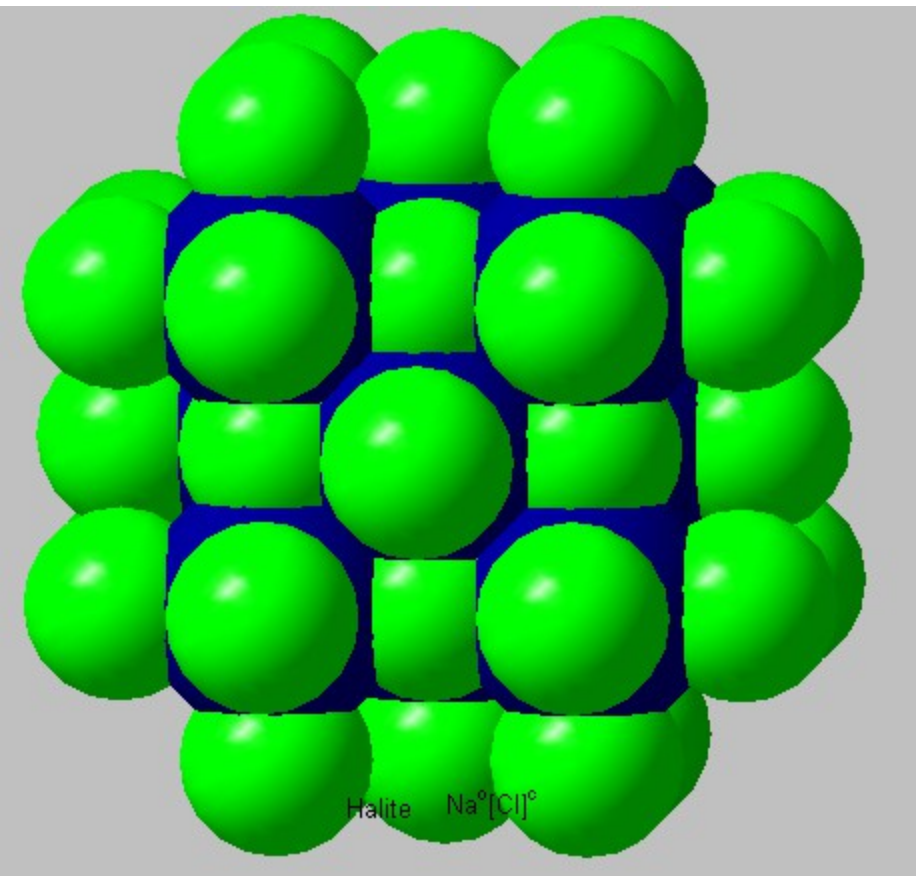
$$\rightarrow n = 0, 1, 2, 3, 4$$

$n$	0	1	2	3	4
$\theta$	$360^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$	$120^\circ$	$180^\circ$
os simetrije	1 ali -1	6 ali -6	4 ali -4	3 ali -3	2 ali -2

## 14 BRAVAIS-OVIH PROSTORSKIH MREŽ

Vsak kristal sestoji iz tridimenzionalne vrste atomov, ionov ali molekul.

Translacijsko simetrijo kristala izraža prostorska mreža izoliranih identičnih točk.





Francoski kristalograf Auguste Bravais je prvi dokazal, da obstaja le 14 različnih tipov prostorskih mrež - **Bravaisove mreže**.

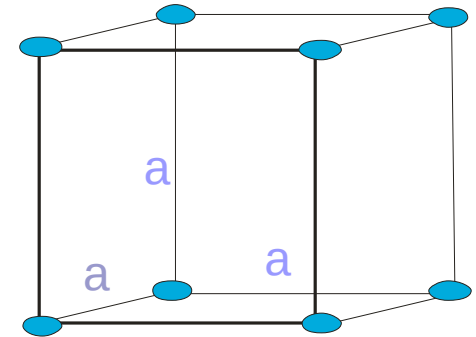
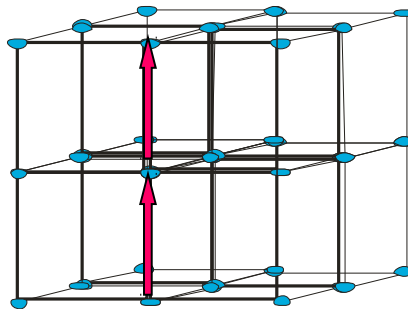
Prostorsko mrežo dobimo s sestavljanjem ekvidistančnih vzporednih planarnih mrež ali sukcesivno translacijo planarne mreže vzdolž vektorja.

