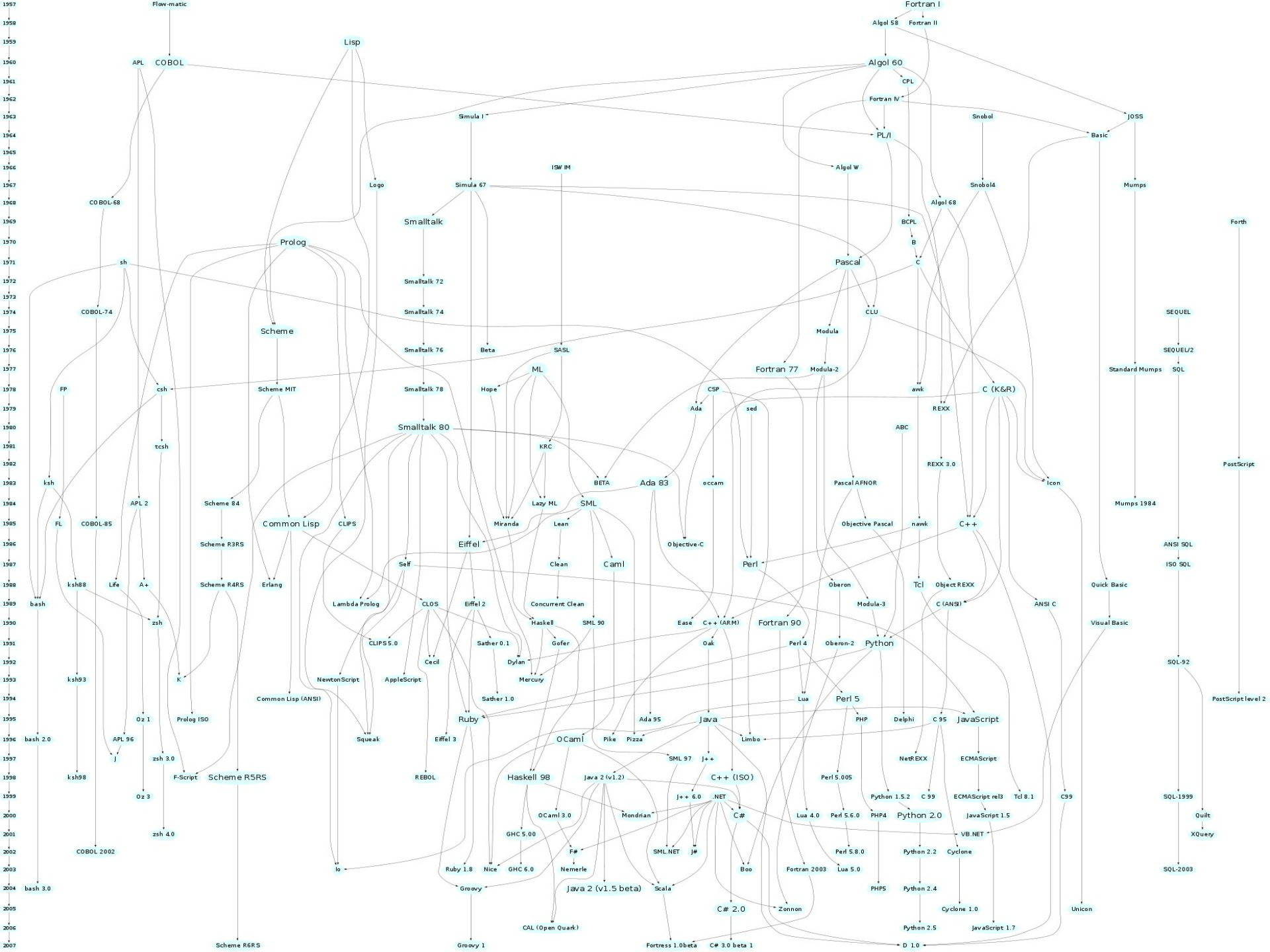


# Teorija programskih jezikov

I.Savnik, FAMNIT, 2012/13

“Computer Science is no more about computers than astronomy is about telescopes.”

