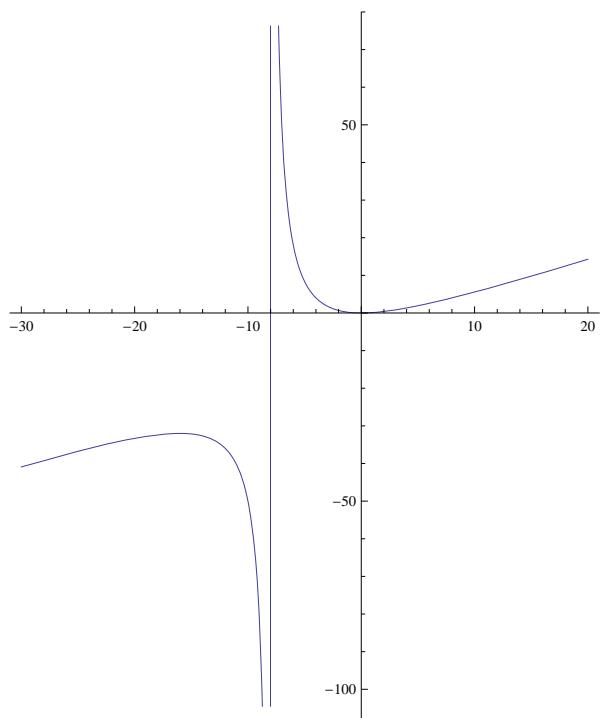


Rešitve druge računske domače naloge iz Matematike (GIK, NTO)

2013/14

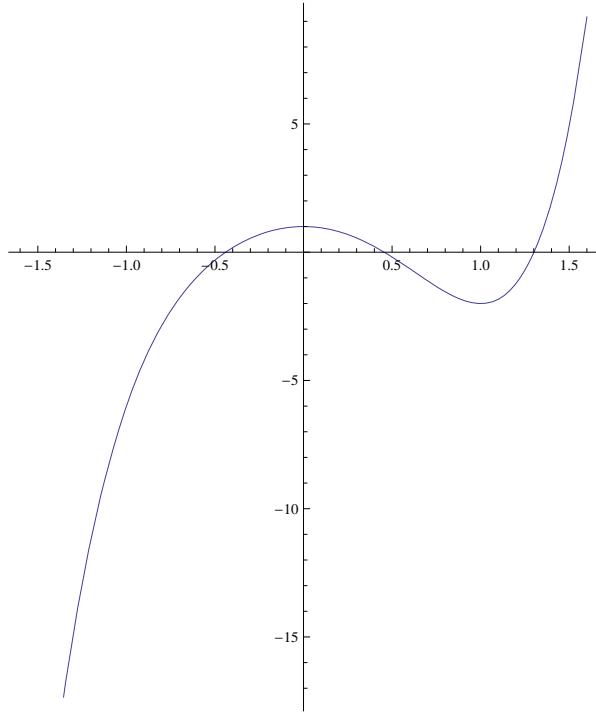
1. Enačba tangente v $(1, f(1))$ je $y = x - 1$. Enačba tangente v $(-1, f(-1))$ je $y = x + 3$.
2. Globalni min. 0, globalni max $1/3$.
3. (a) ∞ .
(b) 0.
(c) $1/3$.
4. (a) $T_3(x) = x - 3x^2/2 + 10x^3/6$.
(b) $-1/6$.
(c) $-1/4!$.

5. Graf:



6. $D(f) = \mathbb{R}$. Narašča na $(-\infty, 0) \cup (1, \infty)$ in pada na $(0, 1)$. Lokalni maksimum $f(0) = 1$, lokalni maksimum $f(1) = -2$. Konveksna na $(1/\sqrt[3]{4}, \infty)$, konkavna na $(-\infty, 1/\sqrt[3]{4})$. Prevoj v $(1/\sqrt[3]{4}, 1 - 9/2\sqrt[3]{16})$.

$D(f) = (-\infty, -8) \cup (-8, \infty)$. $y = x - 8$ je poevna asimptota, ko $x \rightarrow \infty$ oz. , ko $x \rightarrow -\infty$. $x = -8$ je navpična asimptota. Ko $x \rightarrow -8$ z desne, gre funkcija proti ∞ in ko $x \rightarrow -8$ z leve, gre funkcija proti $-\infty$. Funkcija na rašča na $(-\infty, -16) \cup (0, \infty)$. Funkcija pada na $(-16, 0)$. V $x = 0$ ima funkcija lokalni mimimum. V $x = -16$ ima funkcija lokalni maksimum. f je knoveksna na $(-\infty, -8)$ in konkvana na $(-8, \infty)$. Prevojev ni. Graf



7. $D(f) = (-\infty, -2) \cup (-2, \infty)$. Premica $y = 1$ je vodoravna asimptota, ko $x \rightarrow \infty$ in $x \rightarrow -\infty$. Narašča na $(-\infty, -2) \cup (0, \infty)$. Pada na $(-2, 0)$. f je konveksna na $(-\infty, -2) \cup (-2, 1)$. f je konkavna na $(1, \infty)$. f ima v $x = 1$ prevoj in v $x = 0$ lokalni minimum. $f(-1) = 1$, torej v točki $(-1, f(-1))$ seka vodoravno asimptoto.

Graf