14 tipov prostorskih mrež:

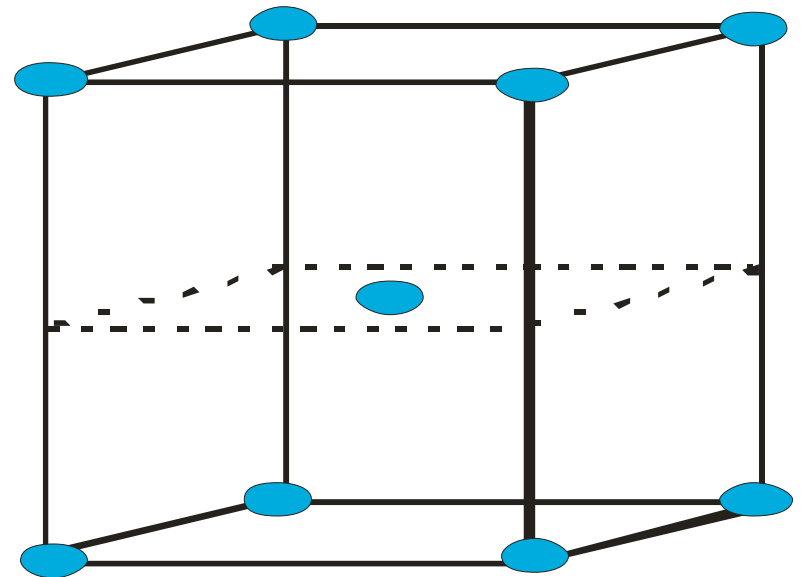
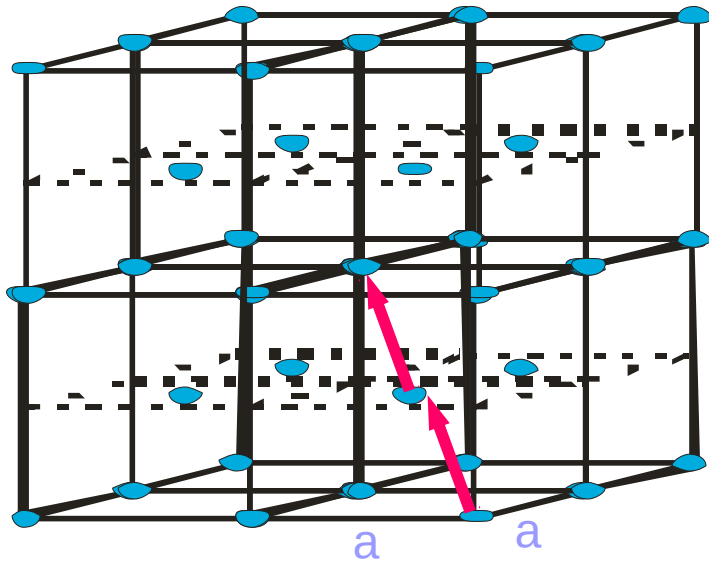
- 1) Katero od petih osnovnih planarnih mrež uporabimo pri translaciji
- 2) Po dolžini in smeri (kotu glede na osnovno mrežo) translacijskega vektorja.