- E.W.Dijkstra



# Potek

- Osnovni podatki
- Zgodovina
- Semantika jezikov
- Uporaba tipov
- Praktična uporaba
- Mejniki v razvoju prog.jezikov

# Osnovni podatki

Naslov:	Teorija programskih jezikov
Predavatelj:	doc.dr. Iztok Savnik
Vaje:	domače naloge
Točke:	9 KT
Komunikacija:	e-učilnica, forumi, e-posta, govorilne ure
Govorilne ure:	po predavanju
E-učilnica:	<a href="http://e.famnit.upr.si">e.famnit.upr.si</a>

# Ocenjevanje

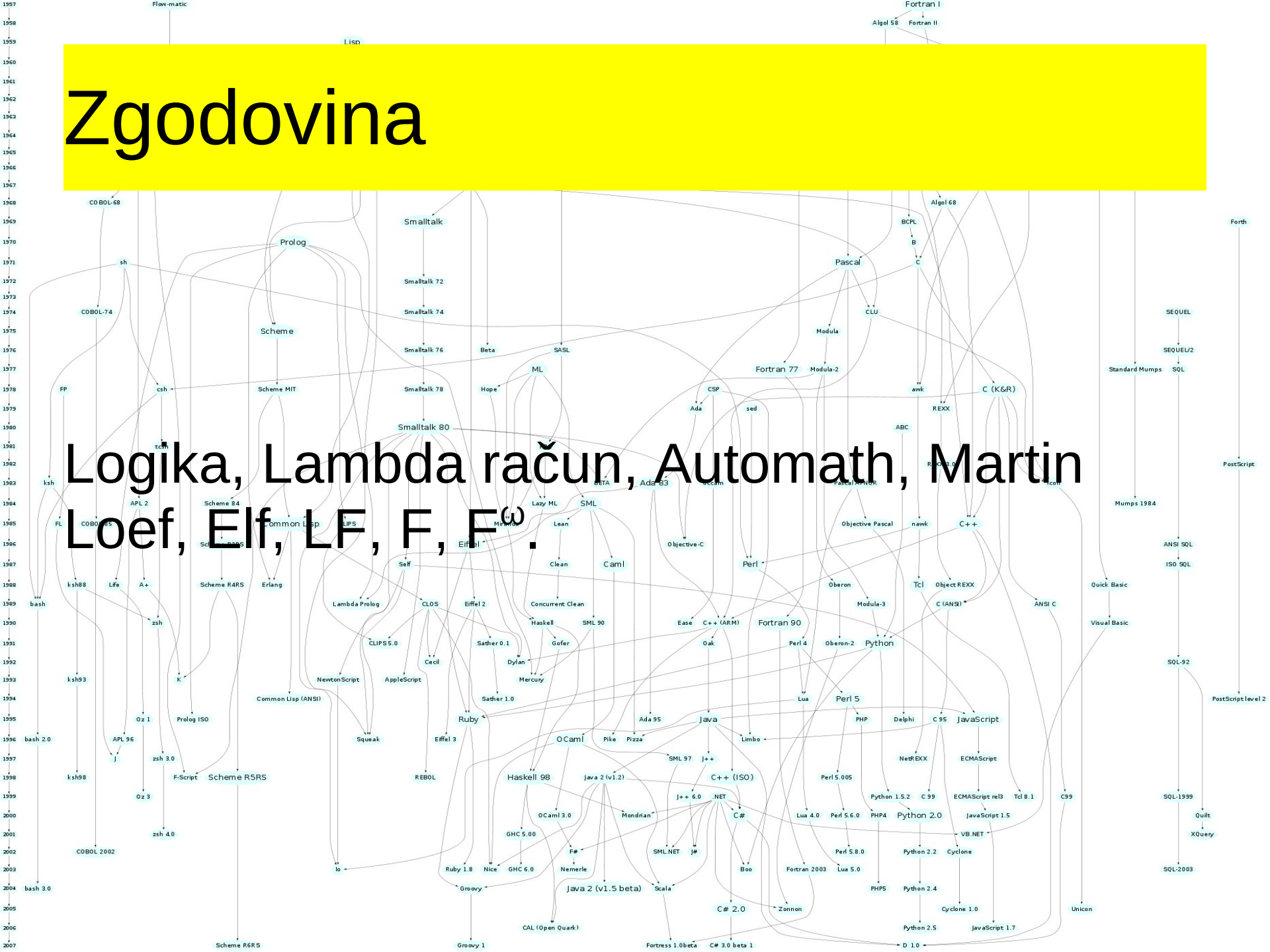
- Sestava ocene = 6KT
  - Ocena pisnega izpita – 50%
  - Ocena ustnega izpita – 50%
- Domače naloge = 3KT
  - 3-4 domače naloge
- Vsaka od delnih ocen mora biti pozitivna!

