

STATISTIKA (ITK)

Drugi test iz teorije, 13. 5. 2013

Nekateri odgovori so nakazani, za druge preštudirajte zapiske ali druga gradiva...

1. (3/2) Definicija **mediane** za **zvezno** porazdeljeno naključno spremenljivko X ; kako jo izračunamo?

2. (3) Zapišite formule za matematično upanje in disperzijo **zvezno** porazdeljene naključne spremenljivke, ki je podana z gostoto verjetnosti $p(x)$.

Obkrožite črke pred pravilnimi izjavami. (Pravilna: 1, nepravilna: -1/2, sicer: 0 točk.)

3. Recimo, da je telesna temperatura T zdrave odrasle osebe, merjena v $^{\circ}\text{C}$, normalno porazdeljena naključna spremenljivka s parametrom $\mu = 36,3$ in $\sigma = 0,2$. Zanjo velja:

- a. $E(T) = 36,3$;
- b. mediana T je enaka 36,5;
- c. vrednosti T nad 37 **ne pomenijo**, da oseba ni zdrava: lahko so zgolj naključne;
- d. zdrave odrasle osebe imajo temperaturo med 36,1 in 36,5;
- e. delež števila zdravih odraslih oseb s temperaturo pod 36,7 je približno 97,7%.

4. 400-krat izvedemo poskus, v katerem se dogodek A lahko zgodi vsakič z verjetnostjo 0,2. Približke za verjetnostno funkcijo frekvence K dogodka A v teh poskusih lahko izračunamo s pomočjo porazdelitve

- a. normalne: $N(400, 80)$;
- b. $N(80, 64)$;
- c. $N(80, 8)$;
- d. $N(400, 0,2)$;
- e. Poissonove: $P(80)$.

5. Neznano povprečje porazdelitve številskega statističnega znaka ocenimo:

- a) (1/2) s cenilko: (odg.:) $\bar{X} = (\sum_k X_k)/n$
- b) (2) z intervalom zaupanja (dve možnosti!): (odg.:) $[L_\alpha, D_\alpha]$, kjer je $L_\alpha = \bar{X} - z_\alpha \cdot \sigma / \sqrt{n}$, ko je σ znan ..., glejte predavanja!

6. (2) Kaj v statistiki imenujemo **napaka prve vrste** pri testiranju hipotez? Kateri simbol označuje verjetnost tega dogodka?

7. Opišite postopek uporabe **prilagoditvenega** testa χ^2 pri velikem vzorcu za ničelno domnevo:

- a) (2) da je porazdelitev X diskretna, $X \sim \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 & 4 \\ 0,1 & 0,1 & 0,2 & 0,3 & 0,3 \end{pmatrix}$;
- b) (3) da je porazdelitev znaka X Poissonova (z neznanim parametrom λ)!