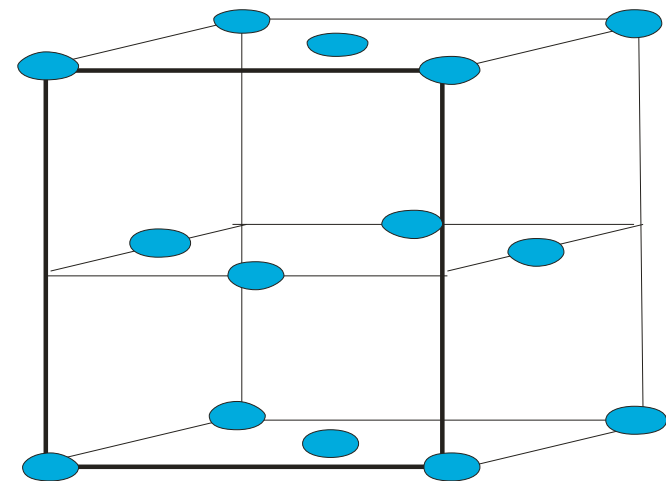
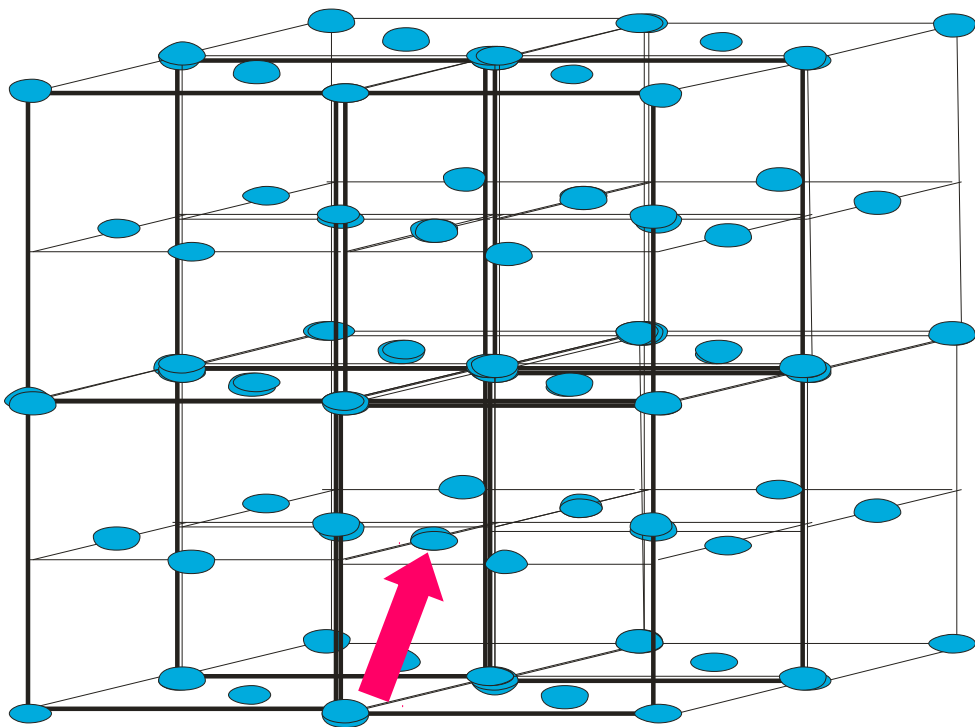
**Kubične prostorske mreže**  
**-točkovna simetrija  $m3m$**