# Vsebina

- 1) Pregled konceptov programskih jezikov
- 2) Sklepanje
- 3) Sintaksa
- 4) Operacijska semantika
- 5) Denotacijska semantika
- 6)  $\Lambda$ -račun
- 7) Tipi
- 8) Rekurzija
- 9) Strukture
- 10) Rekurzivni tipi
- 11)  $\Lambda$ -račun 2. reda
- 12) LF in Twelf
- 13) Jezik Min-ML

# Zgodovina

Logika, Lambda račun, Automath, Martin  
Loef, Elf, LF, F, F<sup>ω</sup>.





# Semantika programskih jezikov

Teoretične študije lastnosti programskih jezikov.

Teorija tipov formalno obravnava tipe.

Nadaljevanje veje logike (Russel, Frege, Church).

Teorija domen preučuje matematične lastnosti izvajanja programov.

# Logika

- Gottfried Wilhelm Leibniz, 1646
- **Calculus ratioconator**
  - Osnova simbolične logike
  - Osnova za Lambda račun in Turingov stroj



## Leibniz je imel naslednji ideal:

1) Kreiraj univerzalni jezik, ki lahko izrazi vse probleme.

2) Poišči metodo, ki reši vse probleme opisane v univerzalnem jeziku.

Oblika teorije množic izražene v predikatnem računu (1).

[Entscheidungsproblem] Ali lahko rešimo vse probleme izražene v univerzalnem jeziku (2)

# Entscheidungsproblem



- David Hilbert, 1928
- **Problem:** Je mogoče iz opisa formalnega jezika in stavka v tem jeziku napisati algoritem, ki bo odgovoril true v primeru, da je stavek pravilen in false sicer

# Logika



- Gottlob Frege, 1848
  - Aksiomatska predikatna logika
  - Kvantificirane spremenljivke
- Logika je formalna osnova programskih jezikov in raznovrstne modele !

BEGRIFFSSCHRIFT,

EINE DER ARITHMETISCHEN NACHGEBILDETE



FORMELSPRACHE

DES REINEN DENKENS.

VON

DR. GOTTLLOB FREGE.

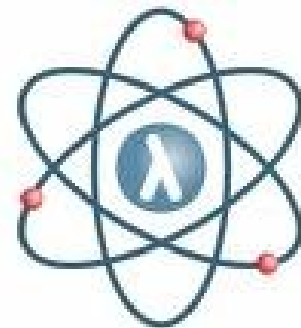
PRIVATDOCENTEN DER MATHEMATIK AN DER UNIVERSITÄT JENA.

HALLE A/S.

VERLAG VON LOUIS NEBERT.

1879.

# Lambda račun



## Zgodovina:

Izviri  $\lambda$ -računa so v delu Leibniza v 17. stoletju (Calculus Ratiocinator)

$\lambda$ -račun je bil uporabljen v slavnem članku l.1936 o obstoju neodločljivega problema

Turing je v tistem času naredil svoj stroj.

$\lambda$ : Alonzo Church, Stephen Cole Kleene, 1930

[Študija osnov matematike](#)

Idealiziran in minimalističen prog. jezik

Izrazno enakovreden Turingovem stroju

Prog.jeziki: **Erlang, Haskell, Lisp, ML, Scheme.**

# Teorija tipov

- Teorija tipov je **področje, ki se ukvarja z načrtovanjem, analizo in študijem tipov.**

Matematika: Teorija tipov nadomesti naivno teorijo množic.

- **Bertram Russel, 1901**

Teorija tipov je nastala kot odgovor na paradoks Fregejeve logike

Russel predlaga svojo teorijo tipov

- **Churcheva teorija tipov**

Lambda račun s tipi

# Teorija tipov

Definicija formalnega sistema,  
ki obravnava tipe.

Objekti, ki jih preučujemo z uporabo matematičnega aparata so raznovrste strukture: množice, n-terice, zapisi, ...

Opazujemo lastnosti tipov, urejenosti, ...

Primerjamo z drugimi formalizmi, še posebej z logiko.



