

3. izpit iz Matematike 2

17. september 2013

1. [10] Poišči pravokotno projekcijo točke $T(4, 2, 2)$ na ravnino Π , ki je podana z enačbo $x + y = 2$.
2. [15] Krivulja je podana v parametrični obliki s predpisom $\vec{r}(t) = (e^t, \sin(3t), 1)$. Izračunaj fleksijsko ter torzijsko ukrivljenost krivulje v točki $T(1, 0, 1)$.
3. [10] Izračunaj integrala:
 - (a) $\int_0^\infty t^6 e^{-t^2} dt$,
 - (b) $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^7 x dx$.
4. [10] Izračunaj integral funkcije $f(x, y) = 3x^2 - y^2 + 2x$ po trikotniku z oglišči $A(0, 0)$, $B(0, 1)$ in $C(-1, 0)$.
5. [15] Poišči središče krožnega izseka $x^2 + y^2 \leq 4$, $x \geq 0$ in $y \geq 0$.
6. [10] Poišči splošno rešitev diferencialne enačbe
$$y'' - 5y' + 6y = 10 \sin x.$$
7. [10] Petkrat zapored vržemo kovanec.
 - (a) Kolikšna je verjetnost, da je na prvem kovancu cifra, na drugem pa grb?
 - (b) Kolikšna je verjetnost, da pade grb natanko trikrat?
8. [10] Imamo dve posodi s kroglicami. V prvi sta dve kroglice s številkama -1 in 1 , v drugi pa tri kroglice s številkami $-1, 0$ in 1 . Iz vsake posode naključno izvlečemo po eno kroglico in z X označimo vsoto številk na teh dveh kroglicah. Izračunaj porazdelitev in povprečno vrednost slučajne spremenljivke X .