P - primitivna



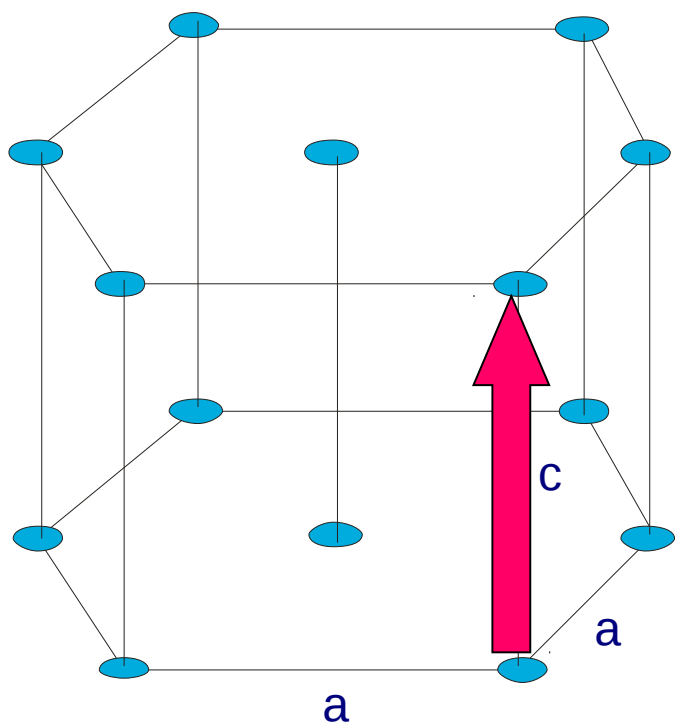
I - izometrična ali telesno centrirana



F- ploskovno centrirana

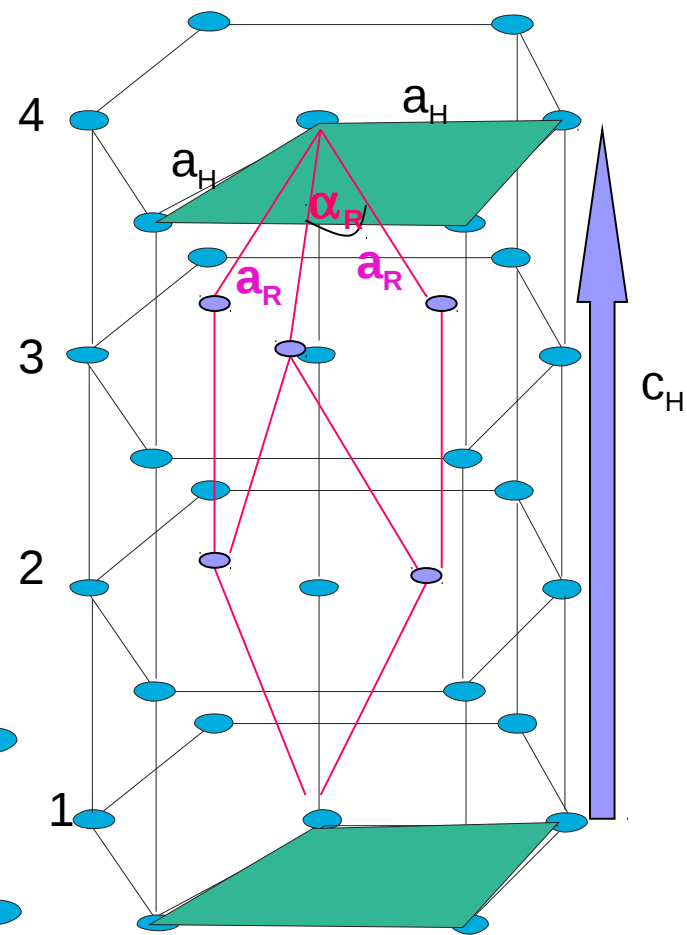
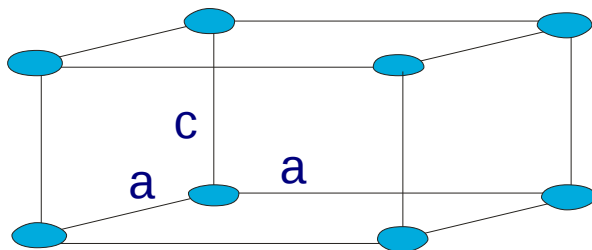
## Heksagonalne prostorske mreže