# Automath - de Bruijn

- Formalen jezik, Nicolaas Govert de Bruijn, začetek, 1967
- Opisovanje matematičnih teorij
- Vsebuje orodja za avtomatsko dokazovanje izrekov
- Veliko idej iz Automath so kasneje prenesli na lambda račun.

# Martin-Loef:teorija tipov

Martin-Löf, 1972.

Delal je na filozofskih osnovah logike.

re-konstrukciji logike

Osnovana na analogiji med izjavami (logika) in tipi (Curry-Howard isomorfizm).

Izjavni račun  $\Leftrightarrow$  lambda račun s tipi

Predikatni račun  $\Leftrightarrow$  Odvisni tipi

$\Pi$ -tipi,  $\Sigma$ -tipi, Induktivni tipi

Formalizacija teorije tipov

# System F, $F^\omega$

- Polimorfični lambda račun
  - Jean-Yves Girard
  - John C. Reynolds
  - $\lambda$ -račun 2. reda
- **Formalizacija polimorfizma v prog. Jezikih.**
- Rekurzivne konstrukcije tipov podobno kot teorija M.P.Loef.
- **Preverjanje tipov ni odločljivo.**
- Induktivno definirana hierarhija.

# Logika za izračunljive funkcije

- LCF (R.Milner)
  - Logic for computable functions (LCF)
  - Stanford 1970-71, Edinburgh 1972-1995
- **Meta-jezik** za LCF sistem
  - Projekt za automatizacijo logike
  - Dokazovanje
  - Sistem tipov
  - Notacija za programe
  - Funkcije višjega reda
  - Programi, ki poiščejo dokaz

# Edinburgh Logical Framework

Elf, LF: Orodje za predstavitev logike.

Lambda račun z odvisnimi tipi =  $\lambda\Pi$ -račun

Odvisni tipi prvega reda – izjave so tipi.

Za opis logičnega okolja definiramo:

opis razredov objektov; primeren metajezik; definicijo mehanizmov s katerimi je logika predstavljena.

Preverjanje tipov je odločljivo.

Sklepanje s tipi ni odločljivo.

LF implementacija v Twelf (CMU)

# Semantika jezikov

Denotacijska semantika programskih jezikov

Operacijska semantika programskih jezikov

Aksiomska semantika programskih jezikov

# Vrste formalnih jezikov

Cela števila

Lambda račun

Tipi

Rekurzija

Strukture

Rekurzivni tipi

Lambda račun 2. reda

Lambda račun višjih redov

# Predstavitev formalnih jezikov

- Vsak jezik bo **formalno definiran**
  - Statična in dinamična semantika
- Predstavljene bodo **lastnosti vsakega nivoja**
  - determinizem, normalizacija
  - napredek + ohranitev = varnost
  - primerjava s hierarhijo Chomskega
- Predstavljene bodo **primeri** programov



# Različne semantike jezikov

Običajno bomo uporabili **operacijsko semantiko** za predstavitev jezika

Uporabljali bomo pravila

Večkrat bomo definirali tudi **denotacijsko semantiko** jezika

While, PCF, F

# Abstrakten model jezika

Formalna semantika predstavlja **model računskega pomena programa**.

Model običajno predstavi samo del celotnega pomena programa.

**Predstavljen del je definiran zadosti formalno, da lahko analiziramo lastnosti jezika** ter opazujemo lastnosti pomembnejših obdelav programa kot so npr. preverjanje tipov, evaluacija, itd.

# Abstrakten model jezika

Računski pomen je preveč kompleksen  
Opazujemo željen nivo in aspekt jezika.

**Abstrahiramo značilnosti, ki nas ne zanimajo.**

Prerez jezika, ki ga želimo opazovati.

Na primer, lahko pozabimo na shranjevanje  
podatkov, računski čas, itd.

# Lastnosti jezikov

Definiramo striktno preverjanje tipov.

Definiramo evaluacijsko metodo.

Preučujemo implementacijo jezika.

Natančna specifikacija pomena gradnikov jezika.

...

# Lastnosti programov

Velikokrat bi želeli **podrobneje pogledati nekatere lastnosti programov.**

**Dokaz, da se program napisan v danem jeziku vedno zaključí.**

Preverjanje pravilnosti programa.

Preverjanje varnosti tipov danega jezika.

**Dokaz, da so programi danega jezika deterministični.**

...