točkovna simetrija  $6/m\bar{m}$  oz.  $32/m$  za romboedrično mrežo



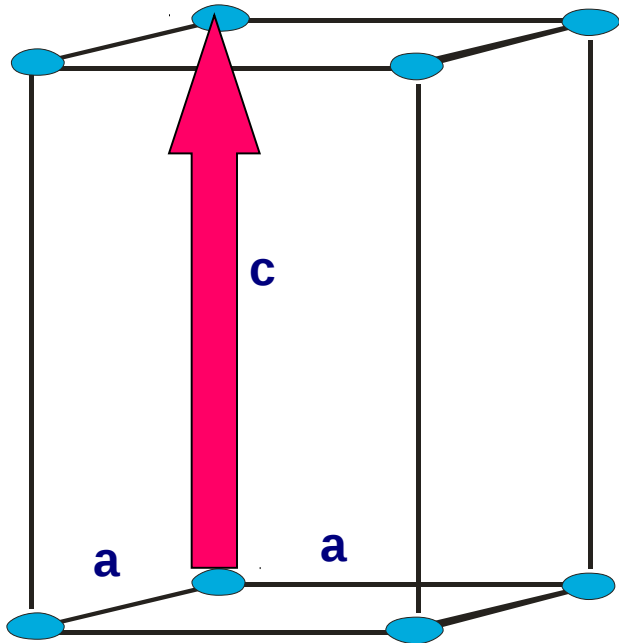
$$a_H = 2a_R \sin(\alpha_R/2)$$

$$c_H = (9a_R^2 - 3a_H^2)^{1/2}$$

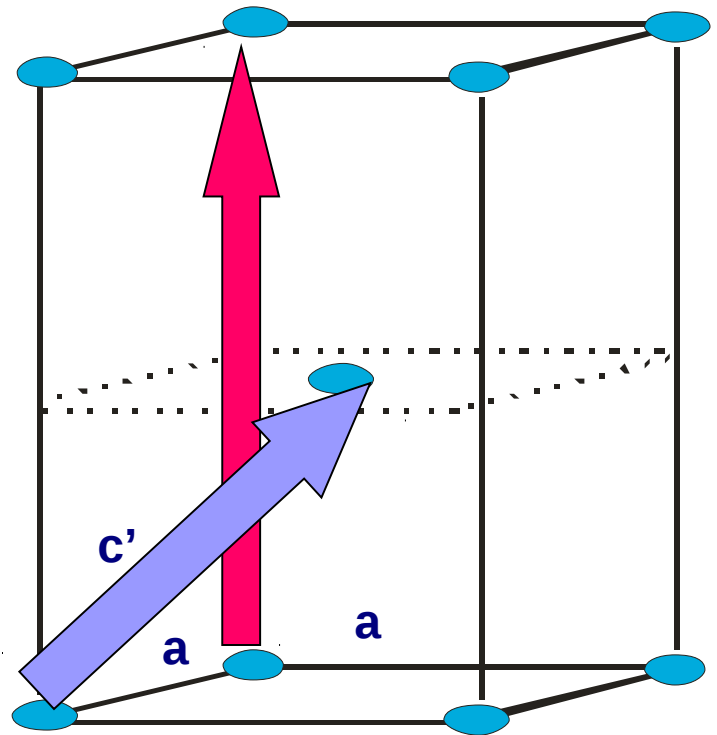


## Tetragonalne prostorske mreže

točkovna simetrija  $4/mmm$



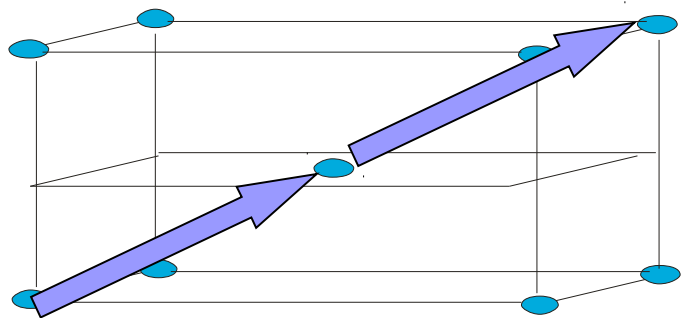
Tetragonalna primitivna - P



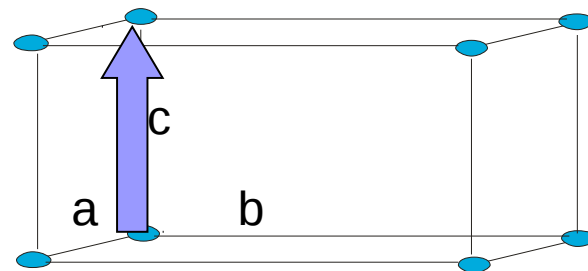
Tetragonalna telesno centrirana - I

# Ortorombske prostorske mreže

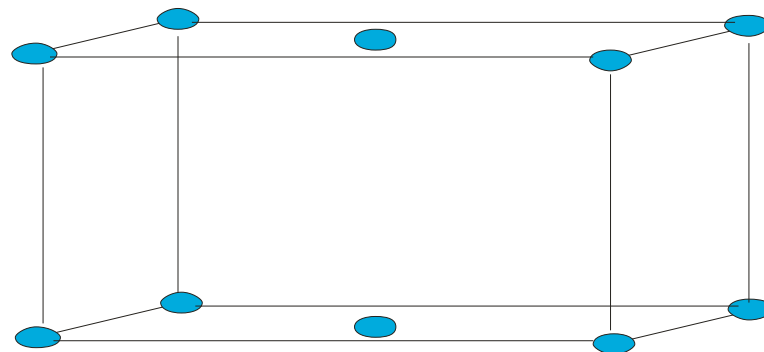
točkovna simetrija mmm



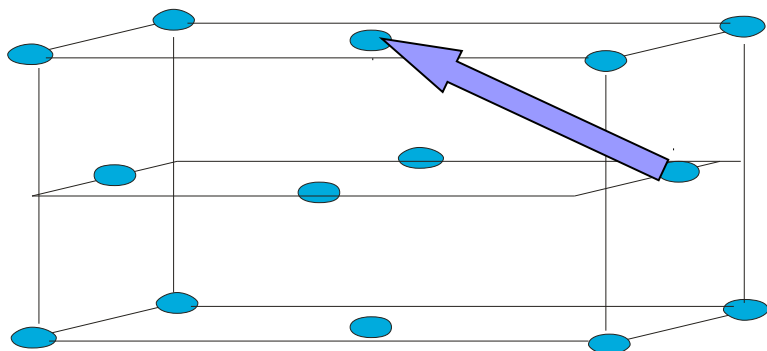
P



P



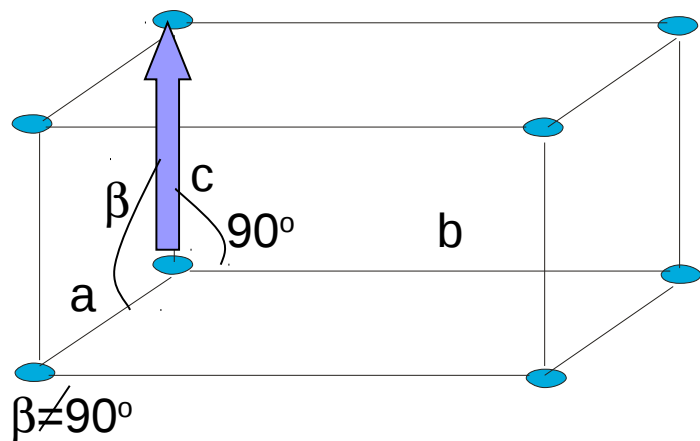
C - c ploskovno centrirana



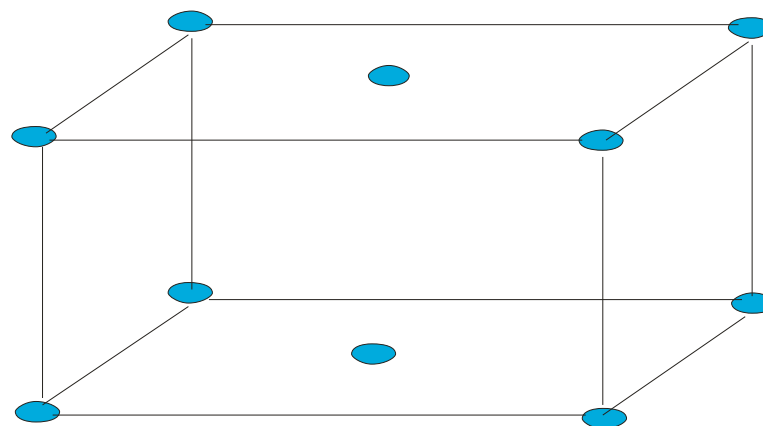
F

# Monoklinske prostorske mreže

točkovna simetrija  $2/m$



**P-translacija ortomreže z vektorjem  $c$ , ki je pravokoten na enega od ravninskih vektorjev**

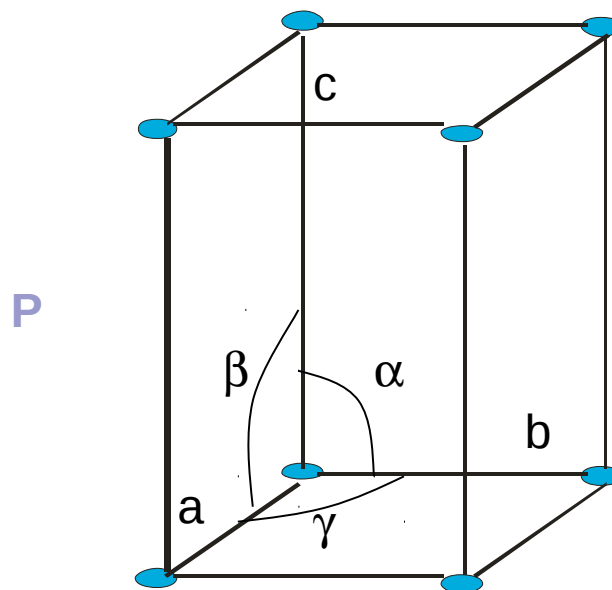


**C-podobna translacija centrirane ortomreže**

## **Triklinske prostorske mreže**

točkovna simetrija -1

translacija klinomreže z vektorjem  $c$ , ki ne oklepa kota  $90^\circ$  z nobenim od vektorjev v ravnini.