# Koncepti programskih jezikov

Na formalen način si bomo ogledali vrsto konceptov programskih jezikov

Tipe

Funkcije

Podtipe

Polimorfizem

Objekte

Razrede

Dedovanje

Spremenljivke tipov

Preverjanje tipov

Rekurzijo

Rekurzivne tipe

# Študij jezikov

Formalen zapis pomena izrazov danega programskega jezika ⇒

Pomen izraza je interpretacija (model) izraza, formalen postopek za evaluacijo izrazov, ...

Študij gradnikov programskih jezikov.

Striktna definicija gradnikov.

Osnova za implementacijo gradnikov...

# Uporaba tipov

Odkrivanje napak

Abstrakcija

Dokumentacija

Varnost

Učinkovitost



# Tipi - odkrivanje napak (1)

Preverjanje tipov omogoča odkrivanje nekaterih napak v času prevajanja oz. v času izvajanja.

Statično preverjanje tipov lahko odkrije presenetljivo veliko napak.

Programi preprosto ``delajo"... :)

# Tipi - odkrivanje napak (2)

Moč tega učinka je odvisna od izrazne moči sistema za delo s tipi.

Razlog za ta učinek je predvsem v formi, ki jo daje struktura tipov programom.

Programska koda (posebaj v OO jezikih) je vezana na strukture, ki jih tvorijo tipi.

Zato je enostavneje obvladljiva.

Pomembno je dobro poznati lastnosti tipov!

# Abstrakcije

Tipi podpirajo proces programiranja tako, da zahtevajo disciplinirano programiranje.

Tipi so osnovno okostje sistema okoli katerega je implementirana koda.

Sistem tipov tvori osnovo za module--tip modula dejansko ustreza vmesniku modula.

Strukturiranje večjih sistemov v module omogoča bolj abstraktno zasnovano programskih sistemov.

# Dokumentacija

Strukture tipov služijo kot osnova za dokumentacijo sistema.

OO jeziki: enostavno generiranje dokumentacije iz parcialnih opisov, ki so vezani na hierarhijo tipov.

Dokumentacija je del samega sistema in jo je tako veliko lažje vzdrževati.

Komentarje običajno lahko enostavno dodajamo na same sintaktične konstrukte programskega jezika

# Varnost

Pierce neformalno definira varen jezik kot jezik, ki ti onemogoči, da se ustreliš v lastno nogo medtem, ko programiraš.

Povedano na drug način: **jezik je varen, če varuje lastne abstrakcije.**

**Polja:**

programer ne more narediti nič zelo čudnega s polji. kot na primer spreminjati vsebino polja tako, da piše preko meja neke druge podatkovne strukture.

# Učinkovitost

Prvo preverjanje tipov se je začelo pri Fortranu, ko so želeli ločiti med numeričnim računanjem s celimi števili in računanjem z realnimi števili.

Statično preverjanje tipov omogoča bolj učinkovito delo z vrednostmi.

Odpade marsikatero preverjanje v času izvajanja.

# Učinkovitost

Marsikatera odločitev pri generiranju kode pride iz tipov izrazov.

Tip kazalcev vpliva na izbiro inštrukcij za delo s kazalci.

Tehnike za izboljšanje algoritmov za čiščenje pomnilniškega prostora.

...

# Praktična uporaba

Načrtovanje jezikov

Meta-programski jeziki

Aplikacije



# Načrtovanje jezikov

Programski jeziki morajo biti načrtovani skupaj s sistemom za preverjanje tipov.

Sicer je preverjanje tipov zelo težko.

Dobro načrtovan jezik redko potrebuje podatke o tipih izrazov. Večino lahko izpelje sistem tipe sam.

Meta-programski jeziki omogočajo enostavno načrtovanje jezika kot tudi študij lastnosti načrtovanega programskega jezika.

# Meta-programski jeziki



Novejša programska orodja kot je na primer Twelf nam omogočajo predstavitev formalne semantike jezika v meta-programskem jeziku.

**Meta jezik nam omogoča implementacijo analiz programskega jezika kot na primer:**

preverjanje tipov izraza, programsko dokazovanje lastnosti jezikov, interpretacijo izrazov jezika in podobno.

# Aplikacije

Zasnova in implementacija enostavnih programskih jezikov je pogosto potrebna v aplikacijah.