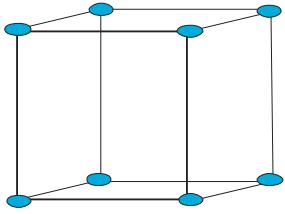


### **IZBIRA OSNOVNE CELICE**

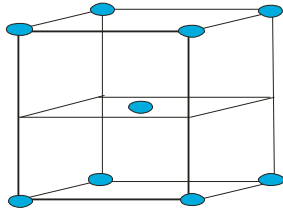
- 1) robovi celice morajo (kjer se le da) sovpadati z eno od osi simetrije
- 2) Če je mogoče naj bodo robovi korelirani z mrežno simetrijo
- 3) Izberemo najmanjšo (reducirano) celico, ki izpolnjuje pogoja 1) in 2).

# Osnovne celice za 14 možnih tipov prostorskih mrež

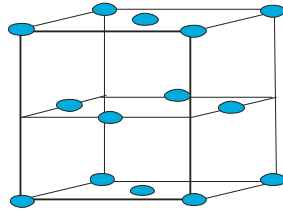
## Kubične



P

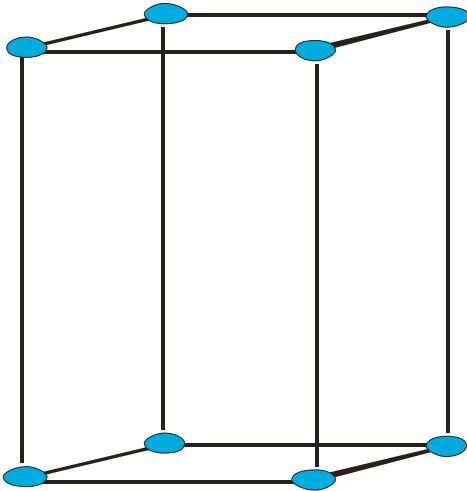


I

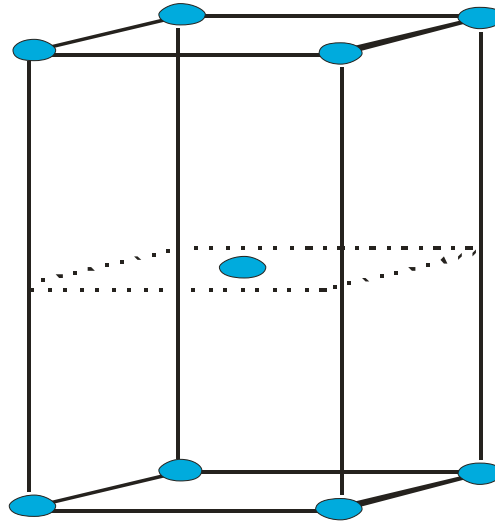


F

## Tetragonalne



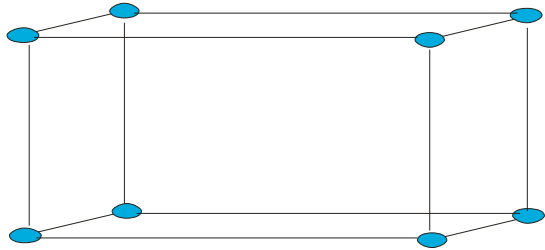
P



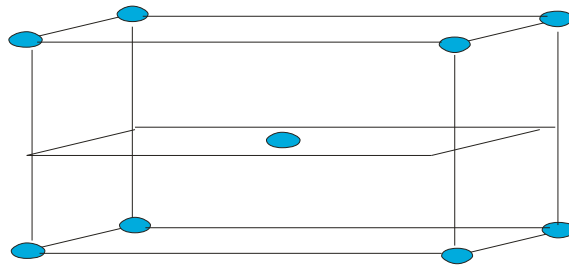
I



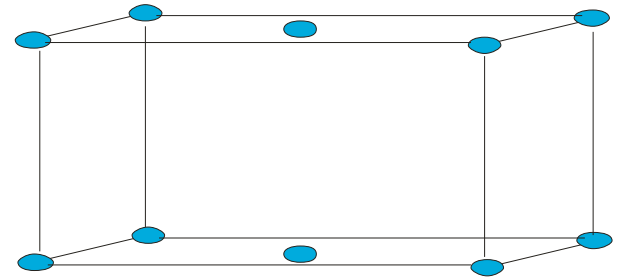
## Ortorombske



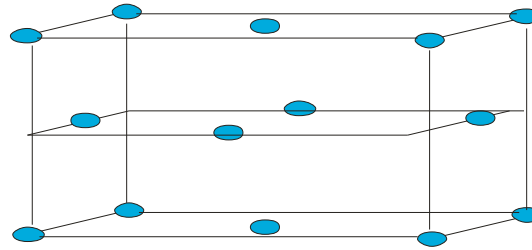
P



I

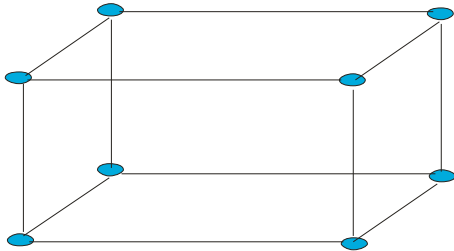


C

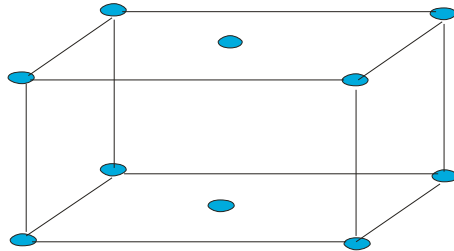


F

## Monoklinski

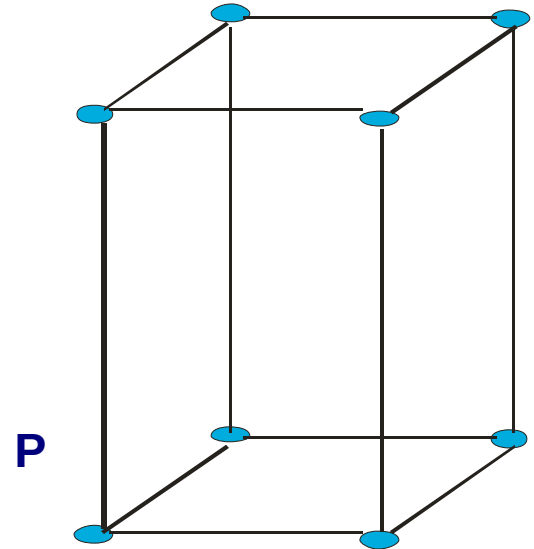


P



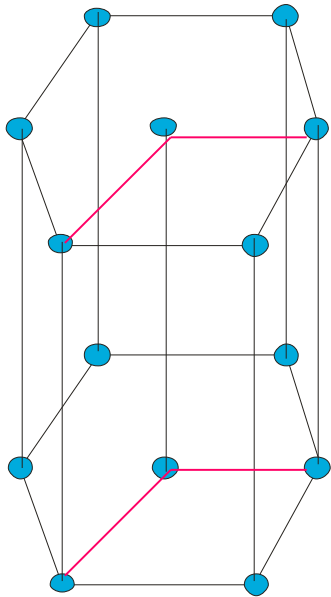
C

## Triklinska

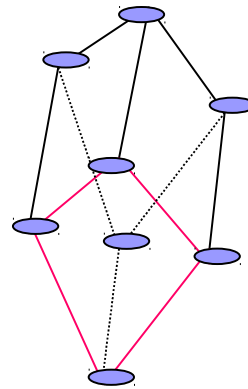


P

## Heksagonalna in romboedrična



**P**



**R**



## NOTRANJA SIMetriJA - PROSTORSKE GRUPE

V vsakem kristalnem sistemu možne prostorske mreže vsebujejo najvišjo stopnjo simetrije tega razreda (so holosimetrične).

Kristali pa izkazujejo tudi nižjo simetrijo. Razlog za to je **simetrija translacijskega objekta** (združbe atomov ali ionov, ki se translacijsko ponavlja skozi mrežo), ki je lahko nižja od simetrije osnovne celice.