**Nov jezik tipično uporabljamo pri zasnovi:** uporabniških vmesnikov, aplikacijskih protokolih v porazdeljenih okoljih, ukaznih jezikih aplikacijskega stržnika ali za definicijo formata za shranjevanje podatkov.

# Pregled programskih jezikov

Mejniki v razvoju programskih jezikov

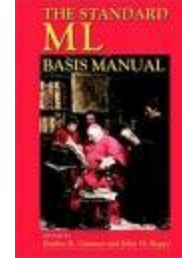
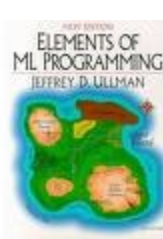
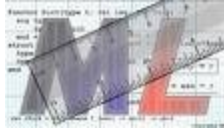
# Algol

- 1950, Družina programskih jezikov
- Funkcije so lahko del programa
  - Funcija ima lahko **parametre**
  - Funkcija lahko vrne **rezultat**
  - **Funkcije si bomo natančno ogledali!**
- Jezik ima **bloke**
  - **begin ... end**
- Algol, Pascal, C, ... Modula

# Fortran

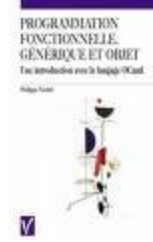
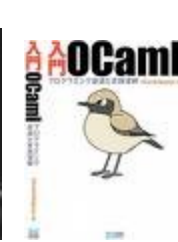
- John W. Backus, 1953, IBM
- The IBM Mathematical **Formula Translating System**
  - IBM 360
  - Luknjane kartice
- **Gradniki Fortran**
  - DO, GOTO, IF, SUBROUTINE, CALL
- Zelo popularen jezik za **numerično procesiranje**
- Še vedno zelo živ jezik!
- Implicitni paralelizem
- Fortran program lahko lahko **učinkovito paraleliziramo**
- Edini takšen jezik!

# ML

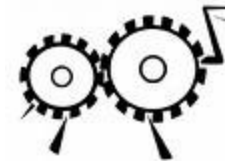


- Meta Language
- Eden od bolj popularnih funkcijskih jezikov
  - Strogi tipi, stdlib, čist jezik
- Edinburgh, 1974, skupina Robin Milner
- Obstaja množica dialektov
  - **Standarden ML**: SML New Jersey, Moscow SML, MLKit
  - Ocaml je odlična implementacija ML in množice razširitev

# Ocaml



- **Objektni Caml, Inria, Francija, >1985**
- Zelo dobro zasnovan in implementiran programski jezik
  - Funkcijski, imperativni in objektni
- **Množica orodij, vmesnikov, knjižnic, ... vse kar je običajno in potrebno.**
- Zelo hiter jezik:
  - konkurira C,C++
  - Interpreter, prevajalniki za procesorje
  - Zelo aktiven “community”





# Objektno usmerjeni jeziki

- Prvi objektni jezik je bil **Simula**.
  - Simulacija dejanskega dogajanja.
- **Smalltalk** je eden od najslavnejših jezikov
  - Adele Goldberg, Xerox, Palo Alto
  - Vse na tem svetu so samo objekti!
- Vsak objekt je član razreda
  - Prototipni objekt
  - Razred je objekt!
  - Kompleksne hierarhije dedovanja
  - C++ + Java + vsi novi jeziki !
- **Java**
  - J.Gosling, B.Joy, G.Steele, G.Bracha
  - The Java Language Specification
  - <http://java.sun.com/docs/books/jls/download/langspec-3.0.pdf>

# Prolog

- **Programming in Logic**, Robert Kowalski
- Predikatni račun
  - **Hornovi stavki**
  - Unifikacija, resolucija
- Zelo močen, enostaven in abstrakten jezik
- Uporaba vračanja (back-tracking)
  - **Deklarativen in proceduralen** pomen Prologa
  - Operator CUT (!)
- Jeziki za delo s podatkovnimi bazami
  - Datalog
- Sicstus, SB Prolog, SWI Prolog,...

# Literatura

- Benjamin Pierce  
Types and Programming languages, MIT Press, 200
- Robert Harper  
Practical Foundations for Programming Languages, Draft, 2010.
- Glynn Winskel  
The Formal Semantics of Programming Languages: An Introduction, MIT Press, 1993 (1-8).
- Iztok Sarnik  
Teorija programskih jezikov, Zapiski, 